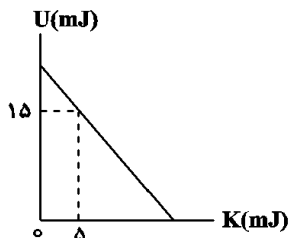


۱۸۱) تندی انتشار موجی عرضی در یک طناب که دو سر آن با نیروی ثابت  $F$  کشیده شده است، برابر با  $v$  می‌باشد. اگر  $\frac{2}{3}$  طول طناب را بریده و کنار بگذاریم و بقیه طناب را با نیروی ثابت  $2F$  بکشیم، تندی انتشار موج عرضی در آن چند  $v$  می‌شود؟

- (۱)  $\sqrt{2}$  (۲)  $\frac{\sqrt{6}}{3}$  (۳)  $\sqrt{6}$  (۴)  $\sqrt{3}$

۱۸۲) نمودار انرژی پتانسیل برحسب انرژی جنبشی نوسانگری که حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد، در شکل زیر نشان داده است. در لحظه‌ای که انرژی جنبشی این نوسانگر  $8mJ$  است، انرژی پتانسیل آن چند میکروژول می‌باشد؟



- (۱) ۱۲  
(۲) ۲۴  
(۳)  $12 \times 10^3$   
(۴)  $24 \times 10^3$

۱۸۳) جسمی به جرم  $500$  گرم به فنی با ثابت  $2 \frac{N}{cm}$  بسته شده است و روی سطح افقی بدون اصطکاکی حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. این جسم  $5$  نوسان کامل را در مدت چند ثانیه انجام می‌دهد؟ ( $\pi = 3$ )

- (۱)  $0.75$  (۲)  $1/5$  (۳)  $3$  (۴)  $4/5$

۱۸۴) ضربه‌ای به یک انتهای میله‌ای زده می‌شود و در انتهای دیگر میله دو صدا شنیده می‌شود، یک صدا از میله و صدای دیگر از هوای اطراف میله، اگر طول میله  $1000$  متر و تندی صوت در هوا و میله به ترتیب برابر  $350 \frac{m}{s}$  و  $2800 \frac{m}{s}$  باشد، اختلاف فاصله زمانی که این دو صدا شنیده می‌شود حدوداً چند ثانیه است؟

- (۱) ۱ (۲)  $1/5$  (۳)  $2/5$  (۴) ۴

۱۸۵) در بررسی اثر دوپلر در وضعیتی که چشمه ساکن و ناظر (شنونده) متحرک است، در مقایسه با ناظر ساکن و در مدت زمان یکسان، کدام گزینه درست است؟

- (۱) اگر ناظر به طرف چشمه حرکت کند، با جبهه‌های موج بیشتری مواجه می‌شود.  
(۲) اگر ناظر از چشمه دور شود، با جبهه‌های موج کمتری مواجه می‌شود.  
(۳) حرکت ناظر به طرف چشمه، منجر به افزایش بسامد صوتی است که دریافت می‌کند.  
(۴) همه گزینه‌ها درست هستند.

۱۸۶) قطر مقطع یک سیم مرتعش  $4$  میلی‌متر و چگالی آن  $8 \frac{g}{cm^3}$  و طول آن  $160 cm$  است. اگر یک موج عرضی در مدت  $0.02$  ثانیه طول سیم را طی کند، نیروی کشش سیم چند نیوتون است؟ ( $\pi = 3$ )

- (۱)  $\frac{153}{6}$  (۲)  $76/8$  (۳)  $\frac{614}{4}$  (۴)  $9/6$

۱۸۷) کدامیک از عبارتهای زیر صحیح است؟

- (۱) طیف خطی گسیلی و جذبی از گازهای اتمی، با فیزیک کلاسیک قابل توجیه است.  
(۲) طبق نظریه‌های فیزیک کلاسیک، پدیده فوتوالکتریک باید با هر بسامدی رخ دهد.  
(۳) بنابر نظریه اینشتین، وقتی نوری تکفام بر سطح فلز می‌تابد، هر فوتون با چند الکترون برهم‌کنش دارد.  
(۴) در پدیده فوتوالکتریک بسامد آستانه‌ای به بسامد نور تابش شده و جنس فلز بستگی دارد.

۱۸۸) کدام گزینه در رابطه با امواج الکترومغناطیسی نادرست است؟

- (۱) تغییر هر یک از میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی، باعث ایجاد میدان دیگر می‌شود.  
 (۲) در طیف امواج الکترومغناطیسی، پرتوهای هم با پرتوهای فرابنفش و هم با پرتوهای گاما اشتراک دارند.  
 (۳) تندی انتشار قسمت‌های مختلف طیف امواج الکترومغناطیسی در خلأ یکسان است.  
 (۴) این امواج انرژی را به صورت انرژی جنبشی و پتانسیل ذرات محیط، به همراه میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی خود منتقل می‌کنند.

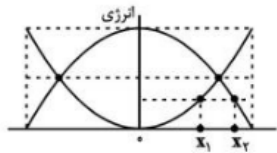
۱۸۹) نوسانگر وزنه - فنری روی سطح افقی بدون اصطکاک حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر با ثابت ماندن دامنه نوسان، جرم وزنه و ثابت فنر هر دو نصف شوند، به ترتیب از راست به چپ تندی بیشینه و انرژی مکانیکی وزنه چند برابر می‌شود؟

- (۱) ۱ و  $\frac{1}{2}$  (۲)  $\frac{1}{2}$  و ۱ (۳)  $\frac{1}{4}$  و  $\frac{1}{4}$  (۴) ۱ و ۱

۱۹۰) طنابی به جرم  $250g$  و طول  $40cm$  را با نیرویی به بزرگی  $4N$  می‌کشیم. سر آزاد طناب را با چه بسامدی بر حسب هرتز تکان دهیم تا طول موج عرضی ایجاد شده در طناب  $20cm$  شود؟

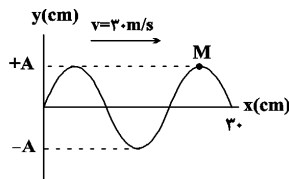
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۴ (۴) ۸

۱۹۱) نمودار تغییرات انرژی بر حسب مکان برای یک نوسانگر هماهنگ ساده به صورت زیر داده شده است. اگر تندی ذره در مکان‌های  $x_1$  و  $x_2$  به ترتیب  $\sqrt{3}\frac{m}{s}$  و  $1\frac{m}{s}$  باشد، تندی بیشینه آن چند  $\frac{m}{s}$  است؟



- (۱) ۱۰ (۲) ۲ (۳)  $\sqrt{10}$  (۴) ۴

۱۹۲) شکل زیر، نمودار جابه‌جایی - مکان یک موج عرضی را در لحظه  $t$  نشان می‌دهد. چند ثانیه پس از لحظه  $t$ ، نقطه  $M$  برای دومین بار از مرکز نوسان خود عبور می‌کند؟

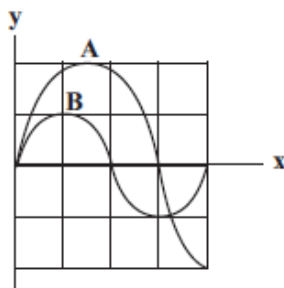


- (۱)  $\frac{1}{400}$  (۲)  $\frac{3}{400}$  (۳)  $\frac{1}{200}$  (۴)  $\frac{1}{100}$

۱۹۳) تراز شدت صوتی در فاصله  $2$  برابر  $n$  دسی‌بل است. برای آن که بخواهیم تراز شدت صوت به  $n + 12$  دسی‌بل برسد، پس از کاهش فاصله به  $\frac{2}{3}$  باید بسامد آن را چند برابر کنیم؟ ( $\log 2 = 0.3$ )

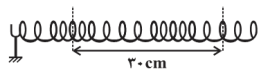
- (۱) ۲ (۲) ۴ (۳)  $\frac{1}{3}$  (۴)  $\frac{1}{4}$

۱۹۴) نمودار جابه‌جایی - مکان برای دو موج صوتی  $A$  و  $B$  که در یک محیط منتشر می‌شوند، مطابق شکل زیر است. به ترتیب از راست به چپ، بسامد و شدت صوت موج  $B$  چند برابر بسامد و شدت صوت موج  $A$  است؟



- (۱)  $\frac{9}{16}$ ,  $\frac{3}{4}$  (۲)  $\frac{3}{4}$ ,  $\frac{3}{4}$  (۳)  $\frac{1}{3}$ ,  $\frac{2}{3}$  (۴)  $\frac{1}{9}$ ,  $\frac{2}{3}$

۱۹۵) مطابق شکل زیر، به کمک یک دیپازون در فنی موج طولی ایجاد کرده‌ایم. اگر تندی انتشار موج طولی ایجاد شده در آن  $۷۲ \frac{km}{h}$  باشد، بسامد نوسان‌های دیپازون چند هرتز است؟



- (۱) ۱۵۰  
(۲) ۱۲۵  
(۳) ۱۰۰  
(۴) ۷۵

۱۹۶) معادله مکان - زمان آونگ ساده‌ای در  $SI$  به صورت  $x = ۰/۰۴ \cos ۲\pi t$  داده شده است. چند سانتی‌متر از طول آونگ را کم کنیم تا دوره تناوبش نصف شود؟ ( $\pi^2 = ۱۰$ )

- (۱)  $\frac{۹}{۳۷۵}$   
(۲)  $\frac{۳۷}{۵}$   
(۳)  $\frac{۶}{۲۵}$   
(۴)  $\frac{۱۸}{۷۵}$

۱۹۷) در پی زمین‌لرزه بزرگی که در سال ۱۹۸۵ در مکزیک اتفاق افتاد، ساختمان‌های . . . . . فرو ریختند ولی باقی ساختمان‌ها پابرجا ماندند زیرا:

- (۱) نیمه‌بلند - از استحکام خوبی برخوردار نبودند.  
(۲) بلند - بافت شهر ضعیف بود و به ساختمان‌های بلند نیروی بیشتری وارد شد.  
(۳) نیمه بلند - برای نوسان‌های ایجاد شده، تشدید رخ داد.  
(۴) بلند - تشدید ایجاد شده، سبب تخریب این ساختمان‌ها شد.

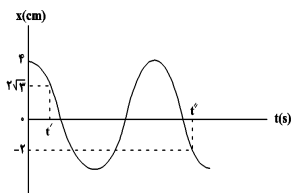
۱۹۸) شخصی در یک نقطه ایستاده و در فاصله ۵۰۰ متری از او بلندگوی  $B$  قرار دارد. تراز شدت صوت بلندگوی  $A$  در همان نقطه،  $۱۴dB$  بیش‌تر از بلندگوی  $B$  و تراز شدت صوت بلندگوی  $C$ ،  $۱۲dB$  کم‌تر از بلندگوی  $A$  است. حداقل فاصله‌ی دو بلندگوی  $A$  و  $C$  چند متر است؟ ( $\log ۲ = ۰/۳$ ) و شخص و بلندگوها در یک راستا قرار دارند و آهنگ متوسط انتقال انرژی برای هر سه بلندگو یکسان است.)

- (۱) ۱۰۰  
(۲) ۲۰۰  
(۳) ۳۰۰  
(۴) ۴۰۰

۱۹۹) معادله مکان - زمان نوسانگر وزنه - فنری در  $SI$  به صورت  $x = ۰/۰۴ \cos(۵\pi t)$  است. اگر انرژی جنبشی وزنه در هنگام عبور از مرکز نوسان  $۱۲۰$  میلی‌ژول باشد، ثابت فنر در  $SI$  کدام است؟

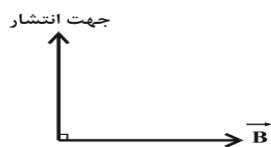
- (۱) ۵۰  
(۲) ۲۰۰  
(۳) ۳۰۰  
(۴) ۵۰

۲۰۰) نمودار مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای به جرم  $۹۰g$  مطابق شکل زیر است. اگر  $t'' - t' = \frac{3}{8}s$  باشد، انرژی مکانیکی نوسانگر چند میلی‌ژول است؟ ( $\pi^2 = ۱۰$ )



- (۱) ۴  
(۲) ۸  
(۳) ۱۶  
(۴) ۳۲

۲۰۱) برای یک موج الکترومغناطیسی، جهت میدان مغناطیسی و جهت انتشار موج در یک نقطه از فضا و در یک لحظه معین در شکل زیر نشان داده شده است. در این حالت جهت میدان الکتریکی مطابق کدام گزینه است؟



- (۱)  $\otimes$   
(۲)  $\odot$   
(۳)  $\downarrow$   
(۴)  $\leftarrow$

۴۰۱) نوسانگری حول مبدأ مختصات در حال حرکت هماهنگ ساده است. کدام عبارت درباره نوسانگر درست است؟

- ۱) در لحظه‌ای که بردار مکان نوسان‌گر تغییر علامت می‌دهد، آهنگ تغییرات سرعت صفر است.
- ۲) حرکت نوسانگر به صورت حرکت با شتاب ثابت است.
- ۳) جابه‌جایی نوسانگر در هر بازه زمانی مساوی، با یکدیگر برابر است.
- ۴) اگر دامنه نوسان افزایش یابد، دوره تناوب آن کاهش می‌یابد.

۴۰۲) اگر گوی متحرکی را با دوره تناوب  $1s$  در نقطه‌ای از تشت پر از آبی به عمق  $3/5$  سانتی‌متری به نوسان درآوریم، فاصله بین دو برآمدگی متوالی آن  $6cm$  می‌شود. در صورتی که در عمق  $2/5$  سانتی‌متری از تشت، تندی انتشار موج سطحی،  $\frac{8}{5}$  برابر تندی انتشار موج سطحی در عمق  $3/5$  سانتی‌متری باشد، طول موج در عمق  $2/5cm$  برابر با چند سانتی‌متر است؟

- ۵۰ (۱)      ۲۵ (۲)      ۳۵ (۳)      ۴۰ (۴)

۴۰۳) چند مورد از عبارتهای زیر نادرست است؟

آ) بسامد امواج فراصوتی‌ای که وال عنبر تولید می‌کند، حدود  $100MHz$  است.

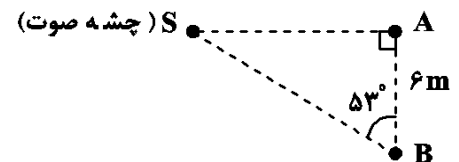
ب) برای تشخیص یک جسم با استفاده از پژواک امواج فراصوتی، اندازه آن جسم باید در حدود طول موج به کار رفته یا کوچک‌تر از آن باشد.

پ) در رادار دوپلری از امواج الکترومغناطیسی برای مکان‌یابی پژواکی استفاده می‌شود.

ت) اگر نور مرئی با طول موج  $0.5\mu m$  به سطحی بتابد که از دید میکروسکوپی از اجزای متمایز و کوچکی در حدود  $10\mu m$  تشکیل شده باشد، به صورت آینه‌ای (منظم) از این سطح بازتاب می‌کند.

- ۱ (۱)      ۲ (۲)      ۳ (۳)      ۴ (۴)

۴۰۴) در شکل مقابل، دو ناظر A و B در فاصله‌های نشان داده شده از یک چشمه موج صوتی قرار دارند. کدام گزینه صحیح است؟ ( $\cos 53^\circ = 0.6$  و  $\log 2 = 0.3$  و از اتلاف انرژی صرف نظر کنید).



۱) شدت صوت، در محل ناظر A، ۲۵ درصد بیشتر از شدت صوت در محل ناظر B است.

۲) شدت صوت، در محل ناظر B، ۲۰ درصد کمتر از شدت صوت در محل ناظر A است.

۳) تراز شدت صوتی که ناظر A دریافت می‌کند، ۲dB بیشتر از تراز شدت صوتی است که ناظر B دریافت می‌کند.

۴) تراز شدت صوتی که ناظر B دریافت می‌کند، ۱dB کمتر از تراز شدت صوتی است که ناظر A دریافت می‌کند.

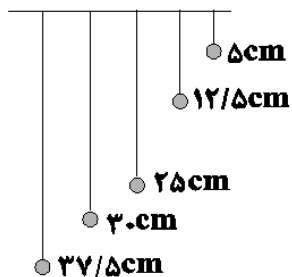
۴۰۵) شخصی در مقابل یک دیوار بلند ایستاده است. این شخص به وسیله بلندگویی صوتی با بسامد ثابت به سمت دیوار ارسال می‌کند و  $0.25s$  بعد، پژواک صوت را می‌شنود. اگر فاصله دیوار از شخص  $40m$  و طول موج صوت ایجاد شده توسط شخص  $2cm$  باشد، بسامد صوت چند کیلوهرتز است؟

- ۶۴ (۱)      ۳ (۲)      ۸ (۳)      ۱۶ (۴)

۴۰۶) اختلاف بسامد دو پرتوی نور  $4 \times 10^{15}$  هرتز است. اگر کوانتوم انرژی یکی از پرتوها، چهار برابر دیگری باشد، طول موج بلندتر چند نانومتر است؟ ( $c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}$ )

- ۲۲۵ (۱)      ۴۵۰ (۲)      ۶۷۵ (۳)      ۹۰۰ (۴)

۲۰۸) در شکل زیر، پنج آونگ ساده از میله‌های افقی آویزان هستند. اگر میله نوسان‌هایی افقی و با گستره بسامد زاویه‌ای بین  $5 \frac{rad}{s}$  تا  $10 \frac{rad}{s}$  انجام دهد، چه تعداد از آونگ‌ها به شدت به نوسان درمی‌آیند؟ ( $g = 10 \frac{N}{kg}$ )

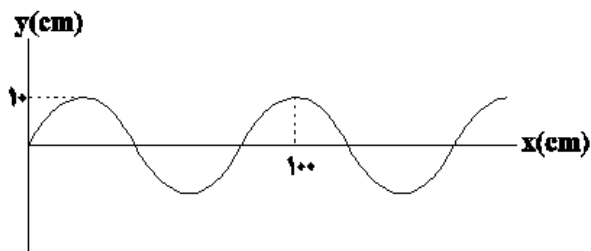


- ۴ (۱)
- ۳ (۲)
- ۲ (۳)
- ۱ (۴)

۲۰۹) ریسمان همگنی به طول  $L$  و جرم  $m$  را با نیروی  $F$  می‌کشیم. اگر سیم را نصف کنیم و آن را با نیروی  $2F$  بکشیم، تندی انتشار موج‌های عرضی در سیم دوم چند برابر سیم اول است؟

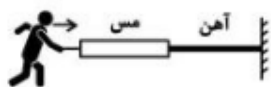
- $\sqrt{2}$  (۱)
- ۲ (۲)
- $\frac{1}{2}$  (۳)
- $\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۴)

۲۱۰) موجی عرضی در یک طناب ایجاد شده و شکل زیر نقش این موج را در لحظه‌ای از انتشار آن نشان می‌دهد. اگر تندی انتشار موج  $4 \frac{m}{s}$  باشد، بسامد نوسان موج چند هرتز است؟



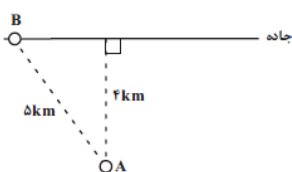
- ۵ (۱)
- ۰/۲ (۲)
- ۶/۲۵ (۳)
- ۴ (۴)

۲۱۱) دو سیم مسی و آهنی که شعاع سطح مقطع سیم مسی دو برابر شعاع سطح مقطع سیم آهنی است، مطابق شکل در یک نقطه به هم گره خورده‌اند. موجی با طول موج  $45 \text{ cm}$  از سیم مسی وارد سیم نازک آهنی می‌شود. اگر چگالی مس ۴ برابر چگالی آهن فرض شود؛ طول موج در سیم آهنی چند سانتی‌متر است؟



- $\frac{45}{4}$  (۱)
- ۱۶۰ (۲)
- ۱۲۰ (۴)
- ۱۸۰ (۳)

۲۱۲) مطابق شکل زیر، یک منبع صوتی در نقطه  $A$  و در فاصله  $4$  کیلومتری از جاده‌ای در حال سکون قرار دارد. شخصی که در نقطه  $B$  حضور دارد، چند کیلومتر روی جاده و به سمت راست حرکت کند تا تراز شدت صوتی دریافتی‌اش نسبت به حالت اول  $6 \text{ dB}$  کمتر شود؟ ( $\log 2 = 0/3$ ،  $\sqrt{21} = 4/6$  و از اتلاف انرژی صرف نظر کنید.)



- $10/2$  (۱)
- $11/6$  (۲)
- $12/2$  (۳)
- ۱۰ (۴)

۴۱۳) اگر شدت یک موج صوتی ۳ برابر شود، تراز شدت آن ۲۰ درصد افزایش می‌یابد. شدت صوت اولیه چند میلی‌وات بر کیلومتر مربع بوده است؟  $(I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2}, \log 3 = 0.5)$

- ۲۴۳ (۱)      ۰/۲۴۳ (۲)      ۹ (۳)      ۰/۰۰۹ (۴)

۴۱۴) معادله مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای به صورت  $x = \frac{y}{100} \cos 20\pi t$  است. این نوسانگر، تعداد ۴۰ نوسان را در مدت چند ثانیه انجام می‌دهد؟

- ۲ (۱)      ۳ (۲)      ۴ (۳)      ۵ (۴)

۴۱۵) بیشترین تندی نوسانگر ساده‌ای به جرم ۲۰۰g برابر با  $4 \frac{m}{s}$  است. در لحظه‌ای که تندی نوسانگر  $2 \frac{m}{s}$  است، انرژی پتانسیل نوسانگر چند ژول است؟

- ۱/۲ (۱)      ۱/۶ (۲)      ۲ (۳)      ۲/۴ (۴)

۴۱۶) طول یک آنتن گوشی تلفن همراه قدیمی  $\frac{1}{4}$  طول موج دریافتی است. اگر بسامدی که این گوشی با آن کار می‌کند،  $5 \times 10^9 Hz$  باشد، طول آنتن آن چند سانتی‌متر است؟  $(c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s})$

- ۶ (۱)       $\frac{1}{6}$  (۲)       $\frac{2}{3}$  (۳)       $\frac{3}{4}$  (۴)

۴۱۷) در فاصله  $10m$  از یک چشمه صوت نقطه‌ای صفحه‌ای به مساحت  $S_1$  قرار گرفته است و توان  $P$  توسط این صفحه دریافت می‌شود. در چه فاصله‌ای از این چشمه، صفحه‌ای به مساحت  $4S_1$  قرار دهیم، که همان مقدار توان ( $P$ ) را دریافت کند؟ (از اتلاف انرژی صرف‌نظر شود.)

- ۲/۵ (۱)      ۵ (۲)      ۲۰ (۳)      ۴۰ (۴)

۴۱۸) در یک حرکت نوسانی ساده، در لحظه  $t_1$ ، نوسانگر در نقطه  $x = +\frac{\sqrt{3}}{4}A$  و جهت حرکت نوسانگر به سمت مرکز نوسان است. اگر یک ثانیه بعد، نوسانگر برای اولین بار به همان مکان برسد، دوره حرکت چند ثانیه است؟

- $\frac{4}{3}$  (۱)       $\frac{4}{5}$  (۲)       $\frac{1}{6}$  (۳)       $\frac{2}{4}$  (۴)

۴۱۹) معادله نیرو - مکان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای به جرم ۲۰۰g در  $SI$  به صورت  $F = -180x$  است. اگر بیشینه انرژی جنبشی این نوسانگر  $225mJ$  باشد، معادله مکان- زمان این نوسانگر در  $SI$  کدام است؟

- |                                    |                                    |
|------------------------------------|------------------------------------|
| $x = 0$<br>$/0.3 \cos 30\pi t$ (۲) | $x = 0$<br>$/0.5 \cos 30\pi t$ (۱) |
| $x = 0$<br>$/0.3 \cos 30\pi t$ (۴) | $x = 0$<br>$/0.5 \cos 30\pi t$ (۳) |

۴۲۰) نوسانگر هماهنگ ساده‌ای در هر ۱۰ دقیقه مسافت ۲۴۰ متر را روی پاره خطی به طول  $40cm$  طی می‌کند. تندی نوسانگر هنگام عبور از مرکز نوسان چند متر بر ثانیه است؟

- ۰/۲π (۱)      ۰/۴π (۲)      ۰/۸π (۳)      ۱/۶π (۴)

۴۲۱) دو نوسانگر، اولی یک آونگ ساده و دومی جسمی متصل به یک فنر، هر دو روی زمین نوسان می‌کنند. اگر جرم این دو نوسانگر را چهار برابر کنیم و آنها را به کره‌ای ببریم که شتاب گرانش آن  $\frac{1}{4}$  شتاب گرانش در سطح زمین است، دوره تناوب نوسانات هر کدام چند برابر می‌شود؟

- ۱) دوره تناوب هر دو نوسانگر ۲ برابر می‌شود.  
۲) دوره تناوب هر دو نوسانگر ۳ برابر می‌شود.  
۳) دوره نوب آونگ، ۲ برابر و دوره تناوب وزنه - فنر ۳ برابر می‌شود.  
۴) دوره تناوب آونگ، ۳ برابر و دوره نوب وزنه - فنر ۲ برابر می‌شود.

۲۱) معادله حرکت دو نوسانگر هماهنگ ساده که به طور همزمان بر روی یک پاره خط شروع به نوسان می‌کنند، در  $SI$  به صورت زیر داده شده است. چند ثانیه پس از شروع حرکت، دو نوسانگر برای اولین بار از کنار هم می‌گذرند؟

$$\begin{cases} x_1 = A \cos \pi t \\ x_2 = A \cos 2\pi t \end{cases}$$

- ۱)  $\frac{1}{3}$  (۲)       $\frac{2}{3}$  (۳)       $\frac{4}{3}$  (۴)

۲۲) نسبت دوره تناوب دو آونگ ساده  $A$  و  $B$  به صورت  $\frac{T_A}{T_B} = \frac{4}{5}$  است. اگر طول آونگ  $A$ ، ۱ متر باشد، در مدت زمان ۸۰ ثانیه آونگ  $A$  چند نوسان کامل از آونگ  $B$  بیشتر انجام می‌دهد؟ ( $g = \pi^2$ )

- ۱) ۴ (۱)      ۸ (۲)      ۱۶ (۳)      ۲۰ (۴)

۲۳) در یک حرکت هماهنگ ساده در راستای محور  $x$ ، رابطه مکان و شتاب نوسانگر (در  $SI$ ) به صورت  $(\frac{1}{4}a + 4x = 0)$  است. اگر بیشترین مقدار شتاب در این حرکت  $2 \frac{m}{s^2}$  باشد، مسافت طی شده توسط این نوسانگر در  $4/5$  ثانیه اول نوسان چند متر خواهد بود؟ ( $\pi = 3$ )

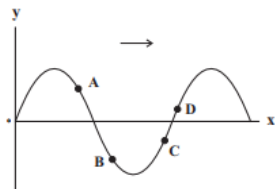
- ۱) ۱ (۱)       $1/5$  (۲)      ۳ (۳)       $4/5$  (۴)

۲۴) در شکل زیر، چشمه صوتی (آمبولانس) با تندی ثابت، از ناظرهای ساکن (۱)، (۲) دور و به ناظرهای ساکن (۳) و (۴) نزدیک می‌شود. کدام رابطه در مورد بسامد دریافتی توسط این ناظرها درست است؟



- ۱)  $f_1 < f_2 < f_3 < f_4$   
 $< f_3$   
 ۲)  $f_2 > f_1 > f_3 > f_4$   
 $> f_4$   
 ۳)  $f_1 = f_2 < f_3 = f_4$   
 $= f_4$   
 ۴)  $f_1 = f_2 > f_3 = f_4$   
 $= f_4$

۲۵) موج عرضی نشان داده شده در شکل زیر در حال حرکت به سمت راست است. کدام یک از نقاط مشخص شده دیرتر به کمترین انرژی جنبشی خود می‌رسد؟

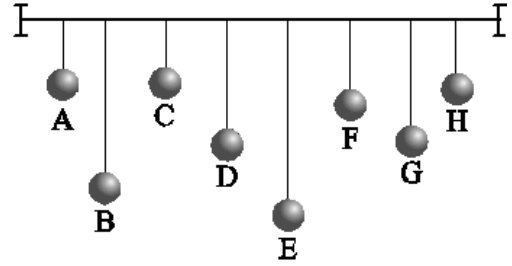


- A (۱)  
 B (۲)  
 C (۳)  
 D (۴)

۲۶) کدام یک از موارد زیر درست است؟

- ۱) طیف‌های گسیلی و جذبی اتم‌های گاز عنصری کاملاً یکسان و منحصر به آن عنصر هستند.  
 ۲) مدل اتمی بور را می‌توان برای اتم‌های هیدروژن گونه نیز به کار برد.  
 ۳) خط‌های فرانوفر خطوط روشن طیف خورشید است.  
 ۴) مدل اتمی بور قادر است، متفاوت بودن شدت خط‌های طیف گسیلی را توضیح دهد.

۲۱) مطابق شکل زیر تعدادی آونگ با جرم یکسان داریم. اگر آونگ D را از وضع تعادل خارج کنیم، کدام آونگ پس از مدت طولانی‌تری می‌ایستد؟



- G (۱)
- E (۲)
- A (۳)
- C (۴)

۲۲) یک نوسانگر وزنه - فنر روی سطح افقی بدون اصطکاک حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر ثابت فنر ۲۰ درصد افزایش و جرم وزنه ۲۰ درصد کاهش یابد، بیشینه شتاب نوسانگر چند برابر می‌شود؟ (طول پاره‌خط نوسان ثابت است.)

- (۱)  $\frac{3}{4}$
- (۲)  $\sqrt{\frac{2}{3}}$
- (۳)  $\frac{2}{3}$
- (۴)  $\sqrt{\frac{3}{2}}$

۲۳) با نصف کردن طول یک آونگ، انرژی مکانیکی آن (با فرض ثابت ماندن دامنه نوسان) نسبت به قبل چند برابر می‌شود؟

- (۱)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$
- (۲)  $\sqrt{2}$
- (۳)  $\frac{1}{3}$
- (۴) ۲

۲۳) کدامیک از عبارتهای زیر نادرست است؟

- (۱) امواج الکترومغناطیسی بر خلاف امواج مکانیکی، برای انتشار خود احتیاج به محیط مادی ندارند.
- (۲) در امواج عرضی بر خلاف امواج طولی، جابه‌جایی هر جزء نوسان‌کننده محیط عمود بر جهت حرکت موج است.
- (۳) در حرکت یک موج از نقطه‌ای به نقطه دیگر، با انتقال ماده‌ای که موج در آن حرکت می‌کند، انرژی منتقل می‌شود.
- (۴) اگر چشمه موج به‌طور هماهنگ ساده نوسان کند، اجزای محیط حول نقطه تعادل خود با همان بسامد چشمه نوسان می‌کنند.

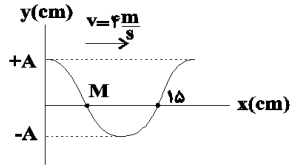
۲۳) در شکل زیر یک آمبولانس ساکن، صوتی با بسامد  $f_s$  و طول موج  $\lambda_s$  تولید می‌کند. شنونده A با تندی ثابت به آمبولانس نزدیک و شنونده B نیز با تندی ثابت از آمبولانس دور می‌شود، اگر بسامد صوت دریافت شده توسط شنونده‌های A و B به ترتیب  $f_A$  و  $f_B$  و طول موج صوت دریافت شده توسط شنونده‌های A و B به ترتیب  $\lambda_A$  و  $\lambda_B$  باشد، کدامیک از گزینه‌های زیر درست است؟



- (۱)  $\lambda_B < \lambda_s < \lambda_A$  و  $f_A < f_s < f_B$
- (۲)  $\lambda_A = \lambda_s = \lambda_B$  و  $f_B < f_s < f_A$
- (۳)  $\lambda_A = \lambda_s = \lambda_B$  و  $f_A < f_s < f_B$
- (۴)  $\lambda_A < \lambda_s < \lambda_B$  و  $f_B < f_s < f_A$



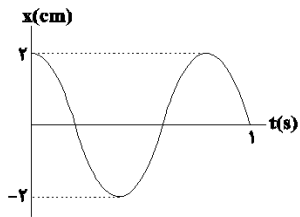
۱۳۳ شکل زیر، تصویری از یک موج عرضی را در یک ریسمان کشیده شده در لحظه  $t = 0$  نشان می‌دهد. در بازه زمانی  $t_1 = 0.8$  s تا  $t_2 = 0.25$  s، نوع حرکت ذره M چگونه است؟



- (۱) پیوسته تندشونده
- (۲) پیوسته کندشونده
- (۳) ابتدا کندشونده و سپس تندشونده
- (۴) ابتدا تندشونده و سپس کندشونده

۱۳۴ آونگ ساده‌ای که نوسانات کم‌دامنه انجام می‌دهد، در یک مدت معین ۴ نوسان کامل انجام می‌دهد. طول آونگ را چگونه تغییر دهیم تا در همان مدت و مکان قبلی، یک نوسان بیش‌تر انجام دهد؟

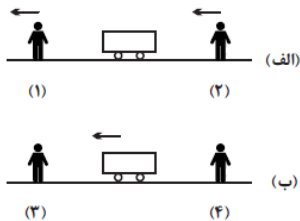
- (۱) ۲۵ درصد افزایش دهیم.
- (۲) ۲۵ درصد کاهش دهیم.
- (۳) ۳۶ درصد افزایش دهیم.
- (۴) ۳۶ درصد کاهش دهیم.



۱۳۵ تمودار مکان - زمان یک آونگ که در سطح زمین حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد مطابق شکل زیر است. اگر این آونگ را به سیاره‌ای ببریم که شتاب گرانش در سطح آن  $\frac{1}{4}$  برابر شتاب گرانش در سطح زمین باشد، بسامد زاویه‌ای آونگ در سیاره جدید چند رادیان بر ثانیه است؟

- (۱)  $\frac{2\pi}{5}$
- (۲)  $\frac{5\pi}{4}$
- (۳)  $\frac{5\pi}{3}$
- (۴)  $\frac{4\pi}{5}$

۱۳۶ در شکل (الف) چشمه موج صوتی ساکن است و دو ناظر (۱) و (۲) در جهت‌های نشان داده شده حرکت می‌کنند. در شکل (ب)، ناظرهای (۳) و (۴) ساکن هستند و چشمه موج صوتی در جهت نشان داده شده حرکت می‌کند. اگر طول موج و بسامدهای دریافتی توسط ناظرها را با  $\lambda$  و  $f$  نشان دهیم، کدام گزینه صحیح است؟



- (۱)  $f_1 < f_2, \lambda_1 > \lambda_2$
- (۲)  $f_3 > f_4, \lambda_3 > \lambda_4$
- (۳)  $f_3 < f_4, \lambda_3 < \lambda_4$
- (۴)  $f_1 < f_2, \lambda_1 = \lambda_2$

۱۳۷ شخصی با چکش به انتهای یک میله ضربه‌ای می‌زند. شخص دیگری که گوش خود را نزدیک به انتهای دیگر میله گذاشته است، دو صدا را که یکی از میله می‌آید و دیگری از هوای اطراف میله، با اختلاف زمانی  $0.12$  ثانیه می‌شنود. اگر تندی صوت در هوا  $340 \frac{m}{s}$  باشد، طول میله چند متر است؟ (تندی صوت در میله ۱۰ برابر تندی صوت در هوا فرض شود.)

- (۱)  $3/6$
- (۲)  $4/2$
- (۳)  $4/8$
- (۴)  $4/8$

۱۳۸ اندازه شتاب یک نوسانگر ساده وقتی جهت حرکت آن عوض می‌شود  $1/6\pi^2 \frac{m}{s^2}$  است. اگر اندازه سرعتش در لحظه‌ای که نیروی وارد بر آن صفر می‌شود  $0/4\pi \frac{m}{s}$  باشد، شتاب نوسانگر در  $x = 2cm$  چند واحد SI است؟

- (۱)  $0/8\pi^2$
- (۲)  $0/32\pi^2$
- (۳)  $0/32\pi^2$
- (۴)  $0/8\pi^2$

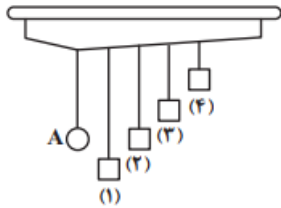
۱۳۹ به فبری با ثابت  $k$ ، جسم (۱) را متصل کرده و نوسان هماهنگ ساده انجام شده دارای بسامد زاویه‌ای  $\omega_1$  است. این مقدار برای جسم ۲ برابر  $\omega_2$  است. حال اگر جسمی به جرم مجموع جسم‌های (۱) و (۲) را به همین فنر وصل کنیم، بسامد زاویه‌ای نوسان‌های آن برابر کدام گزینه است؟

- (۱)  $\sqrt{\omega_1^2 + \omega_2^2}$
- (۲)  $\omega_1 + \omega_2$
- (۳)  $\frac{\omega_1^2 - \omega_2^2}{\sqrt{\omega_1^2 + \omega_2^2}}$
- (۴)  $\frac{\omega_1 \omega_2}{\sqrt{\omega_1^2 + \omega_2^2}}$

۲۴۰ موجی عرضی با دامنه  $4\text{ cm}$  و طول موج  $80\text{ cm}$  در طنابی منتشر می‌شود. اگر ذره‌ای از طناب در مدت  $\frac{1}{4}$  ثانیه، مسافت  $40\text{ cm}$  را بپیماید، در همین مدت، قله موج چند متر پیشروی می‌کند؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳)  $\frac{3}{2}$  (۴)  $\frac{6}{4}$

۲۴۱ در شکل زیر با نوسان آونگ ساده A، احتمال بروز پدیده تشدید در کدام آونگ وجود دارد؟

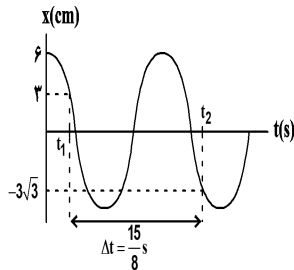


- (۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

۲۴۲ شخصی در فاصله  $80$  متری از یک بلندگو قرار دارد و صوتی با تراز شدت صوت  $\beta$  دریافت می‌کند. اگر  $3$  بلندگوی دیگر با همان مشخصات و در مکان بلندگوی قبلی قرارداده شود، شخص باید چند متر از مکان اولیه خود دور شود تا صدا را با همان تراز شدت صوت قبلی دریافت کند؟ ( $\log 2 = 0.3$  و اتلاف انرژی نداریم.)

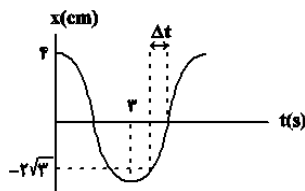
- (۱) ۴۰ (۲) ۸۰ (۳) ۱۶۰ (۴) ۲۴۰

۲۴۳ نمودار مکان-زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای به جرم  $50\text{ g}$  مطابق شکل زیر است. انرژی جنبشی نوسانگر در لحظه‌ای که از مرکز نوسان عبور می‌کند، برابر با چند میلی‌ژول است؟ ( $\pi^2 = 10$ )



- (۱) صفر (۲) ۱۶ (۳)  $\frac{1}{6}$  (۴)  $\frac{1}{16}$

۲۴۴ نمودار مکان - زمان یک حرکت نوسانی ساده مطابق شکل زیر است.  $\Delta t$  چند ثانیه است؟

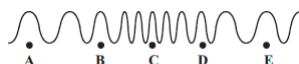


- (۱)  $\frac{1}{5}$  (۲) ۱ (۳)  $\frac{3}{5}$  (۴) ۲

۲۴۵ شخصی در فاصله  $255$  متری از دیواری ایستاده و گلوله‌ای را به سمت آن شلیک می‌کند. اگر تندی حرکت گلوله ثابت و برابر با  $75 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  باشد، شخص چند ثانیه قبل از دیدن سوراخ گلوله روی دیوار، بازتاب صدای شلیک را از دیوار می‌شنود؟ ( $340 \text{ m/s}$  = تندی صوت)

- (۱)  $\frac{9}{10}$  (۲)  $\frac{1}{9}$  (۳)  $\frac{1}{5}$  (۴)  $\frac{3}{4}$

۲۴۶ شکل زیر، تصویری لحظه‌ای از ایجاد نواحی جمع‌شدگی و بازشدگی در طول یک فنر بلند کشیده شده، هنگام انتشار موج طولی سینوسی در آن را نشان می‌دهد. کدام گزینه در رابطه با نمودار جابه‌جایی - مکان آن صحیح است؟



- (۱) نقاط A و E بیشترین جابه‌جایی از وضع تعادل را دارند.  
 (۲) در نقاط B و D جابه‌جایی از وضع تعادل صفر است.  
 (۳) نقاط B و D بیشترین جابه‌جایی از وضع تعادل را دارند.  
 (۴) در نقاط B و C جابه‌جایی از وضع تعادل صفر است.

۴۷) قطر مقطع سیم مرتعشی  $1\text{mm}$  و چگالی آن  $8 \frac{g}{cm^3}$  می‌باشد. در صورتی که طول آن  $120\text{cm}$  باشد و یک موج عرضی در مدت  $0.04\text{s}$  طول آن را طی کند، نیروی کششی سیم چند نیوتون است؟ ( $\pi = 3$ )

- (۱) ۲۴۰ (۲) ۲۴ (۳) ۵۴۰ (۴) ۵/۴

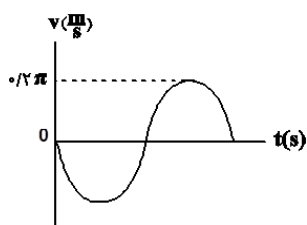
۴۸) یک موج عرضی در طنابی همگن در حال انتشار است. کدام کمیت برای تمام ذرات طناب در یک بازه زمانی معین، یکسان نیست؟

- (۱) دوره تناوب (۲) بسامد (۳) بسامد زاویه‌ای (۴) جابه‌جایی

۴۹) آهنگ متوسط انتقال انرژی، منبع صوتی  $500$  وات است و شنونده‌ای که در فاصله  $50$  متری از منبع صوت قرار دارد، صوت حاصل را  $100$  دسی‌بل احساس می‌کند. چند درصد آهنگ متوسط انتقال انرژی منبع صوتی در این فاصله توسط محیط جذب شده است؟ ( $I_0 = 10^{-12} \text{W/m}^2, \pi = 3$ )

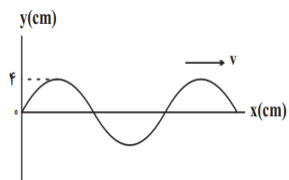
- (۱) ۶۰ (۲) ۲۰ (۳) ۴۰ (۴) ۸۰

۵۰) نمودار سرعت - زمان نوسانگری که روی پاره‌خطی به طول  $12\text{cm}$  حرکت نوسانی ساده انجام می‌دهد، مطابق شکل زیر است. اندازه شتاب نوسانگر در لحظه  $t = 0.5\text{s}$  چند متر بر مجذور ثانیه است؟



- (۱)  $\frac{\pi}{3}$   
(۲)  $\frac{\pi}{6}$   
(۳)  $\frac{\pi^2}{6}$   
(۴)  $\frac{\pi^2}{3}$

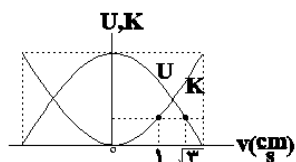
۵۱) شکل زیر، نمودار یک موج سینوسی را در لحظه‌ای از زمان نشان می‌دهد که در جهت محور  $x$ ها در طول ریسمان کشیده شده‌ای حرکت می‌کند. اگر نیروی کشش ریسمان  $20\text{N}$ ، چگالی خطی آن  $50 \frac{g}{m}$  و هر یک از ذرات ریسمان در مدت  $0.04\text{s}$  مسافت  $32$  سانتی‌متر را طی کنند، طول موج این موج، چند سانتی‌متر است؟



- (۱) ۱۰  
(۲) ۲۰  
(۳) ۳۰  
(۴) ۴۰

۵۲) اگر چند دیپازون با بسامدهای مختلف به‌طور یکسان نواخته شوند، ... صوت تولیدی توسط آن‌ها که به‌وسیله گوش درک می‌شود متفاوت خواهد بود و اگر یک دیپازون با بسامد مشخص را با ضربه‌هایی متفاوت به ارتعاش واداریم، صداهایی با ... متفاوت را حس می‌کنیم.

- (۱) بلندی، ارتفاع (۲) بلندی، شدت (۳) شدت، ارتفاع (۴) ارتفاع، بلندی



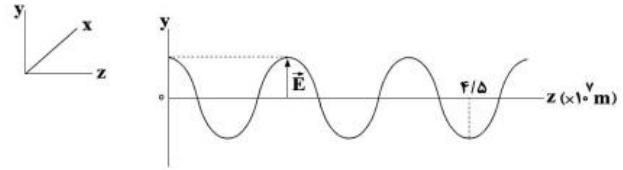
۵۳) نمودار تغییرات انرژی پتانسیل و انرژی جنبشی یک نوسانگر بر حسب سرعت آن به‌صورت شکل داده شده است. تندی نوسانگر به هنگام عبور از مرکز تعادل چند  $\frac{cm}{s}$  است؟

- (۱)  $2\sqrt{2}$   
(۲) ۲  
(۳) ۳  
(۴) ۴

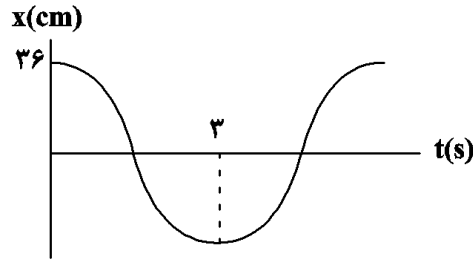
۵۴) در سیمی با سطح مقطع  $4\text{mm}^2$ ، موجی عرضی با بسامد  $625\text{Hz}$  و طول موج  $40\text{cm}$  در حال انتشار است. اگر نیروی کشش این سیم برابر با  $225\text{N}$  باشد، چگالی ماده سازنده سیم چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟

- (۱) ۹۰۰۰ (۲) ۹ (۳) ۹۰۰ (۴) ۹۰

۵۵) نقش میدان الکتریکی از یک موج الکترومغناطیسی که در جهت محور  $z$ ها در خلأ در حال انتشار است. در لحظه  $t = 0$  مطابق شکل زیر است. نقش میدان مغناطیسی این موج در لحظه  $t = \frac{3}{100} s$  مطابق کدام گزینه است؟  
 ( $c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}$ )

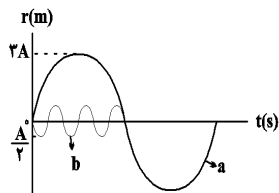


۵۶) نمودار مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای به جرم  $200g$  مطابق شکل زیر می‌باشد. بزرگی نیروی وارد شده بر نوسانگر در لحظه  $t = 1s$  چند نیوتون است؟ ( $\pi^2 = 10$ )



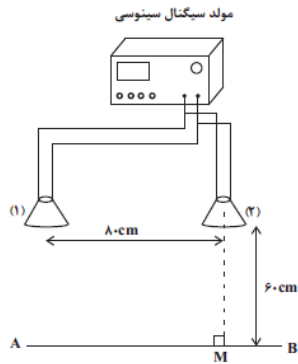
- (۱) ۰/۰۸      (۲) ۰/۰۴      (۳) ۰/۲      (۴) ۰/۴

۵۷) نمودار بعد - زمان دو صوت  $a$  و  $b$  که در یک محیط منتشر می‌شوند، به صورت زیر است. اگر شنونده از منبع صوتی  $30a$  متر فاصله داشته باشد، شدت صوت  $a$  را  $\frac{1}{9}$  برابر شدت صوت  $b$  می‌شود. فاصله شنونده از منبع صوتی  $b$  چند متر است؟ (اتلاف انرژی صرف نظر شود.)



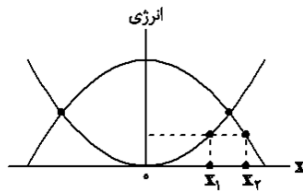
- (۱) ۵/۱۸      (۲) ۱۸/۵      (۳) ۱۰      (۴) ۳۶

۴۵) در شکل زیر، دو بلندگو که به یک مولد سیگنال الکتریکی متصل‌اند، امواج سینوسی هم‌بسامدی با معادله نوسان‌های  $x_1 = x_2 = 0.2 \cos(10\pi t)$  در فضا منتشر می‌کنند. اگر تندی انتشار این امواج در فضا برابر با  $6/4 \frac{m}{s}$  باشد، اختلاف فاصله نقطه  $M$  از دو بلندگو چند برابر طول موج است؟



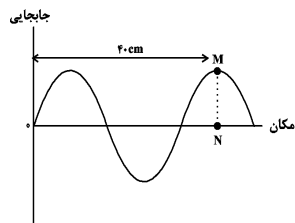
- (۱) ۲/۵  
(۲) ۱  
(۳) ۲  
(۴) ۳/۵

۴۵) نمودار تغییرات انرژی‌های جنبشی و پتانسیل کشسانی بر حسب مکان برای یک نوسانگر هماهنگ ساده به صورت زیر است. اگر تندی ذره در مکان‌های  $x_1$  و  $x_2$  به ترتیب  $\sqrt{3} \frac{m}{s}$  و  $1 \frac{m}{s}$  باشد، تندی بیشینه آن چند  $\frac{m}{s}$  است؟



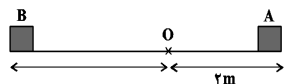
- (۱) ۱۰  
(۲) ۲  
(۳)  $\sqrt{10}$   
(۴) ۴

۴۶) شکل زیر، موجی عرضی را در یک ریسمان که با نیروی  $64 N$  کشیده شده است، در یک لحظه نشان می‌دهد. اگر کمینه زمان لازم برای آن که نقطه  $M$  از ریسمان به نقطه  $N$  برسد، برابر با  $0.1 s$  باشد، جرم هر سانتی‌متر از ریسمان چند گرم است؟



- (۱)  $10^{-2}$   
(۲)  $10^{-1}$   
(۳) ۱۰۰  
(۴) ۱۰

۴۶) بر روی محور  $x$ ، دو فرستنده صوتی  $A$  و  $B$  و یک گیرنده صوتی  $O$ ، قرار گرفته‌اند و فرستنده‌ها در حال ارسال موج‌های صوتی با بسامد و دامنه یکسان می‌باشند. در صورتی که تراز شدت صوت دریافتی از فرستنده  $A$ ،  $14$  دسی‌بل بیشتر از تراز شدت صوت دریافتی از فرستنده  $B$  باشد، فاصله  $A$  تا  $B$  چند متر است؟ ( $\log 2 = 0.3$  و اتلاف انرژی نداریم).



- (۱) ۱۲  
(۲) ۸  
(۳) ۱۰  
(۴) ۶

۴۶) امواج لرزه‌ای حاصل از یک زمین‌لرزه با اختلاف زمانی  $\Delta t$  به محل لرزه‌نگار می‌رسند. اگر این موج‌ها روی خط راستی حرکت کنند، فاصله محل وقوع زمین‌لرزه تا لرزه‌نگار کدام است؟ ( $v_P$  تندی امواج اولیه و  $v_S$  تندی امواج ثانویه است.)

- (۱)  $\frac{v_S v_P}{v_S - v_P} \Delta t$   
(۲)  $\frac{v_S v_P}{v_P - v_S} \Delta t$   
(۳)  $\frac{v_S - v_P}{v_S v_P} \Delta t$   
(۴)  $\frac{v_P - v_S}{v_S v_P} \Delta t$

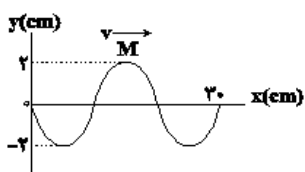
۶۳) یک ساعت دیواری آونگ‌دار، در سطح زمین به‌درستی کار می‌کند. اگر این ساعت را به سطح سیاره‌ای منتقل کنیم که جرم آن ۴ برابر جرم زمین و چگالی آن  $\frac{1}{6}$  برابر چگالی زمین باشد، در هر ۱۲ ساعتی که روی سطح زمین سپری می‌شود، این ساعت چه مدت زمانی عقب و یا جلو می‌افتد؟

- (۱) ۳ ساعت جلو می‌افتد. (۲) ۳ ساعت عقب می‌افتد.  
 (۳) ۶ ساعت جلو می‌افتد. (۴) ۶ ساعت عقب می‌افتد.

۶۴) در یک سیم همگن، موج عرضی ایجاد شده است. این موج، طول سیم را در زمان  $t_1$  طی می‌کند. سیم را از ابزاری می‌گذرانیم تا سطح مقطع سیم  $\frac{1}{4}$  برابر حالت اول شود. سیم جدید را دوباره تحت همان نیروی کشش قبلی می‌کشیم. در این صورت موج، طول آن را در مدت زمان چند  $t_1$  طی می‌کند؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۴ (۴)  $\frac{1}{4}$

۶۵) شکل زیر تصویری از یک موج عرضی را در لحظه  $t = 0$  نشان می‌دهد که با تندی  $40 \frac{cm}{s}$  در حال انتشار است. به ترتیب از راست به چپ، مسافتی که ذره  $M$  در بازه زمانی  $t_1 = 0/125s$  تا  $t_2 = 0/75s$  طی می‌کند و مکان ذره  $M$  در لحظه  $t_2$  بر حسب سانتی‌متر کدام است؟

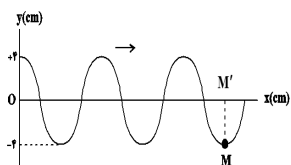


- (۱) ۸ و -۲  
 (۲) ۱۰ و -۲  
 (۳) ۸ و صفر  
 (۴) ۱۰ و صفر

۶۶) روی یک سطح افقی و بدون اصطکاک به دو فنر مشابه، جرم‌های  $m_1$  و  $m_2 = 4m_1$  را متصل کرده و آن‌ها با دامنه یکسان حرکت نوسانی هماهنگ ساده انجام می‌دهند. به ترتیب از راست به چپ نسبت انرژی جنبشی و سرعت نوسانگرها در مرکز نوسان نوسانگر  $m_2$  به  $m_1$  کدام است؟

- (۱) ۱، ۱ (۲) ۱، ۴ (۳) ۱،  $\frac{1}{4}$  (۴)  $\frac{1}{4}$ ،  $\frac{1}{4}$

۶۷) در شکل زیر، نمودار جابه‌جایی-مکان موجی عرضی که در جهت مثبت محور  $x$  پیش می‌رود، نشان داده شده است. اگر در مدت زمانی که نوسان‌کننده برای اولین بار از بُعد بیشینه به مرکز نوسان می‌رود، موج به اندازه  $10cm$  پیش رود، در جابه‌جایی موج از نقطه  $O$  تا  $M'$ ، اندازه جابه‌جایی موج چند برابر مسافت پیموده شده توسط نوسان‌کننده است؟

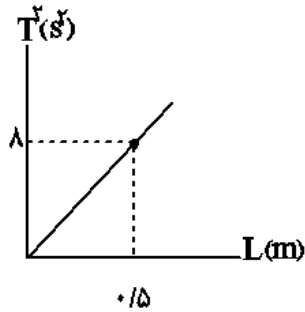


- (۱)  $\frac{2}{5}$   
 (۲)  $\frac{1}{25}$   
 (۳)  $\frac{1}{2}$   
 (۴) ۵

۶۸) نوسانگری حول مبدا مختصات و روی محور  $x$  با بسامد  $6/5 Hz$  بر روی پاره خطی به طول ۴ سانتی‌متر نوسان‌های هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر در لحظه  $t_1$  نوسانگر در جهت محور  $x$  از مکان  $x_1 = 1cm$  عبور کند و بعد از مدتی برای اولین بار پس از  $t_1$  از مکان  $x_2 = -\sqrt{2}cm$  بگذرد، تندی متوسط نوسانگر در طی این جابه‌جایی چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟ ( $\sqrt{2} = 1/4$ )

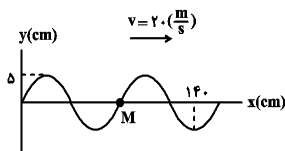
- (۱)  $52/8$  (۲)  $42/8$  (۳)  $35/2$  (۴)  $25/1$

۴۶) نمودار زیر مربوط به یک آونگ ساده با نوسانات کم دامنه است که در فاصله  $h$  از سطح زمین در حال نوسان است. این آونگ در چه فاصله‌ای از سطح زمین بر حسب شعاع زمین  $(R_e)$  قرار دارد؟  $(g_e = \pi^2 \frac{m}{s^2})$



- (۱)  $\frac{\sqrt{\lambda}}{\pi}$
- (۲)  $\lambda$
- (۳)  $\sqrt{\lambda}$
- (۴)  $\lambda$

۴۷) شکل زیر، موجی را در لحظه  $t = 0$  نشان می‌دهد که با تندی  $20 \frac{m}{s}$  در جهت محور  $x$  منتشر می‌شود. در لحظه  $t = \frac{3}{100} s$  شتاب ذره  $M$  چند واحد  $SI$  و جهت آن کدام است؟  $(\pi^2 = 10)$



- (۱)  $200$  ، پایین
- (۲)  $1250$  ، پایین
- (۳)  $200$  ، بالا
- (۴)  $1250$  ، بالا

گزینه درست: ۱

سوال ۱۸۱

گزینه «۱»

اگر طناب را جدا کنیم، چگالی خطی جرم طناب ثابت می‌ماند.

$$\mu = \frac{m}{L}$$

با توجه به رابطه تندی انتشار موج عرضی در تار، می‌توان نوشت:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \Rightarrow \frac{v^2}{v} = \sqrt{\frac{F}{F}} = \sqrt{2}$$

گزینه درست: ۳

سوال ۱۸۲

گزینه «۳»

با توجه به نمودار داده شده در لحظه‌ای که انرژی پتانسیل نوسانگر  $U_1 = 15mJ$  است، انرژی جنبشی آن  $K_1 = 5mJ$  می‌باشد. بنابراین، با توجه به این که انرژی مکانیکی نوسانگر در تمام لحظه‌ها ثابت و یکسان است. به صورت زیر،  $U_2$  را می‌یابیم:

$$E_T = E_1 \xrightarrow{E=U+K} U_2 + K_2 = U_1 + K_1$$

$$\xrightarrow[U_2 = 12mJ]{U_1 = 15mJ, K_1 = 5mJ} U_2 + 8 = 15 + 5$$

$$U_2 = 12mJ \xrightarrow[m=10^{-3}]{1J=10^6 \mu J} U_2 = 12 \times 10^{-3} \times 10^6 \mu J$$

$$\Rightarrow U_2 = 12 \times 10^3 \mu J$$

سوال ۱۸۳

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

ابتدا دوره تناوب نوسان فنر را به دست می آوریم و سپس مدت زمانی که طول می کشد ۵ نوسان انجام دهد را محاسبه می کنیم.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \xrightarrow[k=200 \frac{N}{m}}{m=0.5kg} T = 2 \times 3 \sqrt{\frac{0.5}{200}} = 2 \times 3 \times \frac{1}{20} = 0.3s$$

$$n = \frac{t}{T} \xrightarrow[n=5]{T=0.3s} 5 = \frac{t}{0.3} \Rightarrow t = 1.5s$$

سوال ۱۸۴

گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

$$\Delta t = \frac{x}{v_{\text{هوا}}} - \frac{x}{v_{\text{صدا}}} \Rightarrow \Delta t = \frac{1000}{350} - \frac{1000}{280} = 2/5 s$$

سوال ۱۸۵

گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

در بررسی اثر دوپلر، اگر ناظر و چشمه طوری حرکت کنند که فاصله آن‌ها کاهش یابد، ناظر با تعداد جبهه موج بیشتری مواجه خواهد شد که این امر منجر به افزایش بسامد صوتی خواهد شد که توسط ناظر دریافت می‌گردد. از طرفی، اگر ناظر و چشمه طوری حرکت کنند که فاصله آن‌ها افزایش یابد، ناظر با تعداد جبهه موج کمتری مواجه خواهد شد که این امر منجر به کاهش بسامد صوتی خواهد شد که توسط ناظر دریافت می‌گردد.

سوال ۱۸۶

گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

ابتدا تندی انتشار موج در سیم را به دست می آوریم:

$$v = \frac{\ell}{t} = \frac{1/6}{0.02} = 80 \frac{m}{s}$$

از طرفی تندی انتشار امواج عرضی در سیم از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$v = \sqrt{\frac{E}{\mu}} = \sqrt{\frac{FL}{m}} = \sqrt{\frac{FL}{\rho \cdot A \ell}} = \sqrt{\frac{F}{\rho A}} = \sqrt{\frac{F}{\rho \frac{D^2}{4} \pi}} = \frac{2}{D} \sqrt{\frac{F}{\rho \pi}}$$

$$80 = \frac{2}{4 \times 10^{-3}} \sqrt{\frac{F}{8000 \times \pi}} \Rightarrow F = 614/4 N$$

سوال ۱۸۷

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

فقط گزینه «۲» صحیح می‌باشد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: از مواردی که با فیزیک کلاسیک قابل توجیه نبود، طیف خطی جذبی و گسیلی بود.

گزینه «۳»: طبق نظریه اینشتین، وقتی نوری تکفام بر سطح فلز می‌تابد، هر فوتون با یک الکترون برهم کنش دارد.

گزینه «۴»: در پدیده فوتوالکتریک بسامد آستانه‌ای، تنها به جنس فلز بستگی دارد.



گزینه درست: ۴

سوال ۱۸۸

گزینه «۴»

امواج الکترومغناطیسی انرژی را نه به صورت انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل ذرات محیط، بلکه به صورت انرژی میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی منتقل می‌کنند. در واقع امواج الکترومغناطیسی به محیط مادی نیاز ندارند تا انرژی را از طریق ذراتش جابه‌جا کنند.

گزینه درست: ۱

سوال ۱۸۹

گزینه «۱»

با توجه به رابطه تندی بیشینه و بسامد زاویه‌ای در حرکت هماهنگ ساده وزنه و فنر داریم:

$$V_{\max} = A\omega \xrightarrow[\substack{k' = \frac{k}{\gamma}, m' = \frac{m}{\gamma}}]{\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}, A' = A} \frac{V_{\max}}{V_{\max}} = \frac{A' \sqrt{\frac{k'}{m'}}}{A \sqrt{\frac{k}{m}}} = 1$$

اکنون با توجه به رابطه انرژی مکانیکی در حرکت هماهنگ ساده داریم:

$$E = \frac{1}{2} k A^2 \xrightarrow[\substack{A' = A}]{k' = \frac{1}{\gamma} k} \frac{E'}{E} = \frac{1}{\gamma}$$

گزینه درست: ۳

سوال ۱۹۰

گزینه «۳»

ابتدا تندی انتشار موج در این طناب را محاسبه می‌کنیم:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \xrightarrow{\mu = \frac{m}{L}} v = \sqrt{\frac{FL}{m}} = \sqrt{\frac{0.4 \times 0.4}{0.25}} = 0.8 \frac{m}{s}$$

حال می‌توان نوشت:

$$f = \frac{v}{\lambda} \xrightarrow{\lambda = 0.2m} f = \frac{0.8}{0.2} = 4Hz$$

گزینه درست: ۲

سوال ۱۹۱

گزینه «۲»

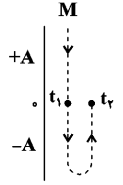
با توجه به نمودار در مکان‌های  $x_1$  و  $x_2$ ، نوسانگر دارای انرژی جنبشی و پتانسیل یکسانی است، بنابراین:

$$U_1 = K_2 \xrightarrow{U_1 = E - K_1} E - K_1 = K_2$$

$$\Rightarrow E = K_1 + K_2 \Rightarrow \frac{1}{2} 2m v_{\max}^2 = \frac{1}{2} m (v_1^2 + v_2^2)$$

$$\Rightarrow v_{\max} = \sqrt{(\sqrt{2})^2 + (1)^2} \Rightarrow v_{\max} = 2 \frac{m}{s}$$

چون نقطه M در مکان  $x = +A$  قرار دارد و پس از این لحظه به طرف پایین حرکت می‌کند، بنابراین، برای اولین بار در لحظه  $t_1 = \frac{T}{4}$  و برای دومین بار در لحظه  $t_2 = \frac{3T}{4}$  از مرکز نوسان خود عبور می‌کند. در این صورت، برای محاسبه  $t_2$  باید دوره تناوب ( $T$ ) را بیابیم. با توجه به شکل  $\frac{3\lambda}{4} = 30\text{cm}$  و  $v = 30\text{m/s}$  است؛ لذا داریم:



$$\frac{3\lambda}{4} = 30 \Rightarrow \lambda = 40\text{cm} = 0.4\text{m}$$

$$\lambda = vT \Rightarrow 0.4 = 30T \Rightarrow T = \frac{1}{75}\text{s}$$

$$t_2 = \frac{3T}{4} = \frac{3}{4} \times \frac{1}{75} \Rightarrow t_2 = \frac{1}{100}\text{s}$$

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow n + 12 - n = 10 \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$\Rightarrow \frac{12}{10} = \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$\Rightarrow \log \frac{I_2}{I_1} = 1.2 = 2 \log 2 \Rightarrow \log \frac{I_2}{I_1} = \log 2^2 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 4$$

$$\frac{I_2}{I_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \times \left(\frac{f_2}{f_1}\right)^2 \Rightarrow 4 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times \left(\frac{f_2}{f_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \left(\frac{f_2}{f_1}\right)^2 = 16 \Rightarrow \frac{f_2}{f_1} = 4$$

با توجه به شکل صورت سؤال، دامنه موج A دو برابر دامنه موج B است.

$$A_A = 2A_B$$

از طرفی رابطه بین طول موجها برابر است با:  $\lambda_B = \frac{2}{3}\lambda_A$

چون هر دو موج در یک محیط منتشر می‌شوند، پس تندی یکسانی دارند.

$$v_A = v_B \Rightarrow \lambda_A f_A = \lambda_B f_B \xrightarrow{\lambda_B = \frac{2}{3}\lambda_A} f_B = \frac{3}{2}f_A$$

می‌دانیم شدت صوت با توان متناسب است، از طرفی توان با مجذور دامنه و مجذور بسامد موج متناسب است. بنابراین داریم:

$$\frac{I_B}{I_A} = \left(\frac{f_B}{f_A} \times \frac{A_B}{A_A}\right)^2 \Rightarrow \frac{I_B}{I_A} = \left(\frac{3}{2} \times \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{9}{16}$$

همان طور که می‌دانیم فاصله بین دو تراکم (جمع‌شدگی) یا دو انبساط (باز شدگی) متوالی برابر با طول موج ( $\lambda$ ) است. همچنین فاصله بین مرکز یک تراکم با مرکز انبساط مجاور آن برابر با نصف طول موج ( $\frac{\lambda}{2}$ ) است. با این توضیحات فاصله مشخص شده در شکل برابر است با:

$$\lambda + \frac{\lambda}{2} = \frac{3\lambda}{2} \Rightarrow \frac{3\lambda}{2} = 30 \Rightarrow \lambda = 20 \text{ cm}$$

حال طبق رابطه تندی انتشار موج داریم:

$$\lambda = \frac{v}{f} \xrightarrow[\lambda=20\text{cm}=0.2\text{m}]{v=72 \frac{\text{km}}{\text{h}} : 3/6=20 \frac{\text{m}}{\text{s}}} 0.2 = \frac{20}{f} \Rightarrow f = \frac{20}{0.2} = 100 \text{ Hz}$$

ابتدا باید طول اولیه آونگ را به دست آوریم:

$$x = A \cos \omega t \xrightarrow{x=0.04 \cos 2\pi t} \begin{cases} A = 0.04 \text{ m} \\ \omega = 2\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}} \end{cases}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} = \sqrt{\frac{g}{L}}$$

$$\Rightarrow 2\pi = \sqrt{\frac{g}{L_1}} \xrightarrow{g=9.8} L_1 = \frac{9.8}{4\pi^2} = \frac{1}{4} \text{ m} = 25 \text{ cm}$$

حال تغییر طول آونگ را در حالتی که دوره تناوب آن نصف می‌شود به دست می‌آوریم:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \frac{T_1}{T_2} = \sqrt{\frac{L_1}{L_2}} \Rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \frac{1}{4} \Rightarrow L_2 = \frac{25}{4} = 6.25 \text{ cm}$$

$$L_2 - L_1 = 6.25 - 25 = -18.75 \text{ cm} \quad \text{بنابراین:}$$

در پی این زمین لرزه، ساختمان‌های نیمه بلند فرو ریختند، ولی ساختمان‌های کوتاه‌تر و بلندتر پابرجا ماندند. علت این پدیده، رخ دادن تشدید (رزونانس) بین لرزش ساختمان و نیروی زمین‌لرزه بوده است.

شخص صدای بلندگوی A را ۱۴dB بلندتر از B می‌شنود می‌توانیم فاصله دو بلندگوی A و B را از مقایسه تراز شدت صدای آن‌ها به دست بیاوریم:

$$\beta_A - \beta_B = 14dB$$

$$\beta_A - \beta_B = 10 \log \left( \frac{d_B}{d_A} \right)^2 \Rightarrow 14 = 10 \log \left( \frac{500}{d_A} \right)^2$$

$$\Rightarrow 1/4 = \log \left( \frac{500}{d_A} \right)^2$$

$$1/4 = 2 - 0/6 = \log 100 - 2 \log 2 = \log \frac{100}{2^2} = \log 25$$

$$\log 25 = \log \left( \frac{500}{d_A} \right)^2 \Rightarrow 25 = \left( \frac{500}{d_A} \right)^2 \Rightarrow d_A = 100m$$

شخص صدای بلندگوی C را ۱۲dB کوتاه‌تر از A می‌شنود:

$$\beta_A - \beta_C = 12dB$$

$$\beta_A - \beta_C = 10 \log \left( \frac{d_C}{d_A} \right)^2 \Rightarrow 1/2 = \log \left( \frac{d_C}{100} \right)^2$$

$$\Rightarrow 1/2 = 4 \times 0/3 = \log 16$$

$$16 = \left( \frac{d_C}{100} \right)^2 \Rightarrow d_C = 400m \Rightarrow d_C - d_A = 400 - 100 = 300m$$

با مقایسه معادله مکان - زمان با رابطه  $x = A \cos(\omega t)$ ، ملاحظه می‌شود که دامنه نوسان  $0/04m$  و  $\omega = 50 \frac{rad}{s}$  می‌باشد.

از طرفی هرگاه نوسانگر از مرکز نوسان عبور کند، انرژی جنبشی آن بیشینه مقدار است و داریم:

$$K_{\max} = E = \frac{1}{2} k A^2 \Rightarrow 120 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times k \times \left( \frac{4}{100} \right)^2$$

$$\Rightarrow k = 150 \frac{N}{m}$$

ابتدا با توجه به این‌که  $t'' - t' = \frac{2}{\lambda} s$  است، دوره حرکت نوسانگر را به دست می‌آوریم:

$$t'' - t' = \frac{T}{6} + T + \frac{T}{12} \Rightarrow \frac{2}{\lambda} = \frac{5T}{6} \Rightarrow T = 0/3s$$

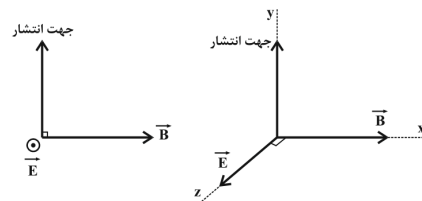
$$f = \frac{10}{3} Hz \text{ است، بنابراین: } f = \frac{1}{T}$$

بنابراین انرژی مکانیکی نوسانگر برابر است با:

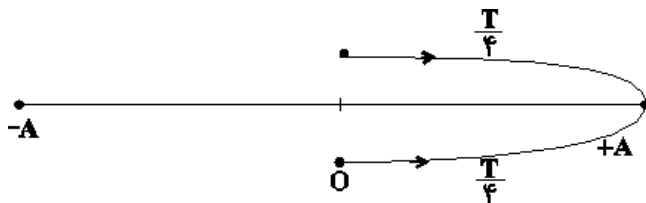
$$E = 2\pi^2 m A^2 f^2 = 2 \times 10 \times 0/09 \times (4 \times 10^{-2})^2 \times \left( \frac{10}{3} \right)^2$$

$$\Rightarrow E = 32 \times 10^{-3} J = 32mJ$$

برای تعیین جهت میدان الکتریکی از قاعده دست راست استفاده می‌کنیم. طبق این قاعده، اگر چهار انگشت دست راست را در جهت میدان الکتریکی طوری قرار دهیم که با خم کردن آنها، در جهت میدان مغناطیسی قرار گیرند، در این صورت انگشت شست دست راست جهت انتشار موج الکترومغناطیسی را نشان خواهد داد. بنابراین جهت میدان الکتریکی برون سو ( $\odot$ ) است.



شتاب نوسان‌گر در مرکز نوسان صفر است و چون در یک نوسان کامل، دو بار مسیر طی می‌شود، دوره حرکت  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} s$  است.



$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{0.02} = 50 \text{ Hz}$$

فاصله بین دو برآمدگی متوالی برابر با طول موج است. در حالت اول  $\lambda_1 = 60 \text{ cm}$  و  $T_1 = 1 \text{ s}$  است. در حالت دوم چون دوره تناوب ثابت است و  $v_2 = \frac{5}{6} v_1$  می‌باشد، به کمک رابطه  $\lambda = vT$  داریم:

$$v_2 = \frac{5}{6} v_1 \longrightarrow \frac{v_2}{T} = \frac{5}{6} \times \frac{v_1}{T}$$

$$\xrightarrow{\lambda_1 = 60 \text{ cm}} \lambda_2 = \frac{5}{6} \times 60 = 50 \text{ cm}$$

نکته: تندی انتشار موج روی سطح آب‌های کم‌عمق، به عمق آب بستگی دارد و با کاهش عمق آب، تندی انتشار و در نتیجه طول موج کاهش خواهد یافت.

بررسی تک‌تک موارد:

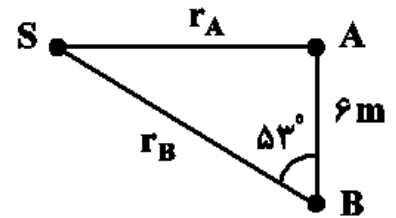
(آ) نادرست - بسامد امواج فراصوتی‌ای که وال عنبر تولید می‌کند، حدود  $100\text{ kHz}$  است.

(ب) نادرست - برای تشخیص یک جسم با استفاده از پژواک امواج فراصوتی، اندازه آن جسم باید در حدود طول موج به کار رفته یا بزرگ‌تر از آن باشد.

(پ) درست

(ت) نادرست - در چنین شرایطی که اجزای تشکیل دهنده به سطح بزرگ‌تر از طول موج تابیده شده است، موج به صورت نامنظم بازتاب پیدا می‌کند.

ابتدا فاصله هر دو ناظر را از چشمه صوت می‌یابیم.



$$\cos 53^\circ = \frac{6}{r_B} \Rightarrow 0.6 = \frac{6}{r_B} \Rightarrow r_B = 10m$$

$$\sin 53^\circ = \frac{r_A}{r_B} \Rightarrow 0.8 = \frac{r_A}{10} \Rightarrow r_A = 8m$$

با توجه به تعریف شدت صوت داریم:

$$I = \frac{P}{A} = \frac{P}{4\pi r^2} \Rightarrow \frac{I_A}{I_B} = \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 (*)$$

$$\frac{I_A}{I_B} = \left(\frac{10}{8}\right)^2 = \frac{25}{16}$$

نادرستی گزینه «۱»:

$$\Rightarrow \left(\frac{I_A}{I_B} - 1\right) \times 100 = \left(\frac{25}{16} - 1\right) \times 100 = 56/25$$

$$\frac{I_B}{I_A} = \left(\frac{8}{10}\right)^2 = \frac{16}{25} \Rightarrow \left(\frac{I_B}{I_A} - 1\right) \times 100$$

$$= \left(\frac{16}{25} - 1\right) \times 100 = -36 \text{ : نادرستی گزینه «۲»}$$

اکنون اختلاف تراز شدت صوتی دریافتی توسط دو ناظر را محاسبه می‌کنیم.

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow \Delta\beta = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \xrightarrow{(*)}$$

$$\beta_A - \beta_B = 10 \log \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 = 20 \log \left(\frac{10}{8}\right)$$

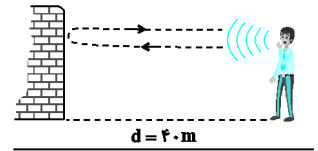
$$\Rightarrow \beta_A - \beta_B = 20(\log 10 - \log 2^3) = 20(1 - 3 \log 2)$$

$$= 20(1 - 0.9) = 2dB$$

درستی گزینه «۳»:

پس می‌توان گفت تراز شدت صوت دریافتی ناظر B، ۲dB کمتر از ناظر A است. (نادرستی گزینه «۴»)

چون تندی صوت ثابت است، ابتدا با استفاده از رابطه زیر، تندی صوت را می‌یابیم. دقت کنید، مسیری که صوت در رفت و برگشت طی می‌کند تا به گوش شخص برسد، برابر  $\ell = 2d$  است. بنابراین می‌توان نوشت:



$$v = \frac{\ell}{\Delta t} \quad \ell = 2d = 2 \times 40 = 80 \text{ m} \quad \Delta t = 0.25 \text{ s} \quad \Rightarrow \quad v = \frac{80}{0.25} \Rightarrow v = 320 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

اکنون، بسامد صوت شخص را پیدا می‌کنیم:

$$\lambda = \frac{v}{f} \quad \lambda = 2cm = 0.02 \text{ m} \quad v = 320 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad \Rightarrow \quad 0.02 = \frac{320}{f} \Rightarrow f = 16000 \text{ Hz} = 16 \text{ kHz}$$

با این فرض که  $f_2 > f_1$  و در نتیجه  $\lambda_1 > \lambda_2$  است و با استفاده از رابطه  $f = \frac{c}{\lambda}$  داریم:

$$4f_2 - f_1 = 4 \times 10^{15} \text{ Hz} \quad (I)$$

$$E_2 = 4E_1 \Rightarrow hf_2 = 4hf_1 \Rightarrow f_2 = 4f_1 \quad (II)$$

با جایگذاری رابطه (II) در رابطه (I) داریم:

$$4f_1 - f_1 = 4 \times 10^{15} \text{ Hz} \Rightarrow 3f_1 = 4 \times 10^{15} \Rightarrow f_1 = \frac{4}{3} \times 10^{15} \text{ Hz}$$

با توجه به فرضی که در ابتدا داشتیم،  $\lambda_1$  طول موج بلندتر است. بنابراین:

$$\lambda_1 = \frac{c}{f_1} = \frac{3 \times 10^8}{\frac{4}{3} \times 10^{15}} = \frac{9}{4} \times 10^{-7} \text{ m} = \frac{900}{4} \text{ nm} = 225 \text{ nm}$$

اگر بسامد نوسان‌های میله با بسامد آونگ‌ها برابر باشد، در آونگ‌ها تشدید رخ می‌دهد و به شدت به نوسان درمی‌آیند. بنابراین طول آونگ‌هایی را که با بسامد زاویه‌ای بین  $\omega_1 = 5 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$  و  $\omega_2 = 10 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$  نوسان می‌کنند، به دست می‌آوریم:

$$\omega = \sqrt{\frac{g}{\ell}} \Rightarrow \omega_1 = \sqrt{\frac{g}{\ell_1}} \Rightarrow 5 = \sqrt{\frac{10}{\ell_1}} \Rightarrow \ell_1 = 40 \text{ cm}$$

$$\omega_2 = \sqrt{\frac{g}{\ell_2}} \Rightarrow 10 = \sqrt{\frac{10}{\ell_2}} \Rightarrow \ell_2 = 10 \text{ cm}$$

پس در آونگ‌هایی که طول آن‌ها بین  $10 \text{ cm}$  تا  $40 \text{ cm}$  است، تشدید رخ می‌دهد که مجموعاً ۴ آونگ این شرط را دارا هستند.



سوال ۲۰۹

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

با نصف شدن سیم، چگالی خطی جرم سیم تغییری نمی‌کند، بنابراین داریم:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{\frac{F_2}{F_1}} = \sqrt{\frac{2F}{F}} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{2}$$

سوال ۲۱۰

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

$$\frac{\Delta \lambda}{\lambda} = 100 \Rightarrow \lambda = 180 \text{ cm} = 0.18 \text{ m}$$

$$\Rightarrow f = \frac{v}{\lambda} = \frac{F}{0.18} = 5 \text{ Hz}$$

سوال ۲۱۱

گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

بسامد از ویژگی‌های چشمه موج است، بنابراین هنگام ورود به محیط دیگر (از طناب ضخیم به طناب نازک) تغییر نمی‌کند. برای مقایسه تندی موج از رابطه  $v = \frac{1}{D} \sqrt{\frac{F}{\rho}}$  استفاده می‌کنیم. چون طناب‌ها به دنبال هم بسته شده‌اند و آنها را به نوسان در می‌آوریم، نیروی کشش یکسان است. اکنون اندیس (۱) را برای مس و اندیس (۲) را برای آهن در نظر می‌گیریم. داریم:

طول موج از رابطه  $\lambda = vT = \frac{v}{f}$  محاسبه می‌شود که  $f$  بسامد موج است و ثابت می‌باشد. بنابراین داریم:

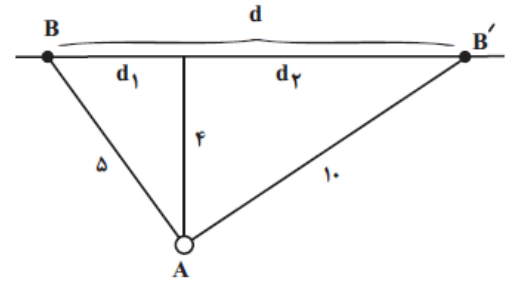
$$\frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{v_2}{v_1} = 4 \Rightarrow \lambda_2 = 4\lambda_1 \xrightarrow{\lambda_1 = 45} \lambda_2 = 180 \text{ cm}$$

از رابطه تراز شدت صوت استفاده می‌کنیم:

$$\Delta\beta = \beta_r - \beta_1 = 10 \log \frac{I_r}{I_1} \xrightarrow{\frac{I_r}{I_1} = \left(\frac{r_1}{r_r}\right)^2} \Delta\beta = 10 \log \left(\frac{r_1}{r_r}\right)^2$$

$$\Rightarrow -6 = 20 \log \left(\frac{5}{r_r}\right) \Rightarrow -0.3 = \log \left(\frac{5}{r_r}\right)$$

$$\xrightarrow{\log 2 = 0.3} \frac{r_r}{5} = 2 \Rightarrow r_r = 10 \text{ km}$$



حال با توجه به شکل داریم:

$$d_1 = \sqrt{25 - 16} = 3 \text{ km}$$

$$d_2 = \sqrt{100 - 16} = \sqrt{84} = 2\sqrt{21} \text{ km}$$

$$\text{جابه جایی شخص} = d = d_1 + d_2 = 3 + 2\sqrt{21} = 12/2 \text{ km}$$

با توجه به تغییرات تراز شدت صوت داریم:

$$\beta_r - \beta_1 = 10 \log \frac{I_r}{I_1} \xrightarrow{\beta_r = 1/2 \beta_1, \beta_1 = \beta} \rightarrow$$

$$0.2\beta = 10 \log 3 \Rightarrow 0.2\beta = 5 \Rightarrow \beta = 25 \text{ dB}$$

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 2/5 = \log \frac{I}{10^{-12}}$$

$$\Rightarrow 5 \times 0.5 = \log \frac{I}{10^{-12}} \Rightarrow \log 3^5 = \log \frac{I}{10^{-12}}$$

$$\Rightarrow 3^5 = \frac{I}{10^{-12}} \Rightarrow I = 3^5 \times 10^{-12} \frac{W}{m^2}$$

$$\Rightarrow I = 3^5 \times 10^{-12} \frac{mW}{km^2} = 0.243 \frac{mW}{km^2}$$

گزینه درست: ۳

سوال ۲۱۴

گزینه «۳»

طبق معادله مکان - زمان نوسانگر داریم:

$$x = \frac{v}{100} \cos 2\pi t, \quad \omega = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow 2\pi = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = \frac{1}{10} \text{ s}$$

$$T \times F_0 = \frac{1}{10} \times F_0 = F_0 \text{ s}$$

گزینه درست: ۱

سوال ۲۱۵

گزینه «۱»

ابتدا انرژی مکانیکی نوسانگر را که در واقع همان انرژی جنبشی بیشینه است، می‌یابیم.

$$E = K_{\max} = \frac{1}{2} m v_{\max}^2 = \frac{1}{2} \times 0.2 \times (4)^2 = 1.6 \text{ J}$$

حال انرژی جنبشی نوسانگر را در لحظه مورد نظر حساب می‌کنیم.

$$K = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} \times 0.2 \times (2)^2 = 0.4 \text{ J}$$

و اما برای تعیین انرژی پتانسیل در این لحظه داریم:

$$E = U + K \Rightarrow 1.6 = U + 0.4 \Rightarrow U = 1.2 \text{ J}$$

گزینه درست: ۴

سوال ۲۱۶

گزینه «۴»

طول موج را به کمک رابطه  $\lambda = \frac{c}{f}$  محاسبه می‌کنیم، داریم:

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{5 \times 10^7} = \frac{3}{5} \times 10^{-1} = 0.6 \text{ m} = 6 \text{ cm}$$

طول آنتن برابر است با:  $L = \frac{1}{4} \lambda = \frac{1}{4} \times 6 = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} \text{ cm}$ 

گزینه درست: ۳

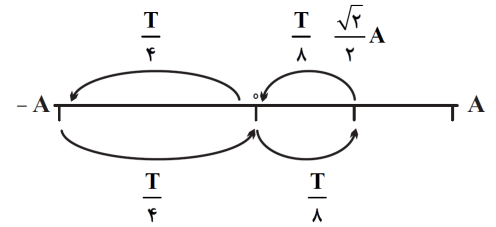
سوال ۲۱۷

گزینه «۳»

$$\begin{cases} I \propto \frac{1}{r^2} \Rightarrow \frac{I_1}{I_2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 \\ P = I \times A \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{I_1}{I_2} \times \frac{A_2}{A_1} \Rightarrow 1 = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \times \frac{4S_1}{S_2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{r_1}{r_2} = \frac{1}{2} \Rightarrow r_2 = 2 \times (10) = 20 \text{ m}$$

نمودار مکان نوسان گر را رسم کرده و داریم:



مدت زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر از  $\frac{\sqrt{F}}{V}A$  به مرکز نوسان برسد، برابر است با:

$$\Rightarrow \Delta t = \frac{T}{F} - \frac{T}{\lambda} = \frac{T}{\lambda} \quad x = A \cos \frac{2\pi}{T}t \Rightarrow \frac{\sqrt{F}}{V}A = A \cos \frac{2\pi}{T}t \Rightarrow \frac{2\pi}{T}t = \frac{\pi}{F} \Rightarrow t = \frac{T}{\lambda}$$

$$\frac{T}{\lambda} + \frac{T}{F} + \frac{T}{F} + \frac{T}{\lambda} = 1 \Rightarrow T = \frac{F}{3}s \quad \text{پس داریم:}$$

با مقایسه معادله نیرو - مکان با نیروی وارد بر فنر داریم:

$$\left. \begin{array}{l} F = -kx \\ F = -180x \end{array} \right\} \Rightarrow k = 180 \frac{N}{m}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{180}{0.2}} = 30 \frac{rad}{s}$$

می‌دانیم رابطه انرژی جنبشی بیشینه به صورت زیر است:

$$K_{\max} = \frac{1}{2}mA^2\omega^2 \Rightarrow 225 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times 0.2 \times A^2 \times 900$$

$$\Rightarrow 225 \times 10^{-3} = 90A^2 \Rightarrow A = 5 \times 10^{-2}m = 0.05m$$

بنابراین معادله مکان - زمان نوسانگر به صورت زیر است:

$$x = A \cos \omega t \Rightarrow x = 0.05 \cos(30t)$$

چون طول پاره خط  $0.4m$  است، پس دامنه نوسانها برابر با  $0.2m$  خواهد بود. بنابراین نوسانگر در هر نوسان کامل  $0.1m$  را طی می‌کند. در نتیجه تعداد نوسانات در ۱۰ دقیقه برابر است با:

$$300 = \frac{240}{0.8} : \text{تعداد نوسان کامل}$$

بنابراین دوره تناوب نوسانگر برابر است با:

$$T = \frac{10 \times 60}{300} = 2s$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{2} \Rightarrow \omega = \pi \frac{rad}{s}$$

تندی نوسانگر در لحظه عبور از مرکز نوسان بیشینه مقدار خود را دارد:

$$v_{max} = A\omega = 0.2 \times \pi = 0.2\pi \frac{m}{s}$$

می‌دانیم دوره تناوب آونگ به جرم گوله آونگ بستگی ندارد و فقط به طول نخ و شتاب گرانش وابسته است.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

دوره تناوب وزنه - فنر به جرم متصل به فنر و سختی فنر وابسته است.

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1} \cdot \frac{g_1}{g_2}} \xrightarrow{\substack{L_2=L_1 \\ g_2=\frac{1}{9}g_1}} \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{1 \times 9} = 3 : \text{برای آونگ داریم:}$$

$$\Rightarrow T_2 = 3T_1$$

برای وزنه - فنر داریم:

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{m_2}{m_1}} \xrightarrow{m_2=4m_1} \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{4} = 2 \Rightarrow T_2 = 2T_1$$

شرط این‌که دو نوسانگر از کنار هم عبور کنند، این است که  $x_1 = x_2$  باشد. بنابراین داریم:

$$x_1 = x_2 \Rightarrow A \cos \pi t = A \cos 2\pi t$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \pi t = 2\pi t \Rightarrow t = 0 \\ \pi t = 2\pi - 2\pi t \Rightarrow 3\pi t = 2\pi \Rightarrow t = \frac{2}{3}s \end{cases}$$

گزینه درست: ۲

سوال ۲۲۳

گزینه «۲»

دوره آونگ A را حساب می‌کنیم:

$$T_A = 2\pi\sqrt{\frac{L_A}{g}} \Rightarrow T_A = 2\pi\sqrt{\frac{1}{\pi^2}} = 2s$$

$$\frac{T_A}{T_B} = \frac{4}{5} \Rightarrow \frac{2}{T_B} = \frac{4}{5} \Rightarrow T_B = 2/5s$$

حال باید محاسبه کنیم در ۸۰ ثانیه آونگ‌های A و B چند نوسان کامل انجام داده‌اند.

$$A \Rightarrow 80 \div 2 = 40 \text{ نوسان}$$

$$B \Rightarrow 80 \div 2/5 = 32 \text{ نوسان}$$

بنابراین آونگ A هشت نوسان کامل از آونگ B بیش‌تر انجام داده است.

گزینه درست: ۲

سوال ۲۲۴

گزینه «۲»

ابتدا سعی می‌کنیم تا معادله داده شده را شبیه معادله  $(a = -\omega^2 x)$  کنیم:حال می‌توان با توجه به رابطه  $(\omega = \frac{2\pi}{T})$ ، دوره حرکت را محاسبه کرد:

$$\frac{1}{4}a + 8x = 0 \Rightarrow \frac{1}{4}a = -8x \Rightarrow a = -16x \Rightarrow \omega^2 = 16 \Rightarrow |\omega| = 4$$

از طرفی چو ندر دامنه‌ها، شتاب بیشینه است، با جاگذاری  $a_{max}$  در رابطه داده شده می‌توان اندازه دامنه را محاسبه کرد:

$$4 = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = \frac{2\pi}{4} \xrightarrow{\pi=3} T = \frac{6}{4} = 1/5s$$

برای محاسبه مسافت طی شده باید دقت شود که مدت زمان داده شده (یعنی ۴/۵ ثانیه اول)، ۳ برابر دوره حرکت است  $(\frac{4}{5} = 3 \times \frac{1}{5})$  و در ۳ دوره، مسافت طی شده  $(3 \times (4A) = 12A)$  خواهد شد، پس:

$$\text{مسافت طی شده} = 12A = 12 \times \frac{1}{8} = 1/5m$$

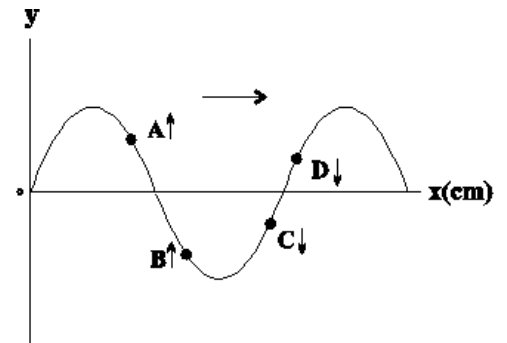
گزینه درست: ۳

سوال ۲۲۵

گزینه «۳»

چون تندی چشمه صوت ثابت و ناظرها ساکن‌اند، بسامد دریافتی توسط ناظرهای (۱) و (۲) با هم برابر است  $(f_1 = f_2)$ . این مورد برای ناظرهای (۳) و (۴) نیز صحیح است.  $(f_3 = f_4)$ . از طرفی، با حرکت آمبولانس به سمت جلو، فاصله جبهه‌های موج در جلوی ماشین کمتر از پشت آن خواهد شد. بنابراین ناظرهای ساکن (۳) و (۴) طول‌موج کوتاه‌تری را نسبت به وضعیت ساکن ماشین اندازه می‌گیرند، که این به معنی افزایش بسامد برای این دو ناظر است. در حالی که ناظرهای (۱) و (۲) در عقب ماشین، طول‌موج بلندتری را نسبت به وضعیتی که ماشین ساکن بوده، اندازه می‌گیرند و این به معنای کاهش بسامد برای این دو ناظر است. در این حالت می‌توان گفت  $f_1 = f_2 < f_3 = f_4$  است.

با توجه به آن که هر ذره از موج در لحظه بعدی، رفتار ذره ما قبل خود را تکرار خواهد کرد، داریم:



(فلش‌ها جهت حرکت نقاط را نشان می‌دهند.)

کمترین انرژی جنبشی مربوط به نقاط قله و دره است. با توجه به شکل ابتدا نقطه A به قله می‌رسد، سپس نقطه C به دره می‌رسد. پس از آن نقطه D به دره می‌رسد و در آخر نقطه B به قله می‌رسد.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: طیف‌های گسیلی و جذبی اتم‌های گاز هر عنصر منحصر به آن عنصر هستند، اما با یکدیگر یکسان نیستند و خطوط روشن طیف گسیلی در طیف جذبی به صورت خطوط تاریک هستند و بالعکس.

گزینه «۳»: خطوط فرانهوفر خطوط تاریک طیف خورشید هستند.

گزینه «۴»: مدل اتمی بور نمی‌تواند متفاوت بودن شدت خط‌های طیف گسیلی را توضیح دهد.

به دلیل پدیده تشدید، آونگ G چون هم طول با D است، دیرتر می‌ایستد.

با توجه به رابطه شتاب بیشینه و سرعت زاویه‌ای در حرکت هماهنگ ساده داریم:

$$a_{\max} = \omega^2 A \xrightarrow{A=A} \frac{a_{\max}^i}{a_{\max}} = \frac{\omega^2}{\omega^2} \xrightarrow{\omega = \sqrt{\frac{K}{m}}, m = \sigma / \lambda m} \frac{a_{\max}^i}{a_{\max}} = \frac{1/2}{\sigma / \lambda} = \frac{3}{2}$$

ابتدا برای بررسی تأثیر طول آونگ بر بسامد نوسان آن داریم:

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{L}} \Rightarrow \frac{f_r}{f_1} = \sqrt{\frac{L_1}{L_r}} \xrightarrow{L_r = \frac{L_1}{2}} \frac{f_r}{f_1} = \sqrt{2}$$

حال برای انرژی مکانیکی آونگ داریم:

$$E = 2\pi^2 m A^2 f^2 \Rightarrow \frac{E_r}{E_1} = \left(\frac{f_r}{f_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{E_r}{E_1} = (\sqrt{2})^2 = 2$$

در حرکت یک موج از نقطه‌ای به نقطه دیگر، اجزا محیطی که موج در آن حرکت می‌کند، به همراه موج منتقل نمی‌شوند، بلکه این موج است که منتقل می‌شود و با این انتقال، انرژی از مکانی به مکان دیگر منتقل خواهد شد. باقی گزینه‌ها عبارتهای درستی را بیان می‌کنند.

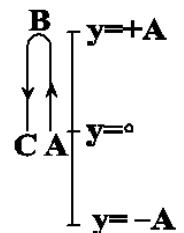
چون شونده A با تندی ثابت به سمت آمبولانس می‌رود. در مدت زمان یکسان در مقایسه با شونده ساکن با جبهه‌های موج بیش‌تری مواجه می‌شود و بسامد احساس آن بیش‌تر از بسامد واقعی می‌شود و چون شونده B با تندی ثابت در حال دور شدن از آمبولانس است، در مدت زمان یکسان در مقایسه با شونده ساکن با جبهه‌های موج کم‌تری مواجه می‌شود و در نتیجه بسامد احساسی آن کم‌تر از بسامد واقعی می‌شود و همچنین چون آمبولانس ساکن است، لذا تجمع جبهه‌های موج در دو سوی آن یکسان بوده و در نتیجه طول موج دریافتی توسط هریک از دو شونده با طول موج چشمه موج برابر است.

ابتدا با توجه به شکل، طول موج و سپس دوره تناوب موج را به دست می‌آوریم:

$$\frac{3}{4}\lambda = 15\text{cm} \Rightarrow \lambda = 20\text{cm} = 2 \times 10^{-1} \text{m}$$

$$\lambda = vT \Rightarrow 2 \times 10^{-1} = 4T \Rightarrow T = 0.05 \text{s}$$

لحظه  $t_1$  معادل با  $(\frac{1}{4}T = \frac{0.025}{0.05} = \frac{1}{4})T$  است. با توجه به جهت انتشار موج، ذره M در لحظه  $t_1$  در حال حرکت به طرف بالا است، پس مسیر حرکت ذره را در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  می‌توان به صورت شکل زیر مشخص کرد:



از A تا B نوع حرکت کندشونده و از B تا C حرکت تندشونده خواهد بود.



اگر در مدت  $t$ ، آونگ ساده‌ای  $n$  نوسان کم‌دامنه انجام دهد، دوره نوسان‌های آن برابر است با:

$$T = \frac{t}{n} \xrightarrow{t_1=t_2} \frac{T_2}{T_1} = \frac{n_1}{n_2} \quad (1)$$

از طرفی با استفاده از رابطه دوره نوسان‌های کم‌دامنه یک آونگ ساده داریم:

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{l_2}{l_1}} \quad (2)$$

بنابراین:

$$\xrightarrow{(1),(2)} \frac{n_1}{n_2} = \sqrt{\frac{l_2}{l_1}} \xrightarrow{n_1=4, n_2=5} \frac{4}{5} = \sqrt{\frac{l_2}{l_1}} \Rightarrow \frac{l_2}{l_1} = \frac{16}{25}$$

$$\text{درصد تغییرات طول آونگ} : \frac{\Delta l}{l_1} \times 100 = \left(\frac{l_2}{l_1} - 1\right) \times 100 \\ = \left(\frac{16}{25} - 1\right) \times 100 = -36\%$$

از روی نمودار دوره تناوب آونگ را روی سطح زمین به دست می‌آوریم:

$$\frac{\Delta T}{T} = 1s \Rightarrow T = \frac{4}{5}s \xrightarrow{\omega = \sqrt{\frac{g}{l}} \rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{g_1}{g_2}}} \frac{4}{5}s$$

$$\xrightarrow{g_2 = \frac{g_1}{4}} \frac{T_2}{T_1} = 2 \xrightarrow{T_1 = \frac{4}{5}s} T_2 = \frac{8}{5}s$$

$$\xrightarrow{\omega_2 = \frac{2\pi}{T_2}} \omega_2 = \frac{2\pi}{\frac{8}{5}s} = \frac{5\pi}{4} \frac{rad}{s}$$

در شکل (الف) چشمه موج صوتی ساکن است، پس طول موج دریافتی توسط ناظرها در جلو و پشت چشمه یکسان است ( $\lambda_1 = \lambda_2$ ). از طرفی چون ناظر (۲) در حال نزدیک شدن به چشمه است، در مدت زمان یکسان با جبهه‌های موج بیشتری مواجه می‌شود و ناظر (۱) چون در حال دور شدن از چشمه است در مقایسه با ناظر ساکن، در مدت زمان یکسان با جبهه‌های موج کمتری مواجه می‌شود. پس داریم:

$$f_2 > f_s, f_1 < f_s$$

که در آن  $f_s$  بسامد چشمه است. یعنی:  $f_1 < f_2$

در شکل (ب) با حرکت چشمه موج، فاصله جبهه‌های موج در جلوی چشمه کمتر از فاصله جبهه‌های موج در پشت چشمه است، پس ناظر (۳) طول موج کوتاه‌تری نسبت به ناظر (۴) دریافت می‌کند. ( $\lambda_3 < \lambda_4$ )

در نتیجه بسامد دریافتی توسط ناظر (۳) بیشتر است. ( $f_3 > f_4$ )

با توجه به آن که سرعت صوت ثابت است و اختلاف زمانی  $\Delta t = 0.12 \text{ s}$  است، خواهیم داشت:

$$\Delta x = vt \Rightarrow t = \frac{\Delta x}{v} \Rightarrow \Delta t = t_{\text{هو}} - t_{\text{میله}} \Rightarrow \Delta t = \frac{\Delta x_{\text{هو}}}{v_{\text{هو}}} - \frac{\Delta x_{\text{میله}}}{v_{\text{میله}}}$$

اگر فاصله شخصی که با چکش ضربه می‌زند تا شخصی که صدای ضربه را می‌شنود  $\Delta x$  در نظر بگیریم:  $\Delta x_{\text{هو}} = \Delta x_{\text{میله}} = \Delta x$

و همچنین  $v_{\text{هو}} = 10v_{\text{میله}}$  است:

$$\Delta t = \frac{\Delta x}{v_{\text{هو}}} - \frac{\Delta x}{10v_{\text{هو}}} \Rightarrow \Delta t = \frac{9\Delta x}{10v_{\text{هو}}}$$

$$\Rightarrow 0.12 = \frac{9\Delta x}{10 \times 340} \Rightarrow \Delta x = 48 \text{ m}$$

راه دوم: هرگاه در دو محیط (که دارای سرعت‌های متفاوتی هستند) صوت، یک طول را با اختلاف زمانی طی کند. آن‌گاه خواهیم داشت:

$$\Delta x = \frac{v_1 v_2}{v_1 - v_2} \times \Delta t \Rightarrow \Delta x = \frac{(10 \times 340) \times 0.12}{(10 \times 340) - 340} = 48 \text{ m}$$

در انتهای مسیر، جهت حرکت عوض می‌شود و مقدار شتاب بیشینه است. در ضمن در لحظه‌ای که نیروی وارد بر نوسانگر صفر است، نوسانگر در مرکز نوسان قرار دارد و سرعتش بیشینه می‌باشد.

$$\left. \begin{aligned} a_{\text{max}} &= A\omega^2 = 1/6\pi^2 \\ v_{\text{max}} &= A\omega = 0/4\pi \end{aligned} \right\} \xrightarrow{\text{تقسیم}} \omega = 4\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$a = -\omega^2 x = -(4\pi)^2 \times 0/02 = -0/32\pi^2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

بسامد زاویه‌ای سامانه جرم - فنر از رابطه  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$  به دست می‌آید، داریم:

$$(1) \text{ جرم } : \omega_1 = \sqrt{\frac{k}{m_1}} \Rightarrow \omega_1^2 \times m_1 = k \Rightarrow m_1 = \frac{k}{\omega_1^2}$$

$$(2) \text{ جرم } : \omega_2 = \sqrt{\frac{k}{m_2}} \Rightarrow \omega_2^2 \times m_2 = k \Rightarrow m_2 = \frac{k}{\omega_2^2}$$

$$(1), (2) \text{ مجموع جرم } : \omega = \sqrt{\frac{k}{m_1 + m_2}} \Rightarrow \omega^2 (m_1 + m_2) = k \Rightarrow m_1 + m_2 = \frac{k}{\omega^2}$$

حال دو معادله اول را در معادله سوم جایگذاری می‌کنیم و جرم‌ها را حذف می‌کنیم.

$$\frac{k}{\omega_1^2} + \frac{k}{\omega_2^2} = \frac{k}{\omega^2} \Rightarrow \frac{1}{\omega_1^2} + \frac{1}{\omega_2^2} = \frac{1}{\omega^2}$$

$$\Rightarrow \frac{\omega_1^2 + \omega_2^2}{\omega_1^2 \omega_2^2} = \frac{1}{\omega^2} \Rightarrow \omega = \frac{\omega_1 \omega_2}{\sqrt{\omega_1^2 + \omega_2^2}}$$

گزینه درست: ۲

سوال ۲۴۰

گزینه «۲»

توجه شود که مسافت پیموده شده توسط یک ذره از طناب با مسافتی که موج در طناب طی می‌کند، متفاوت است. مسافتی که یک ذره از طناب در مدت یک نوسان کامل طی می‌کند برابر  $4A = 16\text{cm}$  است.

بنابراین دوره نوسانگر برابر است با:

$$\begin{cases} n = \frac{\text{مسافت طی شده توسط ذره‌ای از طناب}}{4A} = \frac{40\text{cm}}{16\text{cm}} = \frac{10}{4} = 2.5 \\ T = \frac{\Delta t}{n} = \frac{0.4}{2.5} = 0.16\text{s} \end{cases}$$

برای به دست آوردن مسافت پیشروی موج داریم:

$$\begin{cases} \text{تندی موج} : v = \frac{\lambda}{T} = \frac{0.4}{0.16} = 2.5 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ \text{پیشروی موج} : \Delta x = v\Delta t = 2.5 \times 0.4 = 1\text{m} \end{cases}$$

گزینه درست: ۳

سوال ۲۴۱

گزینه «۳»

از آن‌جا که طول آونگ A تقریباً با آونگ شماره (۲) برابر است، در صورت ایجاد نوسان در آونگ A، بسامد این دو آونگ یکسان بوده و احتمال بروز پدیده تشدید در آن بیشتر است.

گزینه درست: ۲

سوال ۲۴۲

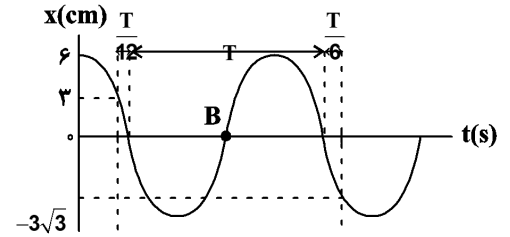
گزینه «۲»

بعد از اضافه کردن سه بلندگوی دیگر، شدت صوت و تراز شدت صوت دریافتی توسط شخص بیشتر می‌شود. برای این‌که شخص دوباره همان تراز شدت صوت قبلی بشنود، باید از مجموعه چهار بلندگو دور شود و چون ائتلاف انرژی نداریم، می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} \beta_2 &= \beta_1 \Rightarrow 10 \log \frac{I_2}{I_0} = 10 \log \frac{I_1}{I_0} \Rightarrow I_2 = I_1 \\ \Rightarrow \frac{(P_{av})_1}{r_1^2} &= \frac{(P_{av})_2}{r_2^2} \Rightarrow \frac{P}{80^2} = \frac{4P}{r_2^2} \Rightarrow r_2 = 160\text{m} \end{aligned}$$

بنابراین شخص باید به اندازه  $|\Delta x| = 160 - 80 = 80\text{m}$  از مکان اولیه خود دور شود.

ابتدا با توجه به شکل می‌توانیم مقدار  $\Delta t$  را برحسب دوره تناوب ( $T$ ) به دست می‌آوریم:



از  $\frac{A}{4}$  تا صفر مدت  $\frac{T}{12}$  (s) و از صفر تا  $\frac{-\sqrt{3}A}{4}$  مدت  $\frac{T}{6}$  (s) طول می‌کشد.

$$\Rightarrow T + \frac{T}{6} + \frac{T}{12} = \frac{10}{\lambda} s$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta T}{6} = \frac{10}{\lambda} \Rightarrow T = \frac{4}{3} s$$

در نقطه B انرژی جنبشی نوسانگر بیشینه است و برابر با انرژی مکانیکی نوسانگر است و داریم:

$$E = v\pi^2 m A^2 f^2, \quad m = \frac{1}{v_0} kg$$

$$A = 6 \times 10^{-2} m, \quad f = \frac{2}{3} Hz$$

$$E = 2 \times 10 \times \frac{1}{v_0} \times 36 \times 10^{-4} \times \frac{4}{9} = 16 \times 10^{-4} = 1/6 \times 10^{-3} J$$

$$\Rightarrow K_B = E = 1/6 mJ$$

با توجه به مقدار بیشینه سرعت داریم:

$$v_{\max} = A\omega \xrightarrow[A=0.06m]{v_{\max}=0.2\pi^m/s} 0.2\pi = 0.06\omega$$

$$\Rightarrow \omega = \frac{0.2\pi}{0.06} = \frac{10}{3}\pi \left(\frac{rad}{s}\right)$$

از طرفی طبق معادله مکان - زمان داریم:

$$x = A \cos \omega t \Rightarrow x = 0.06 \cos\left(\frac{10\pi}{3} \times 0.5\right)$$

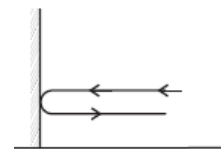
$$\Rightarrow x = 0.03m$$

$$a = -\omega^2 x \Rightarrow a = -\left(\frac{10}{3}\pi\right)^2 \times \frac{3}{100} = -\frac{\pi^2}{3} \left(\frac{m}{s^2}\right)$$

طبق شکل زیر، مسافتی که صوت حاصل از شلیک گلوله طی می‌کند تا بعد از برخورد به دیوار، دوباره به شخص برسد، برابر است با:

$$L = 2 \times 255 = 510 \text{ m}$$

$$s = \frac{L}{\Delta t} \Rightarrow 340 = \frac{510}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = 1/5 \text{ s}$$



مدت زمان که طول می‌کشد تا گلوله بعد از شلیک به دیوار برخورد کند، برابر است با:  $v = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow 75 = \frac{255}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{255}{75} = 3/4 \text{ s}$

بنابراین شخص  $3/4 - 1/5 = 1/5 = 0.2 \text{ s}$  قبل از دیدن سوراخ شدن دیوار، بازتاب صدای شلیک گلوله را می‌شنود.

دقت کنید تندی حرکت نور در مقایسه با تندی‌های معمولی، آنقدر زیاد است که عملاً لحظه ایجاد شدن سوراخ در دیوار و دیدن آن توسط شخص، یکسان در نظر گرفته می‌شود.

نقاط  $A$  و  $E$  در مکان‌هایی با بیشترین بازشدگی و نقطه  $C$  در بیشترین فشردگی قرار دارند و در نمودار جابه‌جایی - مکان آن، جابه‌جایی هر جزء فنر از وضعیت تعادل برابر با صفر است.

نقاط  $B$  و  $D$  در وسط فاصله بین یک جمع‌شدگی بیشینه و یک بازشدگی بیشینه مجاور هم قرار دارند. در نمودار جابه‌جایی - مکان این نقاط، اندازه جابه‌جایی هر جزء فنر از وضعیت تعادل بیشینه است.

تندی انتشار سیم را به دست می‌آوریم:  $V = \frac{\ell}{t} = \frac{1/2}{0.04} = 30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

مطابق رابطه تندی انتشار موج در سیم داریم:

$$v = \frac{v}{D} \sqrt{\frac{F}{\rho \pi}} \Rightarrow 30 = \frac{v}{10^{-3}} \sqrt{\frac{F}{8000 \times \pi}} \Rightarrow F = 5/4 \text{ N}$$

بسامد از ویژگی‌های منبع است؛ بنابراین بسامد، دوره تناوب و بسامد زاویه‌ای نوسانگر برای تمامی ذرات طناب یکسان می‌باشد.

گزینه درست: ۳

سوال ۲۴۹

گزینه «۳»

با استفاده از رابطه  $\beta = 10 \log \frac{I}{I_0}$  می‌توان نوشت:

$$100 = 10 \log \frac{I}{10^{-12}} \Rightarrow 10^2 = \frac{I}{10^{-12}} \rightarrow I = 10^{-2} W/m^2$$

همچنین می‌دانیم که صوت در فضای کروی منتشر می‌شود، بنابراین با توجه به رابطه  $I = \frac{P}{A}$  داریم:

$$10^{-2} = \frac{P}{4\pi \times 3^2 \times (50)^2} \rightarrow P = 300W$$

بنابراین  $200W = (500 - 300)$  توسط محیط جذب شده است یعنی  $\left(\frac{P_1 - P_2}{P} = \frac{200}{500}\right) = 0/4$  یا ۴۰ درصد تلف شده است.

گزینه درست: ۴

سوال ۲۵۰

گزینه «۱»

با مقایسه معادله مکان - زمان با رابطه  $x = A \cos(\omega t)$ ، ملاحظه می‌شود که دامنه نوسان  $0/04m$  و  $\omega = 50 \frac{rad}{s}$  می‌باشد.

از طرفی هرگاه نوسانگر از مرکز نوسان عبور کند، انرژی جنبشی آن بیشینه مقدار است و داریم:

$$K_{max} = E = \frac{1}{2} k A^2 \Rightarrow 120 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times k \times \left(\frac{4}{100}\right)^2$$

$$\Rightarrow k = 150 \frac{N}{m}$$

گزینه درست: ۳

سوال ۲۵۱

گزینه «۳»

ابتدا تندی حرکت موج در ریسمان را به دست می‌آوریم.

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{20}{50 \times 10^{-3}}} = 20 \frac{m}{s}$$

چون دامنه برابر با  $4cm$  است و ذرات ریسمان مسافت  $16cm = 4A$  را در دوره تناوب  $T$  طی می‌کنند پس مسافت  $32cm$  را در  $2T$  طی می‌کنند.

$$0/04 = 2T \Rightarrow T = 0/02s$$

$$\lambda = vT = 20 \times 0/02 = 0/4m = 40cm$$

گزینه درست: ۴

سوال ۲۵۲

گزینه «۴»

هر ثن حاصل از دیپازون دارای دو ویژگی ارتفاع و بلندی است که هر دو به ادراک شنوایی ما مربوط می‌شوند.

ارتفاع، بسامدی است که گوش انسان درک می‌کند و بلندی، شدتی است که گوش انسان از صوت درک می‌کند.

گزینه «۲»

با توجه به نمودار، انرژی جنبشی و پتانسیل به ازای تندی‌های  $v_1$  و  $v_2$  برابر است.

$$\begin{cases} v_1 = 1 \frac{cm}{s} \\ K_1 = E - U_1 \end{cases} \quad \begin{cases} v_2 = \sqrt{3} \frac{cm}{s} \\ K_2 = E - U_2 \end{cases} \quad (I)$$

$$K_1 = U_2 \xrightarrow{(I)} K_2 = E - K_1 \Rightarrow K_1 + K_2 = E$$

$$\frac{K = \frac{1}{2}mv^2}{E = K_{\max} = \frac{1}{2}mv_{\max}^2} \rightarrow \frac{1}{2}m(v_1^2 + v_2^2) = \frac{1}{2}mv_{\max}^2$$

$$v_{\max}^2 = v_1^2 + v_2^2 \xrightarrow[\substack{v_1 = 1 \frac{cm}{s} \\ v_2 = \sqrt{3} \frac{cm}{s}}]{} v_{\max} = 2 \frac{cm}{s}$$

گزینه «۲»

ابتدا تندی انتشار موج در این سیم را محاسبه می‌کنیم:

$$v = \lambda f \xrightarrow[\substack{\lambda = \frac{v}{f} \\ f = 625 Hz}]{\substack{\lambda = \frac{v}{f} \\ f = 625 Hz}} v = 0.4 \times 625 = 250 \frac{m}{s}$$

حال با استفاده از رابطه تندی امواج عرضی در یک سیم کشیده شده، می‌توان نوشت:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \xrightarrow[\substack{\rho = \frac{m}{V} = \frac{m}{AL} = \frac{\mu}{A}}]{\substack{\rho = \frac{m}{V} = \frac{m}{AL} = \frac{\mu}{A}}} v = \sqrt{\frac{F}{\rho A}}$$

$$\Rightarrow 250 = \sqrt{\frac{225}{\rho \times 0.4 \times 10^{-6}}} \Rightarrow \rho = 9000 \frac{kg}{m^3} = 9 \frac{g}{cm^3}$$

ابتدا طول موج را به دست می‌آوریم:

$$\frac{5\lambda}{\nu} = 4/5 \times 10^9 \Rightarrow \lambda = 1/8 \times 10^9 \text{ m}$$

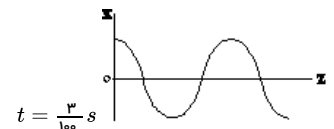
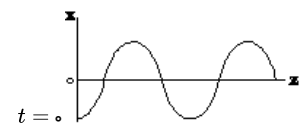
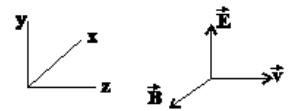
با توجه به رابطه تندی انتشار موج، دوره تناوب را محاسبه می‌کنیم:

$$c = \frac{\lambda}{T} \xrightarrow{c=3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \rightarrow \lambda=1/8 \times 10^9 \text{ m}} T = \frac{1/8 \times 10^9}{3 \times 10^8} = \frac{5}{6} \text{ s}$$

بنابراین از لحظه  $t=0$  تا لحظه  $t = \frac{5}{6} \text{ s}$  موج به اندازه  $\frac{1}{2}$  پیمایش می‌کند.

$$\Delta x = \Delta t \times c \xrightarrow{\Delta t = \frac{T}{2} \rightarrow c = \frac{\lambda}{T}} \Delta x = \frac{\lambda}{2}$$

در لحظه  $t=0$  جهت میدان مغناطیسی را تعیین می‌کنیم، در لحظه  $t=0$  میدان مغناطیسی بیشینه و در خلاف جهت محور  $x$  ها است. (باتوجه به این که موج الکترومغناطیسی در جهت مثبت محور  $z$  ها حرکت می‌کند) بنابراین در لحظه  $t = \frac{5}{6} \text{ s}$  نقش میدان مغناطیسی مطابق شکل زیر است.



با توجه به نمودار،  $T = 3 \text{ s}$  و در نتیجه  $T = 6 \text{ s}$  است. بنابراین نوسانگر در لحظه  $(\frac{T}{2} = 1 \text{ s})$  در مکان  $18 \text{ cm}$  قرار دارد. با استفاده از رابطه نیرو - مکان، نیروی وارد شده بر نوسانگر در این لحظه را به دست می‌آوریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} m = 200 \text{ g} = 0.2 \text{ kg} \\ \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{6} = \frac{\pi}{3} \\ |F| = | -m\omega^2 x | \end{array} \right\} \Rightarrow |F| = \left| -\frac{2}{10} \times \frac{\pi^2}{9} \times \frac{18}{100} \right| = \frac{\pi^2}{250} = 0.04 \text{ N}$$



گزینه درست: ۳

سوال ۲۵۷

گزینه «۳»

طبق رابطه شدت صوت داریم:

$$I = \frac{P_{av}}{A} \xrightarrow{P = \frac{E}{t}} I = \frac{E}{A \cdot t} \xrightarrow{\frac{E \propto A^2 f^2}{A \propto r^2}} I \propto \frac{A^2 f^2}{r^2}$$

$$\begin{cases} A_a = 6A_b \\ f_b = 6f_a \end{cases} \quad \frac{I_a}{I_b} = \left( \frac{f_a}{f_b} \times \frac{A_a}{A_b} \times \frac{r_b}{r_a} \right)^2$$

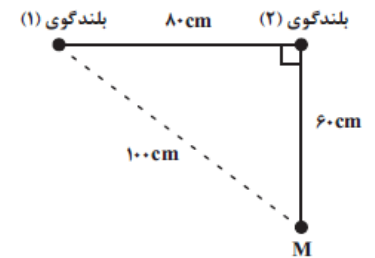
$$\frac{1}{9} = \left( \frac{1}{6} \times \frac{6}{1} \times \frac{r_b}{r_a} \right)^2 \Rightarrow \frac{r_b}{r_a} = \frac{1}{6} \Rightarrow r_b = \frac{r_a}{6} = \frac{60}{6} = 10m$$

گزینه درست: ۱

سوال ۲۵۸

گزینه «۱»

ابتدا باید بسامد امواج و سپس طول موج آن‌ها را به دست آوریم:



$$\omega = 2\pi f \Rightarrow 80\pi = 2\pi f \Rightarrow f = 40Hz$$

$$\Rightarrow \lambda = \frac{v}{f} = \frac{6/4}{40} = 0.16m \Rightarrow \lambda = 16cm$$

اکنون اختلاف فاصله دو بلندگو را از نقطه M بر حسب طول موج به دست می‌آوریم:

$$\Delta L = 100 - 60 = 40cm$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta L}{\lambda} = \frac{40}{16} \Rightarrow \Delta L = 2.5\lambda$$

گزینه درست: ۲

سوال ۲۵۹

گزینه «۲»

با توجه به نمودار، انرژی پتانسیل نوسانگر در مکان  $x_1$  برابر با انرژی جنبشی آن در مکان  $x_2$  است. بنابراین:

$$U_1 = K_2 \xrightarrow{U_1 = E - K_1} E - K_1 = K_2$$

$$\Rightarrow E = K_1 + K_2 \Rightarrow \frac{1}{2}mv_{\max}^2 = \frac{1}{2}m(v_1^2 + v_2^2)$$

$$\Rightarrow v_{\max} = \sqrt{(\sqrt{2})^2 + (1)^2} \Rightarrow v_{\max} = \sqrt{3} \frac{m}{s}$$

مدت زمانی که طول می‌کشد تا نقطه  $M$  از ریسمان به نقطه  $N$  برسد، برابر با  $\frac{T}{۴}$  است.

$$\frac{T}{۴} = ۰/۰۱ \Rightarrow T = ۰/۰۴ \text{ s}$$

از طرفی طول موج برابر است با:  $\frac{۵\lambda}{۴} = ۴۰ \Rightarrow \lambda = ۳۲ \text{ cm} = ۰/۳۲ \text{ m}$

بنابراین تندی انتشار موج در ریسمان برابر است با:

$$v = \frac{\lambda}{T} = \frac{۰/۳۲}{۰/۰۴} = ۸ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

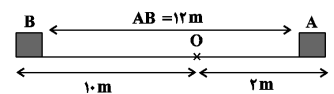
از طرفی تندی انتشار موج در ریسمان از رابطه  $v = \sqrt{\frac{F.L}{m}}$  به دست می‌آید. بنابراین داریم:

$$v = \sqrt{\frac{F.L}{m}} \xrightarrow{L=1 \text{ cm}=10^{-2} \text{ m}} \lambda = \sqrt{\frac{۶۴ \times 10^{-2}}{m}} \\ \Rightarrow m = 10^{-2} \text{ kg} = 10 \text{ g}$$

چون دامنه و بسامد برای هر دو فرستنده برابر است، در نتیجه:

$$\beta = 10 \log\left(\frac{I}{I_0}\right) \Rightarrow \beta_A - \beta_B = 10 \log\left(\frac{I_A}{I_B}\right) \\ \xrightarrow{I \propto \frac{1}{d^2}} \beta_A - \beta_B = 20 \log\left(\frac{d_B}{d_A}\right) \\ \xrightarrow{\beta_A - \beta_B = 14 \text{ dB}} 14 = 20 \log\left(\frac{d_B}{d_A}\right) \Rightarrow 0/7 = \log\left(\frac{d_B}{d_A}\right) \\ \Rightarrow \log 5 = \log\left(\frac{d_B}{d_A}\right) \Rightarrow \frac{d_B}{d_A} = 5 \xrightarrow{d_A = 2 \text{ m}} d_B = 10 \text{ m}$$

بنابراین فاصله  $A$  تا  $B$  برابر با  $۱۲ \text{ m}$  است.



امواج اولیه از نوع امواج طولی هستند و تندی آن‌ها نسبت به امواج ثانویه که از نوع امواج عرضی هستند، بیشتر است. فاصله محل وقوع زمین‌لرزه تا لرزه‌نگار برابر است با:

$$\Delta t = \frac{\Delta x}{v_s} - \frac{\Delta x}{v_p} \Rightarrow \Delta x = \frac{v_s v_p}{v_p - v_s} \Delta t$$

با استفاده از رابطه چگالی داریم:

$$\rho = \frac{M}{V} = \frac{M}{\frac{4}{3}\pi R^3} \Rightarrow \frac{\rho'}{\rho_c} = \frac{M'}{M_c} \times \left(\frac{R_c}{R'}\right)^3$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{2}} = \sqrt{2} \times \left(\frac{R_c}{R'}\right)^3 \Rightarrow \frac{R_c}{R'} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

حال با استفاده از رابطه شتاب گرانشی، داریم:

$$g = G \frac{M}{R^2} \Rightarrow \frac{g'}{g_c} = \frac{M'}{M_c} \times \left(\frac{R_c}{R'}\right)^2 \Rightarrow \frac{g'}{g} = \sqrt{2} \times \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{g'}{g} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

در نهایت با استفاده از رابطه دوره تناوب یک آونگ ساده، داریم:

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \frac{T'}{T} = \sqrt{\frac{g}{g'}} \Rightarrow \frac{T'}{T} = \sqrt{\sqrt{2}} \Rightarrow \frac{T'}{T} = \sqrt[4]{2}$$

دوره تناوب آونگ ساعت در سطح کره موردنظر، دو برابر دوره تناوب آن در سطح زمین است، بنابراین در هر یک ساعت روی سطح زمین، این ساعت به اندازه ۵٪ ساعت عقب می‌افتد. در نتیجه در هر ۱۲ ساعت روی سطح زمین، این ساعت به اندازه ۶ ساعت عقب خواهد ماند.

چون سیم را از ابزاری می‌گذرانیم جرمش تغییر نمی‌کند.

$$\Rightarrow m_1 = m_2 \Rightarrow V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 L_1 = A_2 L_2$$

$$\Rightarrow \frac{A_2}{A_1} = \frac{L_1}{L_2} \Rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \sqrt{2}$$

حال می‌توان نسبت تندی انتشار موج در سیم جدید به تندی انتشار موج در سیم اول را پیدا کرد:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{FL}{m}} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} = \sqrt[4]{2}$$

$$v = \frac{L}{t} \Rightarrow t = \frac{L}{v} \Rightarrow \frac{t_2}{t_1} = \frac{L_2}{L_1} \times \frac{v_1}{v_2} = \sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt[4]{2}} = \sqrt[4]{2}$$

$$\Rightarrow t_2 = \sqrt[4]{2} t_1$$

گزینه «۲»

با توجه به شکل داریم:

$$A = ۲ \text{ cm}$$

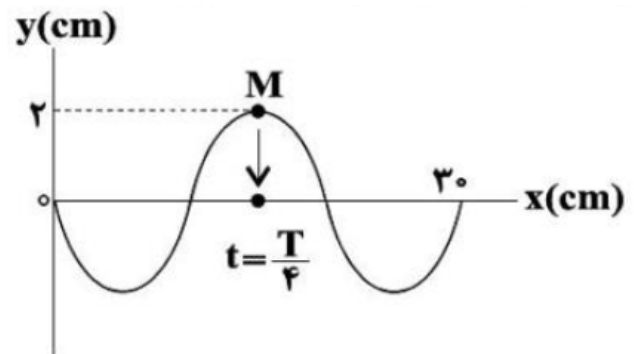
$$۳ \frac{\lambda}{۴} = ۳۰ \text{ cm} \Rightarrow \lambda = ۲۰ \text{ cm}$$

دوره تناوب برابر است با:

$$T = \frac{\lambda}{v} = \frac{۲۰}{۳۰} = ۰/۵ \text{ s}$$

برای لحظه  $t_1$  داریم:

$$\frac{t_1}{T} = \frac{۰/۱۲۵}{۰/۵} = \frac{1}{۴} \Rightarrow t_1 = \frac{T}{۴}$$

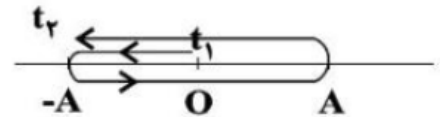
با توجه به این که ذره  $M$  در نقطه بازگشت قرار دارد و جهت حرکت آن به سمت پایین است پس در لحظه  $t_1$  به مرکز نوسان خود می‌رسد.

از طرفی داریم:

$$\frac{\Delta t}{T} = \frac{t_2 - t_1}{T} = \frac{۰/۶۲۵}{۰/۵} = \frac{۵}{۴} \Rightarrow \Delta t = T + \frac{T}{۴}$$

مسافتی که نقطه  $M$  در این مدت طی می‌کند برابر است با:

$$\ell = ۵A = ۵ \times ۲ = ۱۰ \text{ cm}$$

و مکان ذره  $M$  در لحظه  $t_2$ ،  $y = -۲ \text{ cm}$  است.

در مرکز نوسان، سرعت نوسانگر بیشینه و در نتیجه انرژی جنبشی آن نیز بیشینه و برابر با انرژی مکانیکی نوسانگر هماهنگ ساده است، پس:

$$K_{\max} = E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 = \frac{1}{2} k A^2$$

$$\Rightarrow \frac{(K_{\max})_2}{(K_{\max})_1} = \frac{k_2}{k_1} \times \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2 \xrightarrow[k_2=k_1, A_2=A_1]{} \frac{(K_{\max})_2}{(K_{\max})_1} = 1$$

برای سرعت نوسانگرها در مرکز نوسان، داریم:

$$v_{\max} = A\omega = A\sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow \frac{(v_{\max})_2}{(v_{\max})_1} = \frac{A_2}{A_1} \times \sqrt{\frac{k_2}{k_1}} \times \sqrt{\frac{m_1}{m_2}}$$

$$\Rightarrow \frac{(v_{\max})_2}{(v_{\max})_1} = 1 \times 1 \times \sqrt{\frac{m_1}{m_2}} \Rightarrow \frac{(v_{\max})_2}{(v_{\max})_1} = \frac{1}{2}$$

نوسان کننده از بُعد بیشینه در بازه زمانی  $\frac{T}{4}$  به مرکز نوسان می‌رسد و طی این مدت جابه‌جایی موج برابر با  $\frac{\lambda}{4}$  است، پس:  $\frac{\lambda}{4} = 10 \Rightarrow \lambda = 40 \text{ cm}$

از طرفی فاصله  $OM'$  برابر با  $2/5\lambda$  است و طی این مدت نوسان کننده  $2/5$  نوسان کامل را در مدت  $2/5T$  انجام می‌دهد. با توجه به این که در هر دوره نوسان کننده مسافت  $4A$  را می‌پیماید، بنابراین مسافت پیموده شده توسط نوسان کننده برابر با  $10A$  می‌شود. در نتیجه:

$$\frac{2/5\lambda}{10A} = \frac{2/5 \times 40}{10 \times 4} = 2/5$$

گزینه «۱»

$$\omega = 2\pi f = 2\pi \times 6/5 = 12\pi \text{ rad/s}$$

ابتدا نوسانگر با سرعت مثبت از مکان مثبت گذشته است، پس داریم:

$$x = A \cos \omega t \Rightarrow 1 = 2 \cos \omega t_1 \Rightarrow \omega t_1 = \frac{5\pi}{3}$$

پس نوسانگر برای اولین بار پس از  $t_1$  از مکان  $-\sqrt{2} \text{ cm}$  می‌گذرد. پس داریم:

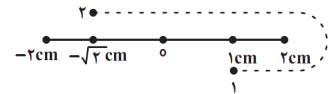
$$x = A \cos \omega t \Rightarrow -\sqrt{2} = 2 \cos \omega t_2 \Rightarrow \omega t_2 = 2\pi + \frac{3\pi}{4} = \frac{11\pi}{4}$$

بنابراین:

$$\omega t_2 - \omega t_1 = \frac{11\pi}{4} - \frac{5\pi}{3}$$

$$\Rightarrow \omega \times \Delta t = \frac{13\pi}{12} \Rightarrow 12\pi \times \Delta t = \frac{13\pi}{12} \Rightarrow \Delta t = \frac{1}{12} \text{ s}$$

برای محاسبه مسافت باید مسیر حرکت را مطابق شکل زیر ترسیم کنیم:



$$\ell = 1 + 2 + \sqrt{2} = 3 + \sqrt{2} \text{ cm}$$

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{3 + \sqrt{2}}{1/12} = 12(3 + \sqrt{2}) \text{ cm/s}$$

گزینه «۴»

طبق رابطه دوره نوسان‌های آونگ ساده داریم:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow T^2 = \frac{4\pi^2}{g} L$$

از روی نمودار شیب را به دست آورده و برابر  $\frac{4\pi^2}{g}$  قرار می‌دهیم.

$$\frac{4\pi^2}{g} = \frac{\lambda}{\frac{m}{s^2}} \Rightarrow g = \frac{\pi^2 m}{\lambda s^2}$$

می‌دانیم:

$$g = \frac{GM_e}{r^2} \Rightarrow \frac{g}{g_e} = \left(\frac{R_e}{h + R_e}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{R_e}{h + R_e} \Rightarrow h = R_e$$

با توجه به شکل، ابتدا طول موج و به دنبال آن دوره تناوب موج را می‌یابیم.

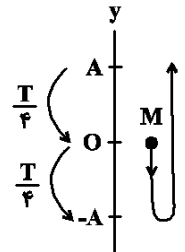
$$\frac{v\lambda}{f} = 140 \Rightarrow \lambda = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

$$T = \frac{\lambda}{v} \xrightarrow{v=20 \frac{\text{m}}{\text{s}}} T = \frac{0.1}{20} = 0.005 \text{ s}$$

اکنون تعیین می‌کنیم لحظه  $t = \frac{3}{100} \text{ s}$  چه کسری از دوره تناوب ( $T$ ) است:

$$\frac{t}{T} = \frac{0.03}{0.05} = \frac{3}{5} \Rightarrow t = \frac{3}{5}T$$

با توجه به این‌که هر ذره از محیط، حرکت ذره قبل از خود را تکرار می‌کند و در لحظه  $t = 0$  ذره  $M$  در نقطه  $O$  قرار دارد با توجه به جهت انتشار موج، ذره  $M$  به سمت نقطه  $-A$  می‌رود. بنابراین در  $t = \frac{3}{5}T$ ، ذره  $M$  به نقطه  $+A$  می‌رسد. چون جهت شتاب همیشه به سمت نقطه تعادل (نقطه  $O$ ) است، لذا، در این لحظه جهت شتاب به سمت پایین خواهد بود. از طرف دیگر، چون ذره  $M$  در نقطه بازگشتی است، بزرگی شتاب آن بیشینه و از رابطه زیر به دست می‌آید:



$$|a_{\max}| = \omega^2 A \xrightarrow{A=5 \text{ cm} = 5 \times 10^{-2} \text{ m}} \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi \text{ rad}}{0.05 \text{ s}}}$$

$$|a_{\max}| = \frac{4\pi^2}{16 \times 10^{-4}} \times 5 \times 10^{-2} \xrightarrow{\pi^2=10}$$

$$|a_{\max}| = \frac{4 \times 10 \times 5 \times 10^{-2}}{16 \times 10^{-4}} = 1250 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$