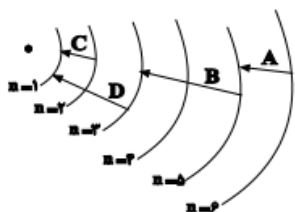


۵۷) شکل زیر مدارهای الکترون در الگوی بور برای اتم هیدروژن را نشان می‌دهد. در کدام گسیل بسامد فوتون تابش شده بیش‌تر است؟



- A (۱)
- B (۲)
- C (۳)
- D (۴)

۵۸) در طیف امواج الکترومغناطیسی، کوتاه‌ترین طول موج بیشترین بسامد، مربوط به است.

(۱) برخلاف، اشعه گاما (۲) برخلاف، امواج رادیویی (۳) همانند، اشعه گاما (۴) همانند، امواج رادیویی

۵۹) در اتم هیدروژن هنگامی که از مدارهای پایین‌تر به مدارهای بالاتر می‌رویم، انرژی ترازهای آن ... شعاع مدارهای آن ... می‌یابد و فاصله بین ترازهای انرژی ... فاصله بین مدارها ... می‌یابد.

(۱) همانند - افزایش - همانند - افزایش (۲) همانند - افزایش - برخلاف - کاهش
(۳) همانند - کاهش - همانند - کاهش (۴) برخلاف - کاهش - همانند - افزایش

۶۰) اختلاف کوتاه‌ترین طول موج رشته لیمان و کوتاه‌ترین طول موج مرئی در طیف اتم هیدروژن چند نانومتر است؟
($R = 0.01(nm)^{-1}$)

- (۱) ۳۱۶/۶
- (۲) ۳۵۰
- (۳) ۵۸۶/۶
- (۴) ۶۲۰

۶۱) کدامیک از موارد زیر نادرست است؟

- (آ) تشکیل طیف پیوسته توسط جسم جامد، ناشی از برهم‌کنش ضعیف بین اتم‌های سازنده آن است.
- (ب) گازهای پرفشار و غلیظ، طیفی گسسته را گسیل می‌کنند که شامل طول موج‌های معینی است.
- (پ) برای تشکیل طیف گسیلی خطی اتم‌های یک گاز، باید از یک منبع تغذیه با ولتاژ بالا استفاده کرد.
- (۱) فقط آ (۲) فقط ب (۳) موارد آ و ب (۴) فقط پ

۶۲) کدامیک از موارد زیر جزو ویژگی‌های مدل اتمی رادرفورد است؟

(۱) کشف وجود الکترون در اتم (۲) توجیه طیف خطی گسیل شده توسط اتم
(۳) وجود هسته چگال با بار مثبت در مرکز اتم (۴) توجیه پایداری اتم

۶۳) تئوری تکفام به سطح فلزی می‌تابد، اما پدیده فوتوالکتریک در آن رخ نمی‌دهد. با انجام چند مورد از موارد زیر ممکن است این پدیده (جدا شدن الکترون از فلز) رخ بدهد؟

- الف) افزایش تعداد فوتون‌های فرودی به سطح فلز
- ب) افزایش مدت زمان تابش نور
- ج) افزایش طول موج پرتوهای تابش شده

- (۱) صفر
- (۲) ۱
- (۳) ۲
- (۴) ۳

۶۴ اگر انرژی هر فوتون نور زرد $2eV$ باشد، تعداد فوتون‌هایی که در مدت 32 ثانیه از یک چشمه نور زرد با توان 200 وات گسیل می‌شود، کدام است؟ $(e = 1/6 \times 10^{-19} C)$

- (۱) 10^{21} (۲) 10^{22} (۳) 5×10^{21} (۴) 2×10^{22}

۶۵ در اتم هیدروژن، طول موج فوتون تابشی هنگام گذار الکترون از تراز $n = 2$ به تراز $n = 1$ تقریباً چند نانومتر است؟

$$(hc = 1240 eV \cdot nm, E_R = 13/6 eV)$$

- (۱) $91/1$ (۲) $131/5$ (۳) $70/5$ (۴) $364/7$

۶۶ در یک آزمایش فوتوالکتریک، بسامد نور فرودی به فلز، 5 برابر بسامد قطع فلز است. اگر تابع کار این فلز $3eV$ باشد، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترن‌های خارج شده از فلز چند ژول است؟ $(e = 1/6 \times 10^{-19} C)$

- (۱) 18 (۲) $28/8 \times 10^{-19}$ (۳) 12 (۴) $19/2 \times 10^{-19}$

۶۷ در اتم هیدروژن الکترون از مدار n_U به n_L می‌رود و نوری با بسامد $562/5 THz$ تابش می‌کند. n_U و n_L به ترتیب کدام‌اند؟ $(c = 3 \times 10^8 m/s, R_H = 0/01 (nm)^{-1})$

- (۱) 2 و 1 (۲) 3 و 1 (۳) 4 و 2 (۴) 5 و 3

۶۸ الکترونی در اتم هیدروژن از تراز $n = 3$ به تراز $n' = 2$ می‌رود. کدام گزینه در مورد این فوتون صحیح است؟ $(E_R = 13/6 eV)$

- (۱) انرژی فوتون گسیل شده $1/4 eV$ است. (۲) انرژی فوتون گسیل شده $1/8 eV$ است.
(۳) انرژی فوتون جذب شده $1/4 eV$ است. (۴) انرژی فوتون جذب شده $1/8 eV$ است.

۶۹ توان مصرفی یک چشمه موج الکترومغناطیسی $400W$ ، بازده آن $0/02$ درصد و طول موج گسیلی 660 آنگستروم است. در هر دقیقه چند فوتون از این چشمه موج گسیل می‌شود؟ $(c = 3 \times 10^8 m/s, h = 6/6 \times 10^{-34} J \cdot s)$

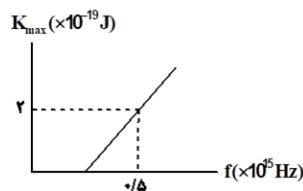
- (۱) $1/6 \times 10^{18}$ (۲) $3/2 \times 10^{18}$ (۳) $4/8 \times 10^{18}$ (۴) $1/6 \times 10^{16}$

۷۰ به مجموعه‌ای از اتم‌های هیدروژن در حالت پایه، نور فرابنفش با طول موج $62 nm$ می‌تابانیم. انرژی جنبشی الکترون‌های گسیل‌شده چند الکترون‌ولت است؟ $(E_R = 13/6 eV, hc = 1240 eV \cdot nm)$

- (۱) $31/6$ (۲) $6/4$ (۳) $1/5$ (۴) $0/85$

۷۱ در یک آزمایش فوتوالکتریک، نمودار بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترن‌ها بر حسب بسامد پرتو نور فرودی مطابق شکل زیر است. طول موج نور تابشی به فلز چند نانومتر باشد تا بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترن‌های گسیل شده

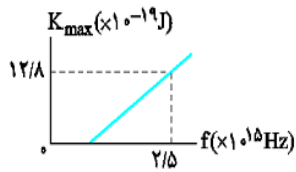
$$(c = 3 \times 10^8 m/s, h = 6 \times 10^{-34} J \cdot s)$$



- (۱) 250 (۲) 150 (۳) 100 (۴) 120

۷۲ در اتم هیدروژن، کوتاه‌ترین طول موج گسیلی در ناحیه فرورسرخ چند نانومتر است؟ $(R = 0/01 (nm)^{-1})$

- (۱) 2500 (۲) $90000/11$ (۳) $14400/7$ (۴) 900



۷۳) لار یک آزمایش فوتوالکتریک، نمودار بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها برحسب بسامد نور فرودی مطابق شکل مقابل است. اگر نوری با بسامد $8 \times 10^{14} \text{ Hz}$ بر سطح فلز بتابد، چند الکترون‌ولت است؟

$$\begin{aligned} e &= 1/6 \\ &\times 10^{-19} \text{ C}, h \\ &= 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s} \end{aligned}$$

- (۱) ۰/۴
(۲) ۱/۲
(۳) ۲
(۴) ۶

۷۴) لار کدامیک از گزینه‌های زیر، یکی از عوامل نارسایی مدل اتمی بور بیان شده است؟

- (۱) عدم توضیح پایداری اتم
(۲) چگونگی حرکت الکترون به دور هسته
(۳) متفاوت بودن شدت خط‌های طیف گسیلی
(۴) عدم توجیه طیف گسیلی و جذب اتم هیدروژن

۷۵) فرق اساسی باریکه لیزری با پرتوهای دیگر در این است که فوتون‌های پرتوهای لیزر، ...

- (۱) هم‌فاز و هم بسامدند.
(۲) دارای طول موج بلندترند.
(۳) دارای طول موج کوتاه‌ترند.
(۴) قدرت نفوذ و تندی بیشتری دارند.

۷۶) لار طیف اتم هیدروژن، بیشینه بسامد خطوط در رشته براکت ($n' = 4$)، چند برابر کمینه بسامد خطوط در رشته لیمان ($n' = 1$) است؟

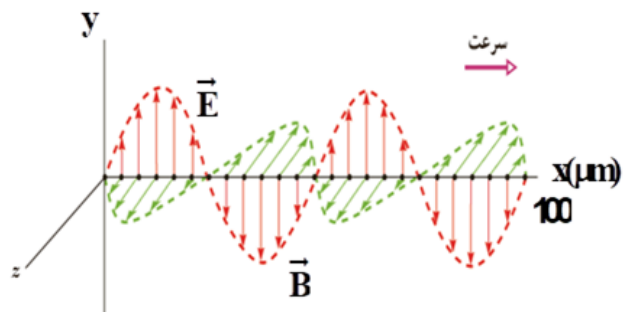
- (۱) $\frac{1}{13}$
(۲) ۱۲
(۳) $\frac{F_{\infty}}{9}$
(۴) $\frac{9}{F_{\infty}}$

۷۷) لار تک‌رنگی با طول موج $0.2 \mu\text{m}$ بر سطح فلزی می‌تابد. اگر طول موج آستانه قطع فلز $0.3 \mu\text{m}$ باشد، بیشینه تندی فوتوالکترون‌های خارج شده از سطح فلز چند متر بر ثانیه است؟

$$\begin{aligned} (c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, e = 1/6 \\ \times 10^{-19} \text{ C}, m_e \\ = 10^{-30} \text{ kg}, h = 4 \\ \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}) \end{aligned}$$

- (۱) 2×10^5
(۲) 8×10^{10}
(۳) 8×10^5
(۴) 2×10^{10}

۷۸) شکل زیر تصویری از یک موج الکترومغناطیسی را نشان می‌دهد که در خلأ در حال انتشار است. انرژی هر فوتون آن چند الکترون‌ولت است؟ ($h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$)



- (۱) $2/4 \times 10^{-2}$
(۲) $4/8 \times 10^{-2}$
(۳) $2/4 \times 10^{-4}$
(۴) $4/8 \times 10^{-4}$

۷۹) انرژی فوتونی با طول موج λ_1 برابر $2eV$ و انرژی فوتونی با طول موج λ_2 برابر $3eV$ است. بسامد فوتونی با طول موج $(2\lambda_1 + 3\lambda_2)$ چند هرتز است؟ $(e = 1/6 \times 10^{-19} C, h = 6/4 \times 10^{-34} J.s)$

- (۱) $12/5 \times 10^{13}$ (۲) 25×10^{13} (۳) 4×10^{19} (۴) 5×10^{20}

۸۰) مدار آزمایش فوتوالکتریک، نوری با طول موج $248nm$ را بر سطح فلزی با تابع کار $4/55eV$ می تابانیم. بیشینه تندی فوتوالکترن های گسیلی از فلز چند متر بر ثانیه است؟ $(e = 1/6 \times 10^{-19} C, m_e = 9 \times 10^{-31} kg, hc = 1240eV.nm)$

- (۱) 4×10^5 (۲) 2×10^5 (۳) 4×10^6 (۴) 2×10^6

۸۱) در اتم هیدروژن اگر الکترونی از تراز دارای انرژی $0/544eV$ به تراز پایه جهش کند، به ترتیب از راست به چپ طول موج فوتون گسیلی تقریباً چند nm است و شعاع مدار الکترون چند برابر می شود؟ $(hc = 1240eV.nm)$ $(E_R = 13/6eV)$

- (۱) $1/8$ (۲) $1/9$ (۳) $1/125$ (۴) $1/72$

۸۲) در اتم هیدروژن، انرژی الکترونی که در مداری به شعاع r قرار دارد برابر با $3/4eV$ است. انرژی این الکترون در مداری به شعاع $4r$ چند الکترون ولت بیشتر از انرژی الکترون در مدار به شعاع r است؟ $(E_R = 13/6eV)$

- (۱) $6/8$ (۲) $0/85$ (۳) $13/6$ (۴) $2/55$

۸۳) کدام گزینه در مورد طیف های گسیلی و جذبی اتم های گاز صحیح نیست؟

- (۱) طیف گسیلی همانند طیف جذبی به صورت گسسته است.
 (۲) برای تشکیل طیف گسیلی همانند تشکیل طیف جذبی از گاز کم فشار استفاده می شود.
 (۳) محل گاز در آزمایش تشکیل طیف گسیلی برخلاف آزمایش تشکیل طیف جذبی، بین منشور و شکاف قرار ندارد.
 (۴) خطوط طیف جذبی برخلاف خطوط طیف گسیلی نشان دهنده نوع خاصی از اتم نمی باشند.

۸۴) در اتم هیدروژن، یک الکترون از تراز انرژی $0/85eV$ به تراز انرژی $0/544eV$ می رود. شعاع چرخش الکترون در حالت جدید نسبت به حالت اول چند برابر می شود؟ $(E_R = 13/6eV)$

- (۱) $16/25$ (۲) $16/9$ (۳) $9/16$ (۴) $25/16$

۸۵) چند مورد از عبارت های زیر در رابطه با اثر فوتوالکتریک صحیح است؟

- (الف) اگر به کلاهدک الکتروسکوپی با بار منفی پرتو فرابنفش تابیده شود، فاصله ورقه های آن افزایش می یابد.
 (ب) اگر در یک بسامد معین شدت نور فرودی به فلزی را افزایش دهیم، انرژی جنبشی الکترون های جدا شده از آن بیشتر می شود.
 (ج) انرژی مجموعه ای از فوتون ها می تواند هر مقدار دلخواهی را داشته باشد.
 (د) افزایش شدت نور فرودی به یک فلز در بسامدهای کم تر از بسامد آستانه ممکن است باعث اثر فوتوالکتریک شود.

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) صفر

۸۶) بلندترین طول موج نور مرئی گسیلی از اتم هیدروژن چند برابر کوتاه ترین طول موج مرئی گسیلی از آن می باشد؟ $(R = 0/01nm^{-1})$

- (۱) $9/4$ (۲) $9/8$ (۳) $1/8$ (۴) $1/4$

۱۷) بلندترین طول موج رشته لیمان ($n'=1$) چند برابر کوتاهترین طول موج رشته بالمر ($n'=2$) است؟

- ۴ (۱) ۳ (۲) $\frac{1}{3}$ (۳) $\frac{3}{4}$ (۴)

۱۸) تابع کار فلزی $6 \times 10^{-6} \text{ J}$ است. اگر نور تک‌فامی با طول موج 620 nm به سطح آن بتابد، کدام گزینه صحیح است؟
 ($hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}$ و $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$)

- ۱) اثر فوتوالکتریک رخ می‌دهد. ۲) اگر طول موج نور دو برابر شود، اثر فوتوالکتریک رخ می‌دهد.
 ۳) اگر طول موج نور نصف شود، اثر فوتوالکتریک رخ می‌دهد. ۴) اگر شدت نور ۲ برابر شود اثر فوتوالکتریک رخ می‌دهد.

۱۹) براساس مدل اتمی بور، چه تعداد از عبارتهای زیر صحیح است؟

- الف) $\Delta E(5 \rightarrow 2)$
 $= \Delta E(5 \rightarrow 3)$
 $- \Delta E(3 \rightarrow 2)$
 ب) $\Delta E(4 \rightarrow 2)$
 $= \Delta E(4 \rightarrow 1)$
 $+ \Delta E(2 \rightarrow 1)$
 پ) $\Delta E(5 \rightarrow 3)$
 $= \Delta E(5 \rightarrow 1)$
 $- \Delta E(3 \rightarrow 1)$
 ت) $\Delta E(6 \rightarrow 3)$
 $= \Delta E(6 \rightarrow 4)$
 $+ \Delta E(4 \rightarrow 3)$

- ۴ (۱) ۳ (۲) ۲ (۳) ۱ (۴)

۳۹) در اتم هیدروژن الکترونی از تراز $2n$ به تراز $n'=n$ گذار کرده و فوتونی با طول موج 512 nm گسیل می‌کند. در این گذار انرژی الکترون چند الکترون‌ولت تغییر می‌کند؟ ($R = \frac{1}{4\epsilon^2} (\text{nm})^{-1}$ و $E_R = 13.6 \text{ eV}$)

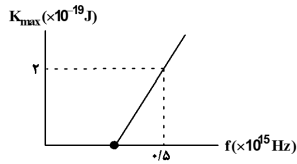
- ۲/۵۵ (۱) ۴/۲۵ (۲) ۶/۷۵ (۳) ۱۰/۲ (۴)

۳۹) در پدیده فوتوالکتریک، نور آبی را بر سطح فلزی می‌تابانیم و اثر فوتوالکتریک رخ می‌دهد. چند مورد از گزاره‌های زیر، سبب کاهش انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های خارج شده از سطح فلز شوند؟ (فرض کنید پدیده فوتوالکتریک در تمام گزاره‌ها رخ می‌دهد.)

- الف) از نور سبز به جای نور آبی استفاده کنیم.
 ب) از سه لامپ آبی استفاده کنیم.
 ج) از نوری با بسامد کمتر استفاده کنیم.
 د) از نور بنفش به جای نور آبی استفاده کنیم.
 هـ) سطح الکتروود فلزی را کاهش دهیم.

- ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۹۲) نمودار بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها بر حسب بسامد پرتوی نور فرودی بر سطح فلز در یک آزمایش فوتوالکترونیک مطابق شکل زیر است. طول موج نور تابشی به فلز چند نانومتر باشد تا انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های گسیل شده برابر با $11 \times 10^{-19} J$ شود؟ $h = 6.6 \times 10^{-34} J.s$ ، $c = 3 \times 10^8 m/s$



- (۱) ۲۵۰
(۲) ۱۵۰
(۳) ۱۰۰
(۴) ۱۲۰

۹۳) نور تک‌رنگی با طول موج $2 \mu m$ بر سطح فلزی می‌تابد. اگر طول موج آستانه فلز $3 \mu m$ باشد، بیشینه تندی فوتوالکترون‌های خارج شده از فلز چند متر بر ثانیه است؟ $(e = 1/6 \times 10^{-19} C$ ، $m_e = 10^{-30} kg$ ، $h = 4 \times 10^{-15} eV.s$ و $c = 3 \times 10^8 m/s$)

- (۱) 2×10^5 (۲) 2×10^{10} (۳) 8×10^5 (۴) 8×10^{10}

۹۴) الکترونی در اتم هیدروژن در تراز $n = 6$ قرار دارد. با در نظر گرفتن تمام گذارهای ممکن، اگر این الکترون به حالت پایه برود، به ترتیب از راست به چپ، امکان گسیل چند فوتون با انرژی‌های متفاوت وجود دارد و کوتاه‌ترین طول موج فوتون تابشی بین آن‌ها چند نانومتر است؟ $(R = 0.1(nm)^{-1})$

- (۱) $\frac{720}{5}$ (۲) ۱۰۰ (۳) $\frac{720}{5}$ (۴) ۱۰۰

۹۵) در اتم هیدروژن، الکترونی از تراز $n = 6$ با انرژی $-0.544 eV$ به تراز پایه گذاری انجام می‌دهد. به ترتیب از راست به چپ، طول موج فوتون گسیلی تقریباً چند نانومتر و شعاع مدار الکترون چند برابر می‌شود؟ $(E_R = 13/6 eV, hc = 1200 eV.nm)$

- (۱) $125, \frac{1}{5}$ (۲) $92, \frac{1}{5}$ (۳) $125, \frac{1}{8}$ (۴) $92, \frac{1}{8}$

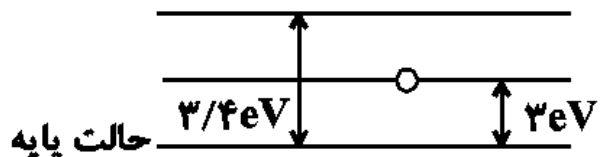
۹۶) الکترون اتم هیدروژن که در تراز $n = 6$ قرار دارد با گسیل یک فوتون مرئی به تراز پایین‌تر باز می‌گردد. بسامد فوتون گسیل شده تقریباً چند هرتز است؟ $(R = 0.1(nm)^{-1}, c = 3 \times 10^8 m/s)$

- (۱) 15×10^{14} (۲) 7×10^{14} (۳) $3/5 \times 10^{14}$ (۴) $1/5 \times 10^{14}$

۹۷) در اتم هیدروژن، انرژی الکترون در تراز n برابر با الکترونی $-1/18 E_R$ است. اگر الکترون به تراز n' انتقال یابد، فوتونی با بسامد $10^{13} Hz$ گسیل می‌شود. کوتاه‌ترین طول موج گسیلی مربوط به تراز n' چند نانومتر می‌باشد؟ $(E_R = 13/6 eV, R = 0.1(nm)^{-1}, c = 3 \times 10^8 m/s)$

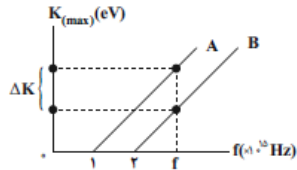
- (۱) ۵۰۰ (۲) ۲۰۰۰ (۳) ۱۶۰۰ (۴) ۱۰۰۰

۹۸) مطابق شکل زیر، الکترونی در حالت برانگیخته قرار دارد و فوتونی به آن تابیده می‌شود. به ترتیب از راست به چپ انرژی این فوتون چند الکترون‌ولت باشد تا گسیل القایی رخ دهد و چه تعداد فوتون در اثر این گسیل القایی حاصل می‌شود؟



- (۱) ۲ ، ۳ (۲) ۲ ، ۰/۴ (۳) ۱ ، ۳ (۴) ۱ ، ۰/۴

۴۰۴ اگر نمودار تغییرات بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های گسیلی برحسب بسامد نور فرودی مطابق شکل زیر باشد، ΔK چند الکترون ولت است؟ $(h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s})$



- ۱ (۱) ۲ (۲)
۳ (۳) ۴ (۴)

۴۰۵ در اتم هیدروژن، اگر الکترون از سومین حالت برانگیخته به حالت پایه برود، انرژی فوتون گسیلی E و اگر از دومین حالت برانگیخته به اولین حالت برانگیخته برود، انرژی فوتون گسیلی E' است. حاصل $\frac{E}{E'}$ کدام است؟

- ۱ (۱) $\frac{32}{27}$ ۲ (۲) $\frac{27}{32}$ ۳ (۳) $\frac{4}{27}$ ۴ (۴) $\frac{27}{4}$

۴۰۶ در خط‌های طیف گسیلی هیدروژن اتمی، اختلاف بیشترین و کمترین بسامد نور مرئی گسیلی با بسامد کدام خط برابر است؟

- ۱ (۱) خط اول رشته بالمر ($n'=2$)
۲ (۲) خط چهارم رشته بالمر ($n'=2$)
۳ (۳) خط ششم رشته پاشن ($n'=3$)
۴ (۴) خط سوم رشته پاشن ($n'=3$)

۴۰۷ چه تعداد از عبارتهای زیر درست است؟

(الف) در دماهای معمولی، بیشتر تابش گسیل شده از سطح اجسام در ناحیه فرسرخ طیف امواج الکترومغناطیسی قرار دارد.

(ب) طیف گسیلی رشته داغ یک لامپ روشن، یک طیف پیوسته است.

(پ) طیف گسیلی خطی برای گازهای مختلف یکسان است.

(ت) طیف تشکیل شده توسط جسم جامد، ناشی از برهمکنش قوی بین اتم‌های سازنده آن است که به صورت پیوسته می‌باشد.

- ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۴۰۸ الکترون اتم هیدروژنی در حالت پایه قرار دارد. اگر این الکترون $2/04 \times 10^{-18} \text{ J}$ انرژی دریافت کند، به چندمین حالت برانگیخته گذار می‌کند و شعاع مدار آن نسبت به قبل چند برابر خواهد شد؟ $(E_R = 13/6 \text{ eV}, e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C})$

- ۱ (۱) چهارمین - ۱۶
۲ (۲) چهارمین - ۹
۳ (۳) سومین - ۱۶
۴ (۴) سومین - ۹

۴۰۹ بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها در یک آزمایش فوتوالکتریک برابر با $6/2 \text{ eV}$ است. اگر اختلاف طول موج فوتون فرودی و طول موج آستانه برابر با طول موج فوتون فرودی باشد، طول موج فوتون فرودی چند نانومتر است؟ $(hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm})$

- ۱ (۱) ۱۰۰ ۲ (۲) ۲۰۰ ۳ (۳) ۳۰۰ ۴ (۴) ۴۰۰

۴۱۰ در اتم هیدروژن، الکترون با گسیل فوتونی با انرژی $12/75 \text{ eV}$ می‌تواند از حالت برانگیخته پرتویی در رشته لیمان ($n'=1$) گسیل کند که طول موجی در گستره پرتوهای دارد. $(E_R = 13/6 \text{ eV})$

- ۱ (۱) چهارم، فرابنفش ۲ (۲) سوم، فرابنفش ۳ (۳) چهارم، فرسرخ ۴ (۴) سوم، فرسرخ

۴۱۱ الکترون اتم هیدروژنی در تراز $n = 4$ قرار دارد. اگر الکترون این اتم به حالت پایه برود، با فرض تمام گذارهای ممکن، امکان گسیل چند فوتون در محدوده نورمرئی وجود دارد؟ $(E_R = 13/6 \text{ eV}, hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm})$

- ۱ (۱) صفر ۲ (۲) ۱ ۳ (۳) ۲ ۴ (۴) ۳

۴۱۱) توان مصرفی یک چشمه موج الکترومغناطیسی، ۴۰۰ وات و بازده آن ۰/۰۱ درصد می‌باشد. اگر طول موج گسیلی از آن

$$h = 6/6 \times 10^{-34} J.s, c \quad ? \text{ باشد، در هر دقیقه چند فوتون از آن گسیل می‌شود؟} \\ = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}$$

$$\frac{4}{10^{17}} \quad (4)$$

$$\frac{16}{10^{19}} \quad (3)$$

$$\frac{16}{10^{17}} \quad (2)$$

$$\frac{8}{10^{19}} \quad (1)$$

۴۱۲) در اتم هیدروژن، در رشته بالمر ($n'=2$) بلندترین طول موج گسیل شده چند نانومتر از کوتاه‌ترین طول موج گسیل شده مرئی این رشته، بیشتر است؟ ($R = 0.01 nm^{-1}$)

$$270 \quad (4)$$

$$320 \quad (3)$$

$$586/6 \quad (2)$$

$$607/5 \quad (1)$$

۴۱۳) در گسیل‌های مربوط به اتم هیدروژن، اگر انرژی پراثری‌ترین فوتون طیف بالمر ($n'=2$) را با E_1 و انرژی کم‌انرژی‌ترین فوتون طیف لیمان ($n'=1$) را با E_2 نشان دهیم، $E_1 - E_2$ چند الکترون ولت است؟ ($E_R = 13/6 eV$)

$$-6/8 \quad (4)$$

$$6/8 \quad (3)$$

$$-11/7 \quad (2)$$

$$11/7 \quad (1)$$

گزینه درست: ۴

سوال ۳۵۷

گزینه «۴»

در این شکل هرچه شماره تراز مقصد کوچک‌تر باشد، بسامد فوتون گسیل‌شده بزرگ‌تر خواهد بود، در نتیجه بسامد فوتون گسیل‌شده در موارد C و D بزرگ‌تر از بقیه است.

همچنین بین گسیل‌های مختلف با مقصدی یکسان، هرچه فاصله بین ۲ تراز بیشتر باشد، بسامد فوتون گسیل‌شده نیز بیشتر خواهد بود، در نتیجه پاسخ گسیل D است.

گزینه درست: ۳

سوال ۳۵۸

گزینه «۳»

کوتاه‌ترین طول موج و بیشترین بسامد در طیف امواج الکترومغناطیسی مربوط به اشعه گاما است.

گزینه درست: ۲

سوال ۳۵۹

گزینه «۲»

طبق رابطه $E_n = -\frac{E_R}{n^2}$ ، با افزایش شماره ترازهای انرژی، انرژی ترازها افزایش یافته اما فاصله بین ترازهای انرژی کاهش می‌یابد. از طرفی طبق رابطه $r_n = a_0 n^2$ ، با افزایش شماره ترازهای انرژی، شعاع مدارها افزایش یافته و همچنین فاصله بین مدارها نیز بیشتر می‌شود. بنابراین: در اتم هیدروژن هنگامی که از مدارهای پایین‌تر به مدارهای بالاتر می‌رویم، انرژی ترازهای آن همانند شعاع مدارهای آن افزایش می‌یابد اما فاصله بین ترازهای انرژی برخلاف فاصله بین مدارها کاهش می‌یابد.

گزینه درست: ۲

سوال ۳۶۰

گزینه «۲»

می‌دانیم که در سری لیمان ($n'=1$) کوتاه‌ترین طول موج به‌ازای $n = \infty$ به‌دست می‌آید. طبق معادله ریذبرگ داریم:

$$\frac{1}{\lambda_1} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \Rightarrow \frac{1}{\lambda_1} = 0.01(1) \Rightarrow \lambda_1 = 100 nm$$

کوتاه‌ترین طول موج مرئی در سری بالمر ($n'=2$) به‌ازای ($n=6$) به‌دست می‌آید و داریم: $\frac{1}{\lambda_2} = R \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{36} \right) = 0.01 \left(\frac{8}{9} \right) \Rightarrow \lambda_2 = 450 nm$

$$\Rightarrow \lambda_2 - \lambda_1 = 450 - 100 = 350 nm$$

گزینه درست: ۳

سوال ۳۶۱

گزینه «۳»

موارد آ و ب نادرست و مورد پ درست است.

بررسی موارد نادرست:

تشکیل طیف پیوسته توسط جسم جامد، ناشی از برهم‌کنش قوی بین اتم‌های سازنده آن است. گازهای کم‌فشار و رقیق، طیف گسسته را گسیل می‌کنند که شامل طول موج‌های معینی است.

گزینه درست: ۳

سوال ۳۶۲

گزینه «۳»

وجود هسته چگال با بار مثبت در مرکز اتم از ویژگی‌های مدل اتمی رادرفورد است.

گزینه درست: ۱

سوال ۳۶۳

گزینه «۱»

وقتی نوری تکفام به سطح فلزی می‌تابد، هر فوتون صرفاً با یکی از الکترون‌های فلز برهم‌کنش می‌کند، در نتیجه فقط افزایش بسامد و انرژی فوتون‌ها می‌تواند باعث جدا شدن الکترون و اثر فوتوالکتریک شود. همچنین با افزایش طول موج پرتوهای فرودی، بسامد پرتو کاهش می‌یابد و در نتیجه هم‌چنان پدیده فوتوالکتریک رخ نمی‌دهد.

گزینه درست: ۴

سوال ۳۶۴

گزینه «۴»

$$P = \frac{E}{t} \Rightarrow E \text{ کل انرژی} = P \times t = 200 \times 32 = 6400 \text{ J}$$

$$\text{تبدیل انرژی هر فوتون به ژول: } E = 2 \times 1/6 \times 10^{-19} = 3/2 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$\text{تعداد فوتون} = \frac{E \text{ کل}}{E \text{ هر فوتون}} = \frac{6400}{3/2 \times 10^{-19}} = 2 \times 10^{22}$$

گزینه درست: ۲

سوال ۳۶۵

گزینه «۲»

برای محاسبه مقدار انرژی در ترازهای $n = 1$ و $n = 2$ با استفاده از رابطه $E_n = -\frac{E_R}{n^2}$ می‌توان نوشت:

$$E_1 = -\frac{13/6}{1^2} = -13/6 \text{ eV}$$

$$E_2 = -\frac{13/6}{2^2} = -3/4 \text{ eV}$$

حال با استفاده از رابطه $E_U - E_L = \frac{hc}{\lambda}$ ، طول موج فوتون گسیلی را محاسبه می‌کنیم:

$$E_2 - E_1 = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow -3/4 - (-13/6) = \frac{13/6}{\lambda}$$

$$\Rightarrow \lambda = \frac{13/6}{10/2} \approx 11/5 \text{ nm}$$

با استفاده از تعریف تابع کار فلز و بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها داریم:

$$K_{\max} = hf - W_0 \xrightarrow{f=\Delta f_0} K_{\max} = \Delta hf_0 - W_0$$

$$\xrightarrow{W_0=hf_0} K_{\max} = \Delta W_0 - W_0 \Rightarrow K_{\max} = \mathbf{4}W_0$$

$$\xrightarrow{W_0=3eV} K_{\max} = \mathbf{4} \times 3 = 12eV$$

با توجه به این که $1eV = 1/6 \times 10^{-19} J$ است، می‌توان نوشت:

$$K_{\max} = 12 \times 1/6 \times 10^{-19} = 19/2 \times 10^{-19} J$$

در گذار از n_U به n_L ، طول‌موج گسیلی به صورت زیر محاسبه می‌شود (معادله ریذبرگ):

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} \right) \xrightarrow{\lambda = \frac{c}{f}} \frac{f}{c} = R \left(\frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} \right)$$

$$\xrightarrow{f = 562/5 \times 10^{14} \text{ Hz}, c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}} \\ R = 0.01 (nm)^{-1} = 10^7 m^{-1}}$$

$$\frac{562/5 \times 10^{14}}{3 \times 10^8} = 10^7 \left(\frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} = \frac{5625}{30000} = \frac{3}{16} = \frac{1}{4} - \frac{1}{16} \Rightarrow \begin{cases} n_L = 2 \\ n_U = 4 \end{cases}$$

هنگامی‌که الکترون از تراز بالاتر به تراز پایین‌تر رفته باشد، فوتون گسیل می‌شود. انرژی فوتون گسیل شده برابر با اختلاف انرژی دو تراز است. داریم:

$$\Delta E = E_{\text{مبدأ}} - E_{\text{مقصد}} = E_3 - E_2 = \frac{-E_R}{3^2} - \left(\frac{-E_R}{2^2} \right)$$

$$\xrightarrow{\Delta E = hf} \xrightarrow{E_R = 13/6 eV} hf = 13/6 \times \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{9} \right) \Rightarrow hf = \frac{11}{4} eV$$

گزینه «۱»

ابتدا توان خروجی چشمه موج را با استفاده از رابطه بازده می‌یابیم:

$$R = \frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{مصرفی}}} = \frac{R_{\text{بازده}} = \frac{0.02}{100}}{P_{\text{مصرفی}} = 400W} \rightarrow \frac{0.02}{100} = \frac{P_{\text{خروجی}}}{400}$$

$$\Rightarrow P_{\text{خروجی}} = 0.08W$$

اکنون با استفاده از رابطه $E = nhf = nh \frac{c}{\lambda}$ و با توجه به این‌که $E = P_{\text{خروجی}} t$ است. به صورت زیر، تعداد فوتون‌های گسیلی را پیدا می‌کنیم. دقت کنید، هر آنگسترم (\AA) برابر $10^{-10} m$ است.

$$E = nh \frac{c}{\lambda} \xrightarrow{E = P_{\text{خروجی}} \times t} P_{\text{خروجی}} \times t = nh \frac{c}{\lambda}$$

$$\Rightarrow n = \frac{P_{\text{خروجی}} \times t \times \lambda}{hc}$$

$$\lambda = 660 \text{\AA} = 660 \times 10^{-10} m, \quad c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}$$

$$P_{\text{خروجی}} = 0.08W, \quad t = 1 \text{ min} = 60 s, \quad h = 6.6 \times 10^{-34} J \cdot s$$

$$n = \frac{0.08 \times 60 \times 660 \times 10^{-10}}{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8} \Rightarrow n = 1/6 \times 10^{18}$$

گزینه «۲»

انرژی جنبشی الکترون‌های گسیلی به صورت زیر محاسبه می‌شود: (می‌دانیم که بخشی از انرژی فوتون تابش شده، صرف انرژی یونش شده و بقیه انرژی جنبشی الکترون گسیلی خواهد بود.)

$$hf = K + E'_n \Rightarrow \frac{hc}{\lambda} = K + E'_n \Rightarrow \frac{1240}{62} = K + 13/6$$

$$\Rightarrow K = 6/4 eV$$

گزینه «۲»

بنابه معادله فوتوالکتریک، داریم:

$$K_{\text{max}} = hf - W_0$$

ابتدا تابع کار فلز را محاسبه می‌کنیم، داریم:

$$K_{\text{max}} = hf - W_0 \Rightarrow 2 \times 10^{-19} = 6 \times 10^{-34} \times 0.5 \times 10^{15} - W_0$$

$$\Rightarrow W_0 = 10^{-19} J$$

حال می‌توان نوشت:

$$K_{\text{max}} = \frac{hc}{\lambda} - W_0 \Rightarrow 11 \times 10^{-19} = \frac{6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{\lambda} - 10^{-19}$$

$$\Rightarrow \lambda = 1/5 \times 10^{-7} m = 150 nm$$

گزینه درست: ۴

سوال ۳۷۲

گزینه «۴»

سه رشته پاشن ($n=3$)، براکت ($n=4$) و پفوند ($n=5$) در ناحیه فروسرخ قرار دارند. کوتاه‌ترین طول‌موج مربوط به گذار از تراز $n = \infty$ به تراز $n=3$ است.

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda_{\min}} = \frac{1}{100} \times \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{\infty} \right) \Rightarrow \lambda_{\min} = 900 \text{ nm}$$

گزینه درست: ۲

سوال ۳۷۳

گزینه «۲»

در ابتدا با استخراج اطلاعات از روی نمودار و با استفاده از رابطه مربوط به بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های گسیلی، مقدار W_0 را می‌یابیم:
(دقت کنید که چون K_{\max} برحسب ژول بیان شده، آن را برحسب eV محاسبه کرده و در رابطه قرار می‌دهیم)

$$K_{\max} = hf - W_0 \rightarrow \frac{K_{\max} = 12/8 \times 10^{-19} + (1/6 \times 10^{-19}) eV}{f = 2/5 \times 10^{15} \text{ Hz}}$$

$$\frac{12/8 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 4 \times 10^{-19} \times 2/5 \times 10^{15} - W_0 \Rightarrow W_0 = 2 eV$$

حال به ازای بسامد $8 \times 10^{14} \text{ Hz}$ داریم:

$$K_{\max} = hf - W_0 = 4 \times 10^{-19} \times 8 \times 10^{14} - 2$$

$$\Rightarrow K_{\max} = 1/2 eV$$

گزینه درست: ۳

سوال ۳۷۴

گزینه «۳»

مدل اتمی بور، نمی‌تواند متفاوت بودن شدت خط‌های طیف گسیلی را توضیح دهد. نارسایی دیگر مدل بور این است که برای اتم‌هایی که بیش از یک الکترون دارند، به‌کار نمی‌رود.

مدل بور توانست پایداری اتم، چگونگی حرکت الکترون به دور هسته و همچنین طیف گسیلی و جذبی اتم هیدروژن را به خوبی توضیح دهد.

گزینه درست: ۱

سوال ۳۷۵

گزینه «۱»

فوتون‌های پرتوهای لیزری علاوه بر اینکه هم‌گام (هم‌فاز) و هم‌بسامدند، هم‌جهت نیز هستند.

طبق رابطه $f = \frac{c}{\lambda}$ ، برای بیشینه شدن بسامد، باید λ کمینه و برای کمینه شدن بسامد، باید λ بیشینه باشد، بنابراین طبق معادله ریذبرگ داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{n'^2} \right) \xrightarrow{\lambda = \frac{c}{f}} f = Rc \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{n'^2} \right)$$

$$\text{رشته پراکت: } \frac{n'}{n} = \infty \Rightarrow f_{\max} = Rc \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{\infty^2} \right) = \frac{1}{1^2} Rc$$

$$\text{رشته لیمان: } \frac{n'}{n} = 2 \Rightarrow f_{\min} = Rc \left(1 - \frac{1}{2^2} \right) = \frac{3}{4} Rc$$

$$\Rightarrow \frac{f_{\max}}{f_{\min}} = \frac{\frac{1}{1^2} Rc}{\frac{3}{4} Rc} = \frac{4}{3}$$

با استفاده از رابطه اثر فوتوالکتریک، ابتدا انرژی جنبشی بیشینه فوتوالکترن‌ها را محاسبه می‌کنیم، داریم:

$$\begin{aligned} K_{\max} &= hf - W_0 = h \frac{c}{\lambda} - h \frac{c}{\lambda_0} = hc \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda_0} \right) \\ \Rightarrow K_{\max} &= 4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8 \times \left(\frac{1}{2 \times 10^{-7}} - \frac{1}{3 \times 10^{-7}} \right) \\ \Rightarrow K_{\max} &= 12 \times \frac{1}{6} = 2 \text{ eV} \end{aligned}$$

اکنون K_{\max} را برحسب ژول به دست می‌آوریم و در رابطه $K_{\max} = \frac{1}{2} m v_{\max}^2$ جای‌گذاری می‌کنیم:

$$\begin{aligned} K_{\max} &= 2 \text{ eV} = 2 \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ J} = 3.2 \times 10^{-19} \text{ J} \\ K_{\max} &= \frac{1}{2} m v_{\max}^2 \Rightarrow 3.2 \times 10^{-19} = \frac{1}{2} \times 10^{-30} \times v_{\max}^2 \\ \Rightarrow v_{\max}^2 &= 64 \times 10^{10} \Rightarrow v_{\max} = 8 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

طول موج این موج برابر است با:

$$\lambda = \frac{100}{\nu} = 50 \mu\text{m} = 50 \times 10^{-6} \text{ m}$$

بنابراین انرژی هر فوتون آن برابر خواهد شد با:

$$E = h \frac{c}{\lambda} = 4 \times 10^{-15} \times \frac{3 \times 10^8}{50 \times 10^{-6}} = 2.4 \times 10^{-2} \text{ eV}$$

گزینه «۱»

انرژی هر فوتون با توجه به طول موج به کمک رابطه زیر قابل محاسبه است:

$$E = \frac{hc}{\lambda} \begin{cases} \nu = \frac{hc}{\lambda_1} \Rightarrow \lambda_1 = \frac{hc}{\nu} \\ \nu = \frac{hc}{\lambda_2} \Rightarrow \lambda_2 = \frac{hc}{\nu} \\ E = \frac{hc}{\nu\lambda_1 + \nu\lambda_2} = \frac{hc}{\nu(\frac{hc}{\nu} + \nu(\frac{hc}{\nu}))} = \frac{1}{\nu} eV \end{cases}$$

$$E = \frac{1}{\nu} \times 1/6 \times 10^{-19} = 8 \times 10^{-20} J$$

$$E = hf \Rightarrow 8 \times 10^{-20} = 6.6 \times 10^{-34} f$$

$$f = \frac{8 \times 10^{-20}}{6.6 \times 10^{-34}} = \frac{1}{8.25} \times 10^{14} = 0.12 \times 10^{15} = 1.2/5 \times 10^{13} Hz$$

گزینه «۱»

ابتدا با توجه به مقادیر داده شده، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های گسیل شده را به دست می‌آوریم:

$$K_{\max} = \frac{hc}{\lambda} - W_0 = \frac{1240}{248} - 4/55 = 0.45 eV$$

حال می‌توانیم این انرژی را به ژول تبدیل کنیم:

$$K_{\max} = 0.45 eV \times \frac{1.6 \times 10^{-19}}{1 eV} = 0.72 \times 10^{-19} J$$

حال برای محاسبه تندی بیشینه داریم:

$$K = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow v_{\max} = \sqrt{\frac{2K_{\max}}{m}}$$

$$\Rightarrow v_{\max} = \sqrt{\frac{2 \times 0.72 \times 10^{-19}}{9 \times 10^{-31}}} = \sqrt{\frac{2 \times 72 \times 10^{-21}}{9 \times 10^{-31}}}$$

$$\Rightarrow v_{\max} = \sqrt{16 \times 10^{10}} = 4 \times 10^5 \frac{m}{s}$$

طبق رابطه گسیل فوتون از اتم داریم:

$$E_U - E_L = hf = \frac{hc}{\lambda} \xrightarrow{E_L = -13/6 eV} -0.544 - (-13/6) = \frac{1200}{\lambda}$$

$$\Rightarrow \lambda \simeq 92 nm$$

از طرفی رابطه ترازهای انرژی الکترون در اتم هیدروژن برابر است با:

$$E_n = -\frac{E_R}{n^2} \Rightarrow -0.544 = \frac{-13/6}{n^2} \Rightarrow n^2 = 25$$

شعاع مدارهای الکترون برای اتم هیدروژن برابر است با:

$$r_n = a_0 n^2$$

$$\Rightarrow \frac{r_1}{r_5} = \frac{a_0}{25a_0} = \frac{1}{25}$$

می‌دانیم شعاع مدارهای اتم هیدروژن از رابطه $r_n = a_0 n^2$ و انرژی الکترون در هر مدار از رابطه $E_n = -\frac{E_1}{n^2}$ به دست می‌آید. داریم:

$$E_n = -\frac{E_1}{n^2} \Rightarrow -3/4 = -\frac{13/6}{n^2} \Rightarrow n^2 = 4 \Rightarrow n = 2$$

$$r_n = a_0 n^2 \Rightarrow r = a_0 \times 2^2 \Rightarrow r = 4a_0$$

$$r' = 4r = 4 \times 4a_0 = 16a_0 \xrightarrow{r_n = a_0 n^2} n' = 4$$

$$E_4 = -\frac{E_1}{4^2} = -\frac{13/6}{16} = -0.18 eV$$

بنابراین می‌توان نوشت:

$$\Delta E = -0.18 - (-3/4) = 2/55 eV$$

هم خطوط طیف جذبی و هم خطوط طیف گسیلی نشان‌دهنده نوع خاصی از اتم می‌باشند.

انرژی الکترون در هر تراز انرژی از رابطه $E_n = -\frac{E_R}{n^2}$ به دست می‌آید. ابتدا شماره تراز که الکترون ابتدا در آن قرار داشته و شماره تراز که الکترون به آن نقل مکان می‌کند را به دست می‌آوریم:

$$E_n = -\frac{E_R}{n^2} \Rightarrow \begin{cases} -0.85 = \frac{-13.6}{n^2} \Rightarrow n = 4 \\ -0.544 = \frac{-13.6}{n^2} \Rightarrow n' = 5 \end{cases}$$

پس الکترون از مدار $n = 4$ به $n' = 5$ رفته است. بنابراین نسبت شعاع چرخش آن برابر است با:

$$r_n = a_0 n^2 \Rightarrow \frac{r_5}{r_4} = \left(\frac{n'}{n}\right)^2 = \left(\frac{5}{4}\right)^2 = \frac{25}{16}$$

بررسی نادرستی عبارت‌ها:

الف) فاصله ورقه‌ها کاهش می‌یابد.

ب) انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها تغییری نمی‌کند.

ج) انرژی مجموعه‌ای از فوتون‌ها ضریب صحیحی از hf خواهد بود و هر مقداری نمی‌تواند داشته باشد.

د) به هیچ وجه در بسامدهای کمتر از بسامد آستانه، اثر فوتوالکتریک رخ نمی‌دهد.

می‌دانیم طول موج مرئی طیف اتم هیدروژن مربوط به رشته بالمر ($n' = 2$) می‌باشد و فقط چهارخط اول این رشته به ازای ($n = 3, 4, 5, 6$) مرئی هستند.

از طرفی بلندترین طول موج هر رشته، از گذار از نزدیکترین تراز ($n = n' + 1$) و کوتاه‌ترین طول موج هر رشته، از گذار از دورترین تراز هر رشته ($n = \infty$) به دست می‌آید که در این مورد خاص که مربوط به نور مرئی است ($n = 6$) خواهد بود.

$$\xrightarrow[n=3]{n' = 2} \frac{1}{\lambda_{\max}} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) = \frac{1}{100} \times \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{9} \right)$$

$$\Rightarrow \lambda_{\max} = 92 \cdot nm$$

$$\xrightarrow[n=6]{n' = 2} \frac{1}{\lambda_{\min}} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) = \frac{1}{100} \times \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{36} \right)$$

$$\Rightarrow \lambda_{\min} = 45 \cdot nm$$

بنابراین:

$$\frac{\lambda_{\max}}{\lambda_{\min}} = \frac{92}{45} = \frac{8}{5}$$

بلندترین طول موج گسیلی هر رشته در گذار الکترون از تراز $n = n' + 1$ به تراز n' و کوتاهترین طول موج در گذار الکترون از تراز $n = \infty$ به تراز n' به دست خواهد آمد. بنابراین، برای بلندترین طول موج گسیلی رشته لیمان، $n = 2$ و $n' = 1$ و برای کوتاهترین طول موج گسیلی رشته بالمر، $n = \infty$ و $n' = 2$ است. در این حالت می توان نوشت:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \xrightarrow[n=2]{n'=\infty} \frac{1}{\lambda_{\max}} = R \times \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{4} \right)$$

$$= R \times \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{1}{\lambda_{\max}} = \frac{3R}{4} \Rightarrow \lambda_{\max} = \frac{4}{3R}$$

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \xrightarrow[n'=2]{n=\infty} \frac{1}{\lambda_{\min}} = R \times \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{\infty} \right) = R \times \left(\frac{1}{4} - 0 \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda_{\min}} = \frac{R}{4} \Rightarrow \lambda_{\min} = \frac{4}{R}$$

$$\frac{\text{لیمان } \lambda_{\max}}{\text{بالمر } \lambda_{\min}} = \frac{\frac{4}{3R}}{\frac{4}{R}} \Rightarrow \frac{\text{لیمان } \lambda_{\max}}{\text{بالمر } \lambda_{\min}} = \frac{1}{3} \quad \text{در آخر داریم:}$$

تابع کار فلز $6 \times 10^{-19} \text{ J}$ است. یعنی:

$$W_0 = \frac{6 \times 10^{-19} \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 3/75 \text{ eV}$$

و انرژی هر فوتون نور تابیده شده برابر است با:

$$E = \frac{hc}{\lambda} = \frac{1240}{620} = 2 \text{ eV}$$

انرژی هر فوتون از تابع کار فلز کمتر است، پس باید انرژی فوتون‌ها افزایش یابد. پس، می‌بایست بسامد را افزایش داد (hf) یا به عبارتی طول موج را کاهش داد ($\frac{hc}{\lambda}$)

اگر طول موج نصف شود، بسامد دو برابر و انرژی هر فوتون دو برابر می‌شود یعنی داریم: $E' = 4 \text{ eV} > 3/75 \text{ eV}$ است. پس پدیده فوتوالکتریک رخ خواهد داد.

برای اختلاف انرژی فوتون گسیل شده در دو حالت مختلف از رابطه زیر استفاده می‌کنیم:

$$\Delta E(n_1 \rightarrow n_2) = E_1 - E_2$$

بنابراین به سادگی می‌توان نشان داد:

$$\Delta E(n_1 \rightarrow n_2) = \Delta E(n_1 \rightarrow n_3) - \Delta E(n_2 \rightarrow n_3)$$

$$\Delta E(n_1 \rightarrow n_2) = \Delta E(n_1 \rightarrow n_3) + \Delta E(n_3 \rightarrow n_2)$$

با این توضیحات، عبارتهای (الف) و (ب) نادرست و عبارتهای (پ) و (ت) صحیح هستند.

گزینه درست: ۱

سوال ۳۹۰

گزینه «۱»

ابتدا شماره ترازها را به دست می‌آوریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{n'^2} \right) \xrightarrow{\lambda = 512nm, n' = n} R - \frac{1}{96} (nm)^{-1}$$

$$\frac{1}{512} = \frac{1}{96} \times \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{(2n)^2} \right) \Rightarrow \frac{96}{512} = \frac{1}{n^2} - \frac{1}{4n^2}$$

$$\Rightarrow \frac{96}{512} = \frac{4-1}{4n^2} \Rightarrow \frac{96 \times 4}{512} = \frac{3}{n^2}$$

$$\Rightarrow n^2 = \frac{512 \times 3}{96 \times 4} = 4 \Rightarrow n = 2, \quad 2n = 4$$

در واقع الکترون از تراز $n = 4$ به تراز $n' = 2$ گذار کرده است. بنابراین کافی است، اختلاف انرژی الکترون در این ترازها را بیابیم:

$$\Delta E = E_4 - E_2 \xrightarrow{E = -\frac{13.6eV}{n^2}} \Delta E = -\frac{13.6}{4^2} - \left(-\frac{13.6}{2^2} \right)$$

$$\Rightarrow \Delta E = -\frac{13.6}{16} + \frac{13.6}{4} = \frac{3 \times 13.6}{16} = 2.55 eV$$

گزینه درست: ۲

سوال ۳۹۱

گزینه «۲»

برای کاهش انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها، طبق رابطه $K_{\max} = hf - W_0 = \frac{hc}{\lambda} - W_0$ می‌توانیم از نوری با بسامد کمتر استفاده کنیم. از طرفی می‌دانیم در طیف نور مرئی، بسامد نور سبز، کمتر از نور آبی است؛ بنابراین گزاره‌های «الف» و «ج» درست هستند.

دقت کنید، گزاره‌های «ب»، «د» و «ه» نادرست‌اند.

گزینه درست: ۲

سوال ۳۹۲

گزینه «۲»

با توجه به معادله فوتوالکتریک، ابتدا تابع کار فلز را محاسبه می‌کنیم، داریم:

$$hf = W_0 + K_{\max}$$

$$\Rightarrow 6 \times 10^{-34} \times 5 \times 10^{15} = W_0 + 2 \times 10^{-19} \Rightarrow W_0 = 10^{-19} J$$

اکنون برای محاسبه طول موج جدید داریم:

$$\frac{hc}{\lambda'} = W_0 + K'_{\max} \Rightarrow \frac{6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{\lambda'} = 10^{-19} + 11 \times 10^{-19}$$

$$\Rightarrow \lambda' = \frac{18 \times 10^{-26}}{12 \times 10^{-19}} = 1.5 \times 10^{-7} m = 150 nm$$

با استفاده از معادله فوتوالکتریک، ابتدا انرژی جنبشی بیشینه فوتوالکترون‌ها را محاسبه می‌کنیم، داریم:

$$K_{\max} = hf - W_0 = h \frac{c}{\lambda} - h \frac{c}{\lambda_0} = hc \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda_0} \right)$$

$$\Rightarrow K_{\max} = 4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8 \times \left(\frac{1}{2 \times 10^{-7}} - \frac{1}{3 \times 10^{-7}} \right)$$

$$\Rightarrow K_{\max} = 12 \times \frac{1}{6} = 2eV$$

اکنون K_{\max} را بر حسب ژول به دست می‌آوریم و در رابطه $K = \frac{1}{2}mv^2$ جای‌گذاری می‌کنیم.

$$K_{\max} = 2eV = 2 \times 1.6 \times 10^{-19} J = 3.2 \times 10^{-19} J$$

$$K_{\max} = \frac{1}{2}mv_{\max}^2 \Rightarrow 3.2 \times 10^{-19} = \frac{1}{2} \times 10^{-30} \times v_{\max}^2$$

$$\Rightarrow v_{\max}^2 = 64 \times 10^{10} \Rightarrow v_{\max} = 8 \times 10^5 \frac{m}{s}$$

ابتدا تعداد فوتون‌های گسیلی ممکن را با استفاده از رابطه زیر می‌یابیم:

$$N = \frac{n(n-1)}{2} \xrightarrow{n=6} N = \frac{6 \times (6-1)}{2} = 15$$

برای کوتاه‌ترین طول موج فوتون تابشی، باید الکترون از تراز $n=6$ به تراز $n=1$ برود. دقت کنید، کوتاه‌ترین طول موج فوتون تابشی در حالتی به وجود می‌آید که اختلاف انرژی دو تراز که الکترون بین آن‌ها جابه‌جا می‌شود، بیشترین مقدار را داشته باشد.

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \xrightarrow{\substack{n=6 \\ n_1=1}} \frac{1}{\lambda_{\min}} = \frac{1}{100} \times \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{36} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda_{\min}} = \frac{1}{100} \times \frac{35}{36} \Rightarrow \lambda_{\min} = \frac{360}{35} nm$$

طبق رابطه گسیل فوتون از اتم داریم:

$$E_U - E_L = hf = \frac{hc}{\lambda} \xrightarrow{\substack{E_L = -E_R = -13/6 eV \\ E_U = -0.844 eV}} \Rightarrow -0.844 - (-13/6) = \frac{1300}{\lambda} \Rightarrow \lambda \simeq 92 nm$$

برای به دست آوردن شماره تراز بالایی داریم:

$$E_{n_U} = \frac{-13/6}{n_U^2} \Rightarrow -0.844 = \frac{-13/6}{n_U^2} \Rightarrow n_U = 5$$

از طرفی، شعاع مدارهای الکترون در اتم هیدروژن برابر است با:

$$r_n = a_0 n^2 \Rightarrow \frac{r_1}{r_5} = \frac{a_0}{25a_0} = \frac{1}{25}$$

فوتون مرئی فقط در سری بالمر ($n'=2$) وجود دارد. با استفاده از رابطه ریذبرگ داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda} = \frac{32}{14400} \Rightarrow \lambda = \frac{14400}{32} = 450 \text{ nm}$$

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{450 \times 10^{-9}} \simeq 7 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

ابتدا با استفاده از رابطه انرژی الکترون در اتم هیدروژن، شماره ترازوی را که الکترون در آن قرار دارد، پیدا می‌کنیم:

$$E = -\frac{E_R}{n^2} \xrightarrow{E = -\frac{1}{25} E_R} -\frac{1}{25} E_R = -\frac{E_R}{n^2}$$

$$\Rightarrow n^2 = 25 \Rightarrow n = 5$$

اکنون با داشتن $f = \frac{27}{5} \times 10^{13} \text{ Hz}$ ، طول موج فوتون گسیلی و به دنبال آن شماره ترازوی را که الکترون به آنجا انتقال می‌یابد، حساب می‌کنیم:

$$\lambda = \frac{c}{f} \xrightarrow{c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}} \lambda = \frac{3 \times 10^8}{\frac{27}{5} \times 10^{13}} = \frac{5 \times 3 \times 10^{-5}}{27} = \frac{5}{9} \times 10^{-5} \text{ m}$$

$$\xrightarrow{1 \text{ m} = 10^9 \text{ nm}} \lambda = \frac{5}{9} \times 10^{-5} \times 10^9 \text{ nm} = \frac{5}{9} \times 10^4 \text{ nm}$$

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \xrightarrow[n=5]{R = \frac{1}{100} (nm)^{-1}}$$

$$\frac{1}{\frac{5}{9} \times 10^4} = \frac{1}{100} \times \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{25} \right) \Rightarrow \frac{9}{500} + \frac{1}{25} = \frac{1}{n'^2}$$

$$\Rightarrow \frac{9+16}{500} = \frac{1}{n'^2} \Rightarrow n'^2 = \frac{500}{25} \Rightarrow n' = \frac{50}{5} = 10$$

رشته مورد نظر براکت ($n'=4$) است و کوتاه‌ترین طول موج آن در گذار الکترون از $n = \infty$ به $n'=4$ به دست می‌آید. بنابراین داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \xrightarrow[n'=4]{n=\infty}$$

$$\frac{1}{\lambda_{\min}} = \frac{1}{100} \times \left(\frac{1}{4^2} - \frac{1}{\infty} \right) = \frac{1}{100} \times \left(\frac{1}{16} - 0 \right) \Rightarrow \lambda_{\min} = 1600 \text{ nm}$$

برای گسیل القایی، انرژی فوتون ورودی باید دقیقاً با اختلاف انرژی‌های دو تراز یعنی $E_U - E_L$ یکسان باشد. همچنین دقت کنید در گسیل القایی

یک فوتون وارد و دو فوتون خارج می‌شود. $E_U - E_L = 3eV$

عبارت صورت سؤال نادرست است، زیرا صوت موجی طولی است؛ بنابراین باید عبارتهای نادرست را پیدا کنیم.

بررسی عبارات نادرست:

الف) نادرست: امواج لرزه‌ای P، امواج طولی و امواج لرزه‌ای S، امواجی عرضی هستند.

ب) نادرست: تندی امواج الکترومغناطیسی در خلأ از رابطه $v = (\mu_0 \epsilon_0)^{-1/2}$ به دست می‌آید.

پ) درست

ت) نادرست: بلندی، شدتی است که گوش انسان از صوت درک می‌کند.

ث) درست

ج) نادرست: تندی صوت در آب دارای نمک از آب خالص بیشتر است.

الکترون در تراز $n = 2$ قرار دارد، لذا:

$$r = 4a_0$$

$$r^2 = 16r = 16(4a_0) = 64a_0$$

$$r^2 = n^2 a_0 \Rightarrow n = 8$$

$$\begin{cases} n = 8 \Rightarrow E_8 = -\frac{E_R}{64} \\ n = 2 \Rightarrow E_2 = -\frac{E_R}{4} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \Delta E &= E_2 - E_8 = -\frac{E_R}{4} - \left(-\frac{E_R}{64}\right) \\ &= E_R \left(\frac{1}{64} - \frac{1}{4}\right) = 13/6 \times \left(-\frac{15}{64}\right) \simeq -3/18 eV \end{aligned}$$

همان‌طور که می‌دانیم خطوط فرانیهوفر برای هر عنصر منحصر به فرد است بنابراین با بررسی خطوط فرانیهوفر می‌توان به ترکیب نسبی نوع گازهای جو خورشید پی‌برد. بعضی از خطوط فرانیهوفر در طیف خورشید مربوط به گازهای جو زمین است.

در فرایند گسیل القایی، وقتی فوتون با انرژی‌ای که برابر با اختلاف انرژی دو تراز است، به الکترون برانگیخته تابیده شود، دو فوتون هم‌انرژی، هم‌سامد و هم‌فاز تولید می‌شود. بنابراین ابتدا، اختلاف انرژی دو تراز $n=1$ و $n=4$ را که برابر انرژی فوتون تابشی است، می‌یابیم:

$$\Delta E = E_R \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{n'^2} \right) \xrightarrow[n=4]{n'=1} \Delta E = E_R \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{16} \right)$$

$$\Rightarrow \Delta E = \frac{15}{16} E_R$$

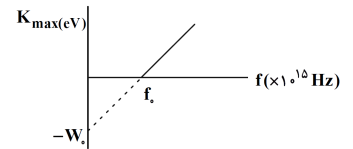
اکنون می‌توان، انرژی خروجی از مجموعه را به دست آورد.

انرژی فوتون تابیده شده + مجموع انرژی ۵ فوتون تولید شده = $E_{\text{کل}}$

$$\Rightarrow E_{\text{کل}} = 5 \times \frac{15}{16} E_R + \frac{15}{16} E_R \Rightarrow E_{\text{کل}} = 6 \times \frac{15}{16} E_R$$

$$\Rightarrow E_{\text{کل}} = \frac{45}{8} E_R$$

نمودار بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های جدا شده از سطح فلز بر حسب بسامد نوری به صورت شکل زیر است. با توجه به شکل سؤال، داریم:



$$W_{\circ B} = eV \xrightarrow{W_{\circ} = hf_{\circ}} e = 4 \times 10^{-15} f_{\circ B} \Rightarrow f_{\circ B} = \frac{e}{4 \times 10^{-15}}$$

$$\Rightarrow f_{\circ B} = \frac{3}{4} \times 10^{15} \text{ Hz}$$

از طرفی اختلاف $f_{\circ A}$ و $f_{\circ B}$ با توجه به نمودار $\frac{5}{\lambda} \times 10^{15} \text{ Hz}$ است.

$$f_{\circ B} - f_{\circ A} = \frac{5}{\lambda} \times 10^{15} \Rightarrow f_{\circ A} = \left(\frac{3}{4} - \frac{5}{\lambda} \right) \times 10^{15} = \frac{3}{\lambda} \times 10^{15} \text{ Hz}$$

با توجه به رابطه معادله فوتوالکتریک می‌توان نوشت:

$$K_{\max} = hf - W_{\circ} = h(f - f_{\circ})$$

$$\frac{K_{\max A}}{K_{\max B}} = \frac{h(f - f_{\circ A})}{h(f - f_{\circ B})} \xrightarrow{f = 2 \times 10^{15} \text{ Hz}} \frac{K_{\max A}}{K_{\max B}} = \frac{2 - \frac{3}{\lambda}}{2 - \frac{3}{4}} = \frac{\frac{3}{\lambda}}{\frac{1}{4}} = \frac{3}{\lambda}$$

$$\frac{K_{\max A}}{K_{\max B}} = \left(\frac{v_{\max A}}{v_{\max B}} \right)^2 \Rightarrow \frac{v_{\max A}}{v_{\max B}} = \frac{3}{2} \quad \text{اکنون به کمک رابطه انرژی جنبشی } (K = \frac{1}{2}mv^2) \text{ می‌توان نسبت تندی‌ها را محاسبه کرد:}$$

گزینه درست: ۴

سوال ۴۰۴

گزینه «۴»

با استفاده از معادله فوتوالکتریک برای هر فلز داریم:

$$K_{\max A} = hf - hf_{0A} = 4f \times 10^{-15} - 4 \quad (1)$$

$$K_{\max B} = hf - hf_{0B} = 4f \times 10^{-15} - 8 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} \Delta K = K_{\max A} - K_{\max B} = 4eV$$

گزینه درست: ۴

سوال ۴۰۵

گزینه «۴»

سومین حالت برانگیخته ($n=4$) و حالت پایه ($n=1$) است. پس داریم:

$$\Delta E = E_4 - E_1 \xrightarrow{E_n = -\frac{E_R}{n^2}} E = -\frac{E_R}{16} + E_R = \frac{15}{16} E_R$$

برای دومین حالت برانگیخته $n=3$ و اولین حالت برانگیخته $n=2$ است. پس داریم:

$$E' = -\frac{E_R}{9} + \frac{E_R}{4} = \frac{5}{36} E_R$$

بنابراین می‌توان نوشت:

$$\frac{E}{E'} = \frac{\frac{15}{16} E_R}{\frac{5}{36} E_R} = \frac{27}{4}$$

گزینه درست: ۴

سوال ۴۰۶

گزینه «۴»

در طیف گسیلی هیدروژن اتمی، طیف مرئی فقط در رشته بالمر ($n'=2$) تابش می‌شود و چهار خط اول این طیف ($n=3, 4, 5, 6$) را شامل می‌گردد. بنابراین به ازاء گذار از تراز $n=6$ به $n'=2$ بیشترین بسامد نور مرئی و به ازاء گذار از تراز $n=3$ به $n'=2$ کمترین بسامد نور مرئی گسیل خواهد شد. با استفاده از معادله ریذبرگ داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\xrightarrow{c=\lambda f} f = Rc \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\begin{cases} \xrightarrow{n=6, n'=2} f_{\max} = Rc \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{6^2} \right) \\ \xrightarrow{n=3, n'=2} f_{\min} = Rc \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right) \end{cases}$$

$$\Rightarrow f_{\max} - f_{\min} = Rc \left[\frac{1}{2^2} - \frac{1}{6^2} - \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} \right]$$

$$\Rightarrow \Delta f = Rc \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{6^2} \right)$$

مشاهده می‌شود اختلاف بیشترین و کمترین بسامد نور مرئی گسیل شده برابر با بسامد فوتون تابشی از تراز $n=6$ به تراز $n'=3$ (رشته پاشن) است که این گذار معادل سومین خط از رشته پاشن ($n'=3$) می‌باشد.

گزینه درست: ۳

سوال ۴۰۷

گزینه «۳»

به بررسی عبارات می‌پردازیم:

الف) درست

ب) درست

پ) نادرست، طیف گسیلی خطی برای اتم‌های هر گاز منحصر به فرد هستند.

ت) درست

بنابراین سه عبارت درست است.

گزینه درست: ۳

سوال ۴۰۸

گزینه «۳»

ابتدا مقدار انرژی را که الکترون می‌گیرد، بر حسب الکترون‌ولت محاسبه می‌کنیم.

$$1eV = 1/6 \times 10^{-19} J \Rightarrow E = \frac{2/0F \times 10^{-14}}{1/6 \times 10^{-19}} = 12/75eV$$

این مقدار برابر با اختلاف انرژی دو تراز است، پس داریم:

$$\begin{aligned} E_n - E_{n'} &= 12/75eV \\ \frac{E_n - E_{n'} = -13/6eV}{n'=1 \text{ (حالت پایه)}} &\rightarrow E_n = 12/75 - 13/6 = -0/85eV \end{aligned}$$

از طرفی داریم:

$$E_n = -\frac{13/6}{n^2} \Rightarrow n^2 = \frac{13/6}{0/85}$$

$$\Rightarrow n^2 = 16 \Rightarrow n = 4$$

تراز $n = 4$ مربوط به سومین حالت برانگیخته است.

از طرفی شعاع مدارهای الکترون از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$r_n = a_0 n^2 \Rightarrow \frac{r_n}{r_{n'}} = \left(\frac{n}{n'}\right)^2 = 16$$

گزینه درست: ۱

سوال ۴۰۹

گزینه «۱»

دقت کنید چون پدیده فوتوالکتریک رخ داده است، یعنی $\lambda < \lambda_0$ است. طبق صورت سؤال داریم:

$$\lambda_0 - \lambda = \lambda \Rightarrow \lambda_0 = 2\lambda$$

طبق معادله فوتوالکتریک داریم:

$$K_{\max} = hf - W_0 \xrightarrow[f = \frac{c}{\lambda}]{W_0 = hf_0} K_{\max} = hc \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda_0} \right)$$

$$\Rightarrow 6/2 = 1240 \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{2\lambda} \right) \Rightarrow 6/2 = \frac{1240}{2\lambda} \Rightarrow \lambda = 100nm$$

انرژی الکترون در مدار پایین برابر است با:

$$E_n = -\frac{13/6}{n^2} \xrightarrow{n=1} E_L = -\frac{13/6}{1} = -13/6 eV$$

بنابراین انرژی الکترون در مدار بالایی برابر است با:

$$\Delta E = E_U - E_L \Rightarrow 13/75 = E_U - (-13/6)$$

$$\Rightarrow E_U = -5/15 eV$$

$$E_U = -\frac{13/6}{n_U^2} \Rightarrow -5/15 = -\frac{13/6}{n_U^2}$$

$$\Rightarrow n_U^2 = 16 \Rightarrow n_U = 4 \Rightarrow \text{مدار برانگیخته سوم}$$

همچنین می‌دانیم طول‌موج‌های گسیلی در رشته لیمان ($n=1$) همگی در محدوده امواج فرابنفش هستند.

می‌دانیم فقط گذارهای رشته بالمر ($n=2$) شامل نور مرئی است پس از تمام گذارهای ممکن، تنها گذار $n=4$ به $n=2$ و گذار $n=3$ به $n=2$ در محدوده نور مرئی قرار دارند.

$$4 \rightarrow 2 \Rightarrow \lambda = \frac{hc}{E_U - E_L} = \frac{1240}{-5/15 - (-13/6)} = 486 nm$$

$$3 \rightarrow 2 \Rightarrow \lambda = \frac{hc}{E_U - E_L} = \frac{1240}{-1/51 - (-13/6)} = 656 nm$$

توان از رابطه $P = \frac{nhf}{t}$ به دست می‌آید. با توجه به بازده داده شده ابتدا توان مفید چشمه را محاسبه می‌کنیم.

$$\text{بازده} = \frac{P_{\text{مفید}}}{P_{\text{مصرفی}}} \Rightarrow P_{\text{مفید}} = \frac{0/1}{100} \times 400 = 4 \times 10^{-2} W$$

$$P = \frac{nhf}{t} \xrightarrow{f = \frac{c}{\lambda}} n = \frac{Pt\lambda}{hc}$$

$$n = \frac{4 \times 10^{-2} \times 60 \times (1320 \times 10^{-10})}{6/6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8} = 16 \times 10^{17}$$

بلندترین طول موج گسیل شده در هر رشته مربوط به $n = n' + 1$ است، از طرفی در رشته بالمر به ازای $n = ۳, ۴, ۵, ۶$ طول موج‌های مرئی خواهیم داشت که به ازای $n = ۶$ کوتاه‌ترین طول موج مرئی رشته بالمر را داریم.

با توجه به معادله ریڈبرگ داریم:

$$\begin{cases} n' = ۲ \\ n = ۳ \end{cases} \Rightarrow \frac{1}{\lambda_1} = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{۳} - \frac{1}{۹} \right) = \frac{۵}{۳۶۰۰} \Rightarrow \lambda_1 = ۷۲۰nm \quad \frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\begin{cases} n' = ۲ \\ n = ۶ \end{cases} \Rightarrow \frac{1}{\lambda_۲} = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{۳} - \frac{1}{۳۶} \right) = \frac{۱}{۳۶۰۰} \Rightarrow \lambda_۲ = ۴۵۰nm$$

اختلاف این طول موج‌ها برابر است با:

$$\lambda_1 - \lambda_۲ = ۷۲۰ - ۴۵۰ = ۲۷۰nm$$

در رشته بالمر ($n' = ۲$)، بیشترین انرژی فوتون گسیل شده مربوط به گذار $n_U = \infty$ به $n_L = ۲$ است. پس داریم:

$$\begin{aligned} E_n = -\frac{E_R}{n^2} \\ \longrightarrow E_1 = E_U - E_L = 0 - \left(-\frac{E_R}{۴} \right) \\ \Rightarrow E_1 = \frac{۱۳/۶}{۴} = ۳/۴eV \end{aligned}$$

در رشته لیمان ($n' = ۱$)، کمترین انرژی فوتون گسیل شده مربوط به گذار $n_U = ۲$ به $n_L = ۱$ است.

$$\begin{aligned} E_n = -\frac{E_R}{n^2} \\ \longrightarrow E_۲ = E_U - E_L = -\frac{E_R}{۴} + E_R = \frac{۳}{۴}E_R \\ \Rightarrow E_۲ = ۱۰/۲eV \end{aligned}$$

بنابراین:

$$E_1 - E_۲ = ۳/۴ - ۱۰/۲ = -۶/۸eV$$