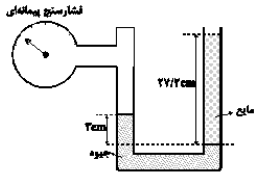


۹۷) مطابق شکل زیر، مایعات درون لوله‌ها در حال تعادل قرار دارند. فشارسنج پیمانه‌ای چه فشاری را بر حسب سانتی‌متر جیوه نشان می‌دهد؟

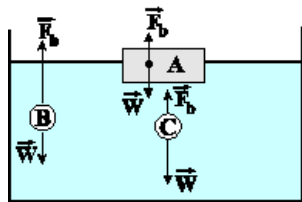
$$\rho_p = 2/5 \frac{g}{cm^3}, \rho = 13$$

$$/6 \frac{g}{cm^3}$$



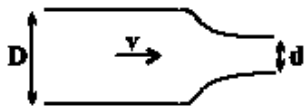
- ۵ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۸ (۴)

۹۸) در شکل زیر، نیروی شناوری (\vec{F}_b) و نیروی وزن (\vec{W}) وارد بر سه جسم B، A و C در یک لحظه خاص نشان داده شده است. کدام گزینه درباره وضعیت این سه جسم صحیح است؟



- (۱) A غوطه‌ور - B شناور - C فرو می‌رود.
- (۲) A شناور - B غوطه‌ور - C فرو می‌رود.
- (۳) A غوطه‌ور - B بالا می‌رود - C غوطه‌ور
- (۴) A شناور - B بالا می‌رود - C فرو می‌رود.

۹۹) در لوله افقی شکل زیر، جریان پایایی از سیالی تراکم‌ناپذیر با تندی $3/2 \frac{cm}{s}$ در قسمت پهن لوله در حال حرکت است. اگر $d = 0/8D$ باشد، تندی خروج آب از قسمت باریک لوله چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟



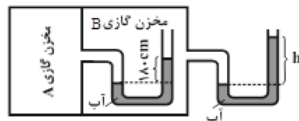
- ۴۰ (۱)
- ۵ (۲)
- ۴ (۳)
- $\frac{32}{3}$ (۴)

$$(p_{\text{آب}} = 1000 \frac{kg}{m^3} \text{ و } P.$$

$$= 100 KPa, P_A \text{ مخزن } = 0$$

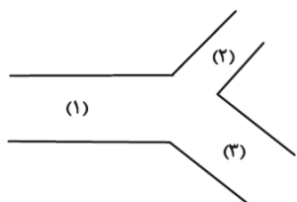
$$/15 MPa, g = 10 \frac{N}{kg})$$

۱۰۰) در شکل زیر، مجموعه در حال تعادل است. مقدار h چند سانتی‌متر است؟



- ۳۲۰ (۱)
- ۱۴۰ (۲)
- ۱۸۰ (۳)
- ۴۲۰ (۴)

۱۵۱) مطابق شکل زیر، در حالت پایا، شاره‌ای با آهنگ $\frac{9}{8}$ از لوله (۱) وارد یک دوراهی می‌شود و ضمن حفظ پایایی، از دو لوله (۲) و (۳) که مساحت مقطع‌های آنها به ترتیب 10cm^2 و 25cm^2 است، می‌گذرد. اگر تندی جریان شاره در لوله (۲) دو برابر تندی جریان شاره در لوله (۳) باشد، تندی جریان شاره در لوله (۲) چند متر بر ثانیه است؟ (شاره تراکم‌ناپذیر و جریان درون لوله‌ها به صورت لایه‌ای است.)



۲ (۱)

۳ (۲)

۴ (۳)

۶ (۴)

۱۵۲) چه تعداد از گزاره‌های زیر درست است؟

(آ) ذرات جسم جامد به سبب نیروهای الکتریکی که به یکدیگر وارد می‌کنند، در کنار یکدیگر می‌مانند.

(ب) وقتی مایعی به سرعت سرد می‌شود، جامد بلورین به وجود می‌آید.

(پ) فاصله ذرات سازنده مایع و جامد تقریباً یکسان و در حدود 10 آنگستروم است.

(ت) پدیده پخش در مایعات به دلیل حرکت‌های نامنظم و کاتوره‌ای مولکول‌های مایعات است.

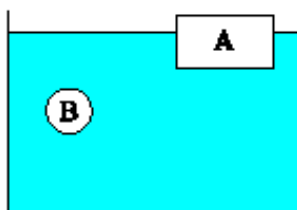
۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۵۳) در شکل زیر، جسم توپُر A روی سطح مایع شناور و جسم توپُر B داخل مایع غوطه‌ور است. اگر بزرگی نیروی شناوری وارد بر جسم A بیش‌تر از بزرگی نیروی شناوری وارد بر جسم B باشد، کدام گزینه صحیح است؟



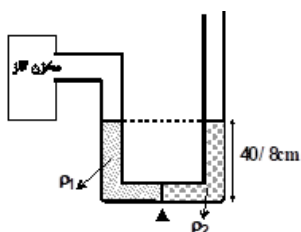
(۱) چگالی جسم A از چگالی جسم B بیش‌تر است.

(۲) حجم جسم A از حجم جسم B بیش‌تر است.

(۳) جرم جسم A از جرم جسم B کم‌تر است.

(۴) بسته به شرایط، هریک از گزینه‌ها می‌تواند صحیح باشد.

۱۵۴) مطابق شکل زیر، داخل لوله U شکلی که سمت چپ آن به مخزن گازی متصل است، دو مایع مخلوط‌نشده با حجم یکسان و چگالی‌های ρ_1 و ρ_2 در حال تعادل قرار دارند. اگر فشار پیمانه‌ای گاز داخل مخزن 3cmHg باشد، چگالی ρ_2 چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟ (سطح مقطع لوله در قسمت افقی ناچیز است، $\rho_{Hg} = 13/6 \frac{g}{cm^3}$ و $\rho_1 = 0/8 \frac{g}{cm^3}$)



۱/۲ (۱)

۱/۶ (۲)

۱/۸ (۳)

۲ (۴)

۱۵۵) کدامیک از موارد زیر صحیح است؟

الف) اجسامی که ذرات تشکیل‌دهنده آن‌ها در مکان‌های معینی نسبت به یکدیگر قرار داشته و در اطراف این مکان‌ها نوسان‌های کوچکی انجام می‌دهند، حجم و شکل معینی دارند.

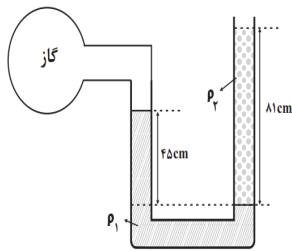
ب) بیشتر فضای بین ستاره‌های همانند ماده داخل لوله تابان لامپ‌های مهتابی اغلب در دماهای خیلی بالا به وجود می‌آیند.

پ) اگر مقداری نمک را در یک لیوان آب بریزیم، پس از مدتی کل آب شور می‌شود که این پدیده، نشان‌دهنده این است که ذرات نمک حرکت‌های نامنظم و کاتوره‌ای دارند.

ت) برای درک بهتر ساختار جسم جامد از مدلی استفاده می‌کنیم که گوی‌ها نماینده ذرات و فنرها نماینده نیروی الکتریکی بین آن‌ها هستند.

- (۱) فقط ب و ت (۲) ب و پ (۳) الف و ب و ت (۴) تمام موارد صحیح هستند.

۱۵۶) در شکل زیر، دو مایع مخلوط نشدنی (۱) و (۲) به حالت تعادل قرار دارند. اگر چگالی آن‌ها $\rho_1 = 1/2 \frac{g}{cm^3}$ و $\rho_2 = 1 \frac{g}{cm^3}$ باشد، فشار پیمانه‌ای گاز محبوس شده چند سانتی‌متر جیوه است؟ $(g = 10 \frac{N}{kg}$ و $\rho_{جیوه} = 13 \frac{g}{cm^3}$)



- (۱) ۲
(۲) ۶
(۳) ۱۰
(۴) ۲

۱۵۷) درون یک حباب آزمایشگاهی حاوی مایع که فشار هوای بالای آن P_0 است، اگر از عمق ۱۰ سانتی‌متری مایع به عمق ۲۰ سانتی‌متری آن برویم، فشار کل $1/5$ برابر می‌شود. اگر در عمق ۳۰ سانتی‌متری همان مایع، فشار کل برابر با 120 kPa باشد، P_0 چند پاسکال است؟ $(g = 10 \frac{N}{kg})$

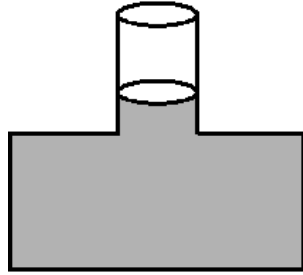
- (۱) ۲۰۰۰۰ (۲) ۳۰۰۰۰ (۳) ۴۰۰۰۰ (۴) ۵۰۰۰۰

۱۵۸) در شکل زیر، مساحت روزنه خروج بخار آب روی درب یک زودپز $4/0 \text{ mm}^2$ است. جرم وزنه‌ای که روی این روزنه باید گذاشت چند گرم باشد تا فشار هوای داخل آن بیشتر از 2 atm نشود؟ (فشار هوای بیرون دیگ زودپز را $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$ در نظر بگیرید و $g = 10 \frac{N}{kg}$)



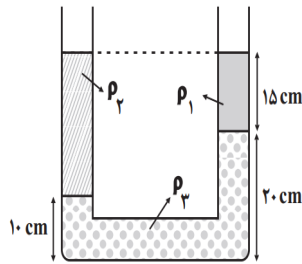
- (۱) ۴۰ (۲) ۸۰
(۳) ۱۲۰ (۴) ۱۶۰

۱۰۹) در شکل مقابل سطح مقطع دهانه ظرف $\frac{1}{8}$ برابر سطح مقطع کف ظرف است. اگر ۲۰۰ گرم از مایع درون ظرف را به آن اضافه کنیم، بعد از ایجاد تعادل، اندازه نیروی وارد بر کف ظرف چند نیوتون افزایش می‌یابد؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



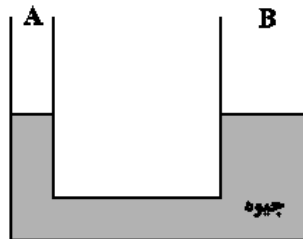
- ۴۰ (۱)
- ۴ (۲)
- ۱۰ (۳)
- ۱ (۴)

۱۱۰) مطابق شکل زیر، سه مایع مخلوط نشدنی در لوله U شکل همگنی به قطر مقطع ۱cm در حال تعادل قرار گرفته‌اند. اگر $\rho_1 = 1/2 \frac{g}{cm^3}$ و $\rho_2 = 2/2 \frac{g}{cm^3}$ باشد جرم مایع با چگالی ρ_3 چند گرم است؟ ($\pi = 3$)



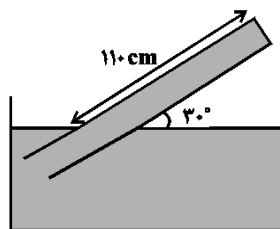
- ۱۵ (۱)
- ۳۰ (۲)
- ۱۰ (۳)
- ۱۲ (۴)

۱۱۱) در شکل زیر، سطح مقطع شاخه A برابر با ۱ سانتی‌متر مربع، سطح مقطع شاخه B برابر با $1/5$ سانتی‌متر مربع و درون شاخه‌ها مقداری جیوه در حال تعادل است. اگر $20/4$ گرم آب در شاخه B بریزیم، اختلاف ارتفاع جیوه در دو شاخه چند سانتی‌متر خواهد شد؟ ($p_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}$ و $p_{\text{جیوه}} = 13 \frac{g}{cm^3}$)



- ۰/۶۶ (۱)
- ۱/۵ (۲)
- ۱ (۳)
- ۱/۳۶ (۴)

۱۱۲) در شکل زیر جیوه در حال تعادل است. اگر فشار هوای محیط 75 cmHg باشد، اندازه نیرویی که از طرف جیوه بر انتهای بسته لوله وارد می‌شود، چند نیوتون است؟ ($\rho_{H_2O} = 13500 \frac{kg}{m^3}$ ، $g = 10 \frac{N}{kg}$ و مساحت سطح مقطع لوله 10 cm^2 است.)



- ۵۴ (۱)
- ۲۷ (۲)
- ۲۷۰ (۳)
- ۵۴۰ (۴)

۱۱۳) نسبت فشار کل در عمق ۳۰ متری به فشار کل در عمق ۱۰ متری از سطح آزاد یک دریاچه ساکن، مطابق با کدام گزینه است؟

$$(P_0 = 10^5 Pa \text{ و } \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}, g = 10 \frac{N}{kg})$$

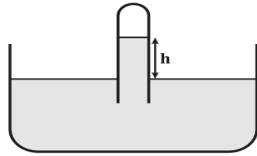
۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۱۴) در شکل زیر، اگر فشار گاز محبوس در انتهای لوله برابر با $72/5 cmHg$ باشد، اختلاف ارتفاع آب در لوله و ظرف چند سانتی‌متر است؟ ($P_0 = 75 cmHg$ و $\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}$ و $\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{g}{cm^3}$)



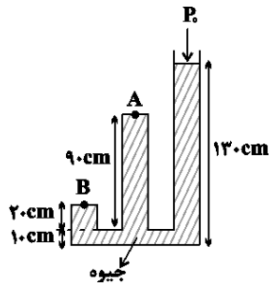
۳۴ (۲)

۶۸ (۱)

۸۵ (۴)

۱۷ (۳)

۱۱۵) در ظرف شکل زیر، مقداری جیوه در حال تعادل قرار دارد. اگر فشار وارد بر نقطه B از طرف جیوه، $7/1$ برابر فشار وارد بر نقطه A از طرف جیوه باشد، فشار هوای محیط چند سانتی‌متر جیوه است؟



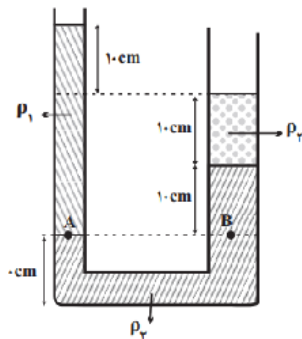
۷۵ (۱)

۶۵ (۲)

۷۰ (۳)

۸۰ (۴)

۱۱۶) مطابق شکل زیر، سه مایع مخلوط نشدنی در حال تعادل‌اند. اگر شعاع مقطع شاخه سمت چپ، نصف شعاع مقطع شاخه سمت راست باشد، کدام رابطه بین چگالی مایع‌ها برقرار است؟



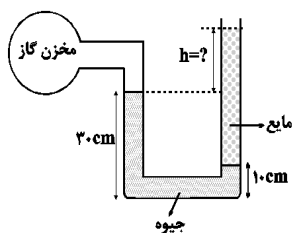
$$\rho_1 = 3\rho_2 + \rho_3 \quad (1)$$

$$\rho_2 = 3\rho_1 - \rho_3 \quad (2)$$

$$\rho_3 = 3\rho_1 - 3\rho_2 \quad (3)$$

$$4\rho_1 = 2\rho_2 + \rho_3 \quad (4)$$

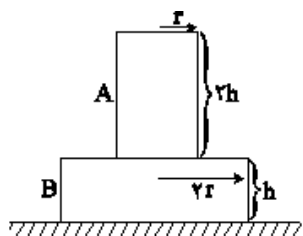
۱۱۷) مطابق شکل زیر، درون لوله U شکلی که به یک مخزن گاز با فشار $80 kPa$ وصل شده است، جیوه با چگالی $13600 \frac{kg}{m^3}$ و مایعی با چگالی $2000 \frac{kg}{m^3}$ در حال تعادل قرار دارند. اگر فشار هوای محیط 10^5 پاسکال باشد، ارتفاع h چند سانتی‌متر است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



- (۱) ۳۶
(۲) ۱۶
(۳) ۲۶
(۴) ۴۶

۱۱۸) آلیاژی از دو ماده A و B داریم که ۷۵ درصد جرم آلیاژ از ماده B و چگالی این آلیاژ $3/2$ برابر چگالی ماده A است. چند درصد حجم این آلیاژ را ماده B تشکیل می‌دهد؟ (تغییر حجمی در حین آلیاژ صورت نمی‌گیرد.)

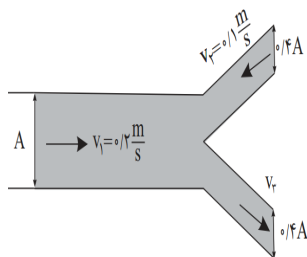
- (۱) ۵۰ (۲) ۸۰ (۳) ۲۰ (۴) ۲۵



۱۱۹) دو استوانه توپُر فلزی A و B با شعاع سطح مقطع‌های r و $2r$ و چگالی‌های ρ_A و ρ_B مطابق شکل زیر قرار دارند. اگر فشار وارد بر استوانه B (از طرف استوانه A) با فشار وارد بر سطح زمین (از طرف دو استوانه) برابر باشد، $\frac{\rho_A}{\rho_B}$ کدام است؟

- (۱) $\frac{3}{4}$
(۲) $\frac{2}{3}$
(۳) $\frac{3}{4}$
(۴) $\frac{4}{3}$

۱۲۰) با توجه به شکل مقابل که مسیر عبور شاره‌ای تراکم‌ناپذیر با جریان لایه‌ای در حالت پایا را نشان می‌دهد، تندی v_3 چند متر بر ثانیه است؟ (مساحت مقطع لوله بزرگ A می‌باشد.)

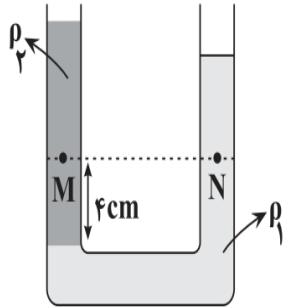


- (۱) ۰/۴ (۲) ۰/۵ (۳) ۰/۸ (۴) ۰/۶

۱۲۱) در لوله استوانه‌ای به اندازه کافی بلندی به سطح مقطع $4cm^2$ تا ارتفاع $6cm$ جیوه ریخته شده است. چند سانتی‌متر مکعب از مایع دیگری به چگالی $2040 \frac{g}{L}$ به جیوه درون لوله اضافه کنیم تا فشار در کف لوله $7/5$ درصد افزایش یابد؟ ($P_0 = 74cmHg$ ، $\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{g}{cm^3}$ ، دو مایع با هم مخلوط نمی‌شوند.)

- (۱) ۱۶۰ (۲) ۱۶۰۰ (۳) ۶۰ (۴) ۶۰۰

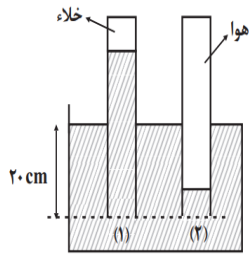
۱۲۱) در شکل مقابل، دو مایع در حال تعادل اند. $(P_M - P_N)$ چند پاسکال است؟ $(\rho_1 = 8 \frac{g}{cm^3} \gg \rho_2 = 4 \frac{g}{cm^3}, g = 10 \frac{m}{s^2})$



- ۱۶۰ (۲)
۳۲۰ (۴)

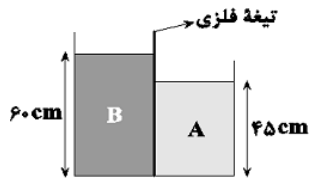
- ۱۶۰۰ (۱)
۳۲۰۰ (۳)

۱۲۲) مطابق شکل زیر، دو لوله آزمایش یکسان، به طور قائم تا عمق ۲۰ سانتی متری درون جیوه به چگالی $13 \frac{g}{cm^3}$ فرو برده شده اند. اگر ارتفاع جیوه در لوله های (۱) و (۲) به ترتیب ۹۵ cm و ۵ cm باشد، فشار هوای درون لوله (۲) چند کیلو پاسکال است؟ $(g = 10 \frac{m}{s^2})$



- ۱۱۵/۶ (۱)
۱۲۲/۴ (۲)
۱۹۲/۲ (۳)
۱۳۶ (۴)

۱۲۳) مطابق شکل زیر، تیغه فلزی به صورت عمودی به صورت عمودی دو مایع A و B را از هم جدا کرده است. در چند سانتی متری از کف ظرف، فشار در دو طرف تیغه فلزی با هم برابر می شود؟ $(\rho_B = 6 \frac{g}{cm^3}, \rho_A = 10 \frac{g}{cm^3})$



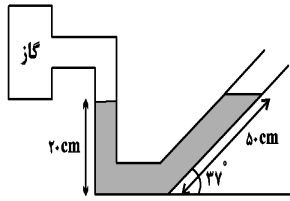
- ۵ (۱)
۱۰ (۲)
۱۵ (۳)
۲۰ (۴)

۱۲۴) در شکل زیر، در هر دقیقه ۶۰ لیتر آب از مقطع A، با تندی ثابت وارد لوله افقی می شود. اگر شعاع مقطع A و B به ترتیب ۱۰ cm و ۵ cm باشد، اندازه اختلاف تندی عبور آب از دو مقطع A و B چند متر بر ثانیه است؟ $(\pi = 3)$ و جریان آب پایا و به صورت لایه ای است.



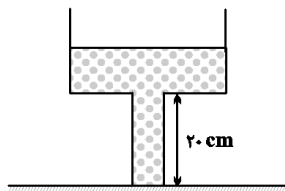
- ۰/۱ (۱)
۰/۲ (۲)
۰/۱۵ (۳)
۰/۵ (۴)

۱۲۶) در شکل زیر مایعی به چگالی $۲ \frac{g}{cm^3}$ درون لوله زیر در حال تعادل است. فشار پیمانه‌ای گاز حبس شده در انتهای سمت چپ لوله چند پاسکال است؟ $(\sin ۳۷^\circ = ۰/۶, P_0 = ۱۰^۵ Pa)$



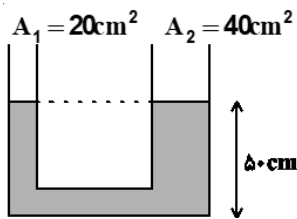
- ۲۰۰۰ (۱)
- ۵۰۰۰ (۲)
- ۱۰۰۰ (۳)
- ۴۰۰۰ (۴)

۱۲۷) در شکل زیر، مساحت مقطع کف ظرف $۱۰ cm^2$ و مساحت مقطع بخش بزرگتر آن $۲۰ cm^2$ است. اگر ظرف در ابتدا خالی باشد، چند سانتی‌متر مکعب آب در این ظرف بریزیم تا فشار پیمانه‌ای ستون آب در کف ظرف به ۵ سانتی‌متر جیوه برسد؟ $(\rho_{\text{جیوه}} = ۱۳/۶ \frac{g}{cm^3}, \rho_{\text{آب}}, P_0 = ۱۰^۵ Pa)$



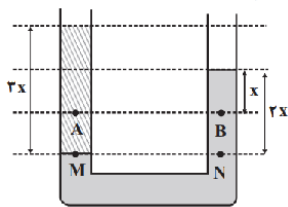
- ۹۶۰ (۱)
- ۷۶۰ (۲)
- ۸۴۰ (۳)
- ۱۱۶۰ (۴)

۱۲۸) در شکل زیر، چگالی مایع در حال تعادل $۱/۵ \frac{g}{cm^3}$ است. چند گرم مایع به چگالی $۰/۶ \frac{g}{cm^3}$ در شاخه سمت چپ بریزیم تا ارتفاع سطح آزاد مایع از کف ظرف در شاخه سمت راست برابر ۵۲ cm شود؟



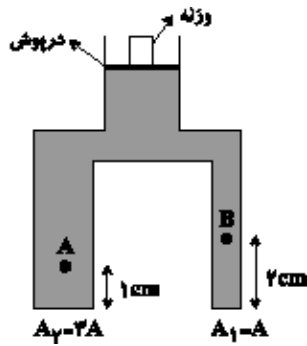
- ۳۰۰ (۱)
- ۲۰۰ (۲)
- ۱۸۰ (۳)
- ۹۰ (۴)

۱۲۹) در شکل زیر آب و روغن در حال تعادل هستند. اگر فشار در نقطه B برابر با $۱۳۰ kPa$ باشد، فشار در نقطه A چند کیلو پاسکال است؟ $(g = ۱۰ \frac{N}{kg}$ و $\rho_{\text{آب}} = ۱۰^۳ \frac{kg}{m^3}$ و $P_0 = ۱۰^۵ Pa)$



- ۱۲۰ (۱)
- ۱۳۰ (۲)
- ۱۴۰ (۳)
- ۱۶۰ (۴)

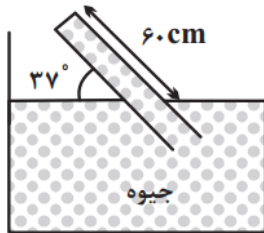
۱۳۰) در ظرفی مانند شکل زیر، آب ریخته‌ایم و بر روی آن، درپوش متحرکی به مساحت 60 cm^2 قرار داده‌ایم. اگر یک وزنه ۹ کیلوگرمی را بر روی درپوش قرار دهیم، فشار وارد بر نقطه‌های A و B به ترتیب از راست به چپ، چقدر و چگونه تغییر می‌کند؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)



- (۱) $1/5 \frac{\text{N}}{\text{cm}^2}$ کاهش می‌یابد - $1/5 \frac{\text{N}}{\text{cm}^2}$ افزایش می‌یابد.
 (۲) $1/5 \frac{\text{N}}{\text{cm}^2}$ افزایش می‌یابد - $0/5 \frac{\text{N}}{\text{cm}^2}$ افزایش می‌یابد.
 (۳) $0/5 \frac{\text{N}}{\text{cm}^2}$ افزایش می‌یابد - $0/5 \frac{\text{N}}{\text{cm}^2}$ افزایش می‌یابد.
 (۴) $1/5 \frac{\text{N}}{\text{cm}^2}$ افزایش می‌یابد - $1/5 \frac{\text{N}}{\text{cm}^2}$ افزایش می‌یابد.

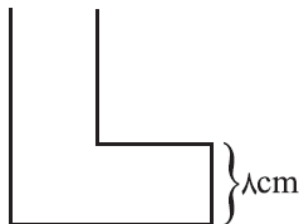
۱۳۱) در شکل زیر، مایع درون لوله در حال تعادل قرار دارد. اگر مساحت مقطع انتهایی بسته لوله 2 cm^2 باشد، اندازه نیرویی که

از طرف مایع به انتهای بسته لوله وارد می‌شود، چند نیوتون است؟
 $\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$, $\sin 37^\circ$
 $= 0/6$, $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$, P_0
 $= 76 \text{ cm.Hg}$



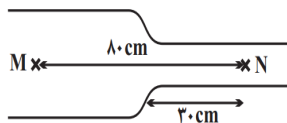
- (۱) $4/86$
 (۲) $4/38$
 (۳) $30/46$
 (۴) $10/88$

۱۳۲) از مایعی به چگالی $1/5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ را در ظرفی مطابق شکل زیر، ریخته‌ایم. اگر 30 cm^3 دیگر از همین مایع به ظرف اضافه کنیم، اندازه نیروی ناشی از ستون مایع بر کف ظرف چند نیوتون تغییر خواهد کرد؟ (سطح مقطع قسمت باریک 5 cm^2 ، سطح مقطع کف ظرف 20 cm^2 و $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ است.)



- (۱) $0/45$
 (۲) $4/5$
 (۳) $1/8$
 (۴) 18

۱۳۳) در لوله افقی زیر، آب با جریان ثابت و تندهای $2/5 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$ و v به ترتیب در قسمت باریک با قطر 4 cm و قسمت پهن‌تر با شعاع 2 در جریان است. اگر یک ذره به جرم ناچیز فاصله MN را در مدت 137 s بپیماید، 2 چند سانتی‌متر است؟ (جریان آب را در هر قسمت پایا و به صورت لایه‌ای فرض کنید.)



- (۱) 5
 (۲) 10
 (۳) 6
 (۴) 4

۱۳۴) درون ظرفی استوانه‌ای، دو مایع مخلوط نشدنی، به چگالی‌های $\rho_1 = 4/25 \frac{g}{cm^3}$ و $\rho_2 = 1/5 \frac{g}{cm^3}$ به ترتیب با ارتفاع‌های h_1 و h_2 ریخته‌ایم. اگر مجموع ارتفاع مایعات 30 cm و فشار کل وارد بر کف ظرف 90 cmHg باشد، h_1 چند سانتی‌متر است؟ ($P_0 = 75 \text{ cmHg}$ ، $\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{g}{cm^3}$ ، $g = 10 \frac{N}{kg}$)

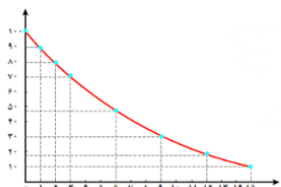
۱۲ (۴)

۱۸ (۳)

۲۰ (۲)

۲۴ (۱)

۱۳۵) یک ستون هوا به سطح مقطع 1 m^2 را فرض کنید که ارتفاع آن از سطح دریای آزاد تا بالاترین بخش جو زمین ادامه دارد. با توجه به نمودار زیر که نشان‌دهنده فشار هوا بر حسب ارتفاع از سطح دریای آزاد است، چند درصد از جرم هوای درون این ستون بین ارتفاع ۳ تا ۹ کیلومتری از سطح دریا قرار گرفته است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



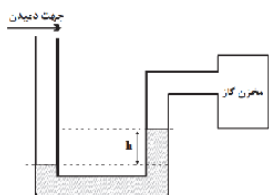
۷۰ (۱)

۳۰ (۲)

۴۰ (۳)

۳۵ (۴)

۱۳۶) در شکل زیر، اگر در بالای لوله یک فشارسنج شاره (مانومتر) در جهت نشان داده شده هوا را بدمیم، قدر مطلق فشار پیمانه‌ای گاز درون مخزن چگونه تغییر می‌کند؟ (مایع درون لوله، قبل از دمیدن و بعد از آن در حال تعادل قرار می‌گیرد.)



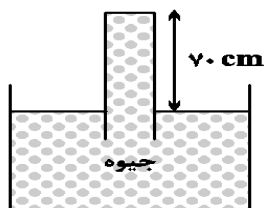
۱) تغییری نمی‌کند.

۲) کاهش می‌یابد.

۳) افزایش می‌یابد.

۴) اظهار نظر قطعی ممکن نیست

۱۳۷) در شکل زیر، فشار جیوه بر ته بسته لوله 6750 پاسکال است. فشار هوا در محل چند سانتی‌متر جیوه است؟ (چگالی جیوه $13/5 \text{ g/cm}^3$ و $g = 10 \text{ m/s}^2$ است.)



۷۵ (۱)

۷۸ (۲)

۸۰ (۳)

۷۳ (۴)

۱۳۸) مطابق شکل زیر، آب با جریان لایه‌ای و پایا و تندی ثابت 7 در لوله در حال حرکت است. چند درصد از سطح مقطع خروجی لوله را ببندیم تا تندی خروج آب از لوله 25 درصد افزایش یابد؟



۲۵ (۲)

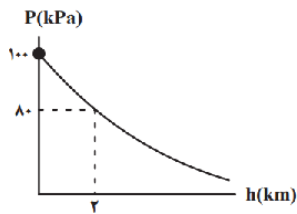
۲۰ (۱)

۸۰ (۴)

۷۵ (۳)

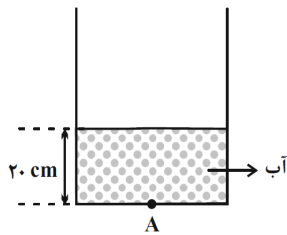
۱۳۹) نمودار فشار هوا بر حسب ارتفاع از سطح دریای آزاد مطابق شکل زیر است. اگر آزمایش توریچلی را در شهر اردکان که در ارتفاع تقریبی ۲۰۰۰ متری از سطح دریای آزاد واقع است، با آب انجام دهیم، ارتفاع ستون آب درون لوله چند متر می‌شود؟

$$\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, \rho_{\text{هوای آزاد}} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$



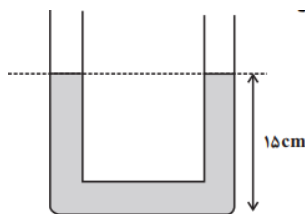
- ۸۰ (۱)
- ۸ (۲)
- ۲۰ (۳)
- ۲ (۴)

۱۴۰) در شکل زیر اگر ۴L آب به ظرف استوانه‌ای با سطح مقطع 100 cm^2 اضافه شود، فشار کل در نقطه A در کف ظرف نسبت به حالت قبل n برابر می‌شود. در کدام رابطه صدق می‌کند؟ ($\rho_{\text{آب}} = 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$)



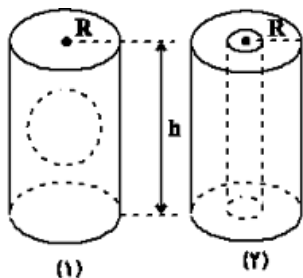
- $n < \frac{1}{2}$ (۱)
- $\frac{1}{2} < n < 1$ (۲)
- $1 < n < 2$ (۳)
- $n > 2$ (۴)

۱۴۱) مطابق شکل زیر، در لوله U شکلی که مساحت مقطع آن در تمام طول لوله یکسان و برابر با 2 cm^2 است، مایعی به چگالی $\frac{1}{2} \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ به حال تعادل قرار دارد. چند گرم مایع دیگری به چگالی $8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ را به آرامی به لوله سمت چپ اضافه کنیم تا پس از ایجاد تعادل، ارتفاع مایع در لوله سمت راست به 17 cm برسد؟ (دو مایع با یکدیگر مخلوط نمی‌شوند.)



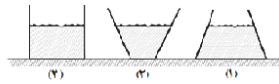
- $1/6$ (۱)
- ۶ (۲)
- $9/6$ (۳)
- ۱۲ (۴)

۱۴۲) مطابق شکل زیر، دو استوانه هم‌جنس به چگالی ρ ، ارتفاع h و شعاع خارجی R در اختیار داریم که روی سطح افقی یکسانی قرار گرفته‌اند. حجم استوانه خالی شده از داخل استوانه (۲) با حجم حفره کروی درون استوانه (۱) برابر است. کدام گزینه در مقایسه فشار ناشی از این دو استوانه بر سطح افقی درست است؟



- $P_2 > P_1$ (۱)
- $P_2 < P_1$ (۲)
- $P_2 = P_1$ (۳)
- اظهار نظر قطعی نمی‌توان کرد. (۴)

۱۴۳) مطابق شکل زیر، جرم و ارتفاع آب درون هر سه ظرف با هم برابر است. اگر اندازه نیرویی که ظرف‌ها به سطح افقی زیرین خود وارد می‌کنند به ترتیب F_1 ، F_2 و F_3 و اندازه نیروی وارد از طرف مایع بر کف ظرف‌ها به ترتیب F_1^c ، F_2^c و F_3^c و فشار ستون مایع در کف ظرف‌ها به ترتیب P_1 ، P_2 و P_3 باشد، کدام رابطه درست است؟ (جرم هر سه ظرف یکسان است).



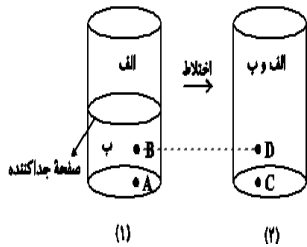
$$\begin{aligned} P_3 &= P_2 = P_1, \\ F_1^c &= F_3^c \\ &= F_2^c, F_3 \\ &= F_2 = F_1 \end{aligned} \quad (1)$$

$$\begin{aligned} P_2 &> P_1 > P_3, \\ F_1^c &= F_2^c \\ &= F_3^c, F_1 \\ &> F_2 > F_3 \end{aligned} \quad (2)$$

$$\begin{aligned} P_2 &> P_3 > P_1, \\ F_2^c &> F_3^c \\ &> F_1^c, F_2 \\ &= F_3 = F_1 \end{aligned} \quad (3)$$

$$\begin{aligned} P_1 &= P_3 = P_2, \\ F_1^c &> F_3^c \\ &> F_2^c, F_3 \\ &= F_2 = F_1 \end{aligned} \quad (4)$$

۱۴۴) دو مایع (الف) و (ب) را که می‌توانند در یکدیگر حل شوند، مطابق شکل زیر، درون یک ظرف طوری می‌ریزیم که یک جداکننده با جرم ناچیز اجازه نمی‌دهد آن‌ها در یکدیگر حل شوند. اگر صفحه جداکننده را برداریم و صبر کنیم تا دو مایع کاملاً در هم حل شوند، در کدام گزینه مقایسه درستی از فشار در نقاط (C) و (A) و (B) و (D) انجام شده است؟ (الف $\rho_a > \rho_b$ و نقاط C و A در کف ظرف و نقاط B و D در یک عمق از سطح آزاد مایع قرار دارند و تغییر حجم نداریم).



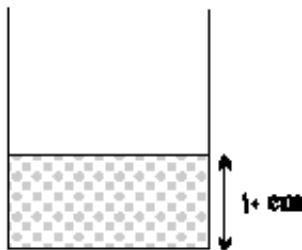
$$\begin{aligned} P_B &< P_D, P_A \\ &= P_C \end{aligned} \quad (1)$$

$$\begin{aligned} P_B &= P_D, P_A \\ &= P_C \end{aligned} \quad (2)$$

$$\begin{aligned} P_B &> P_D, P_A \\ &= P_C \end{aligned} \quad (3)$$

$$\begin{aligned} P_B &< P_D, P_A \\ &< P_C \end{aligned} \quad (4)$$

۱۴۵) در شکل زیر، مقداری مایع با چگالی $2000 \frac{kg}{m^3}$ را در ظرفی استوانه‌ای با سطح مقطع $50 cm^2$ ریخته‌ایم. چند گرم روغن به چگالی $0.8 \frac{g}{cm^3}$ روی آن بریزیم تا فشار حاصل از ستون دو مایع در کف ظرف ۳ برابر فشار ناشی از ستون مایع اولیه شود؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



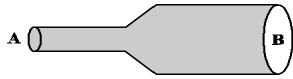
$$1250 \quad (1)$$

$$2500 \quad (2)$$

$$1000 \quad (3)$$

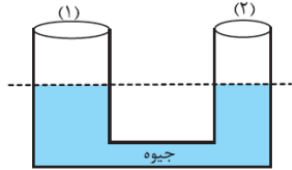
$$2000 \quad (4)$$

۱۴۶) در شکل زیر، شعاع مقطع A نصف شعاع مقطع B است. اگر در هر دقیقه ۲۰ لیتر آب با تندی 4 m/s از مقطع A وارد لوله شود، به ترتیب از راست به چپ، در هر دقیقه چند لیتر آب و با چه تندی برحسب متر بر ثانیه از مقطع B خارج می‌شود؟ (جریان آب پایا و به صورت لایه‌ای است.)



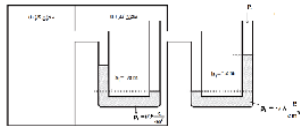
- (۱) ۱ و ۲۰
 (۲) ۲ و ۲۰
 (۳) ۱ و ۴۰
 (۴) ۲ و ۴۰

۱۴۷) در لوله U شکل زیر، که درون آن مقداری جیوه در حال تعادل است سطح مقطع شاخه (۱) برابر با 3 cm^2 و سطح مقطع شاخه (۲) برابر با 2 cm^2 است. اگر $20/4\text{ g}$ آب در شاخه (۱) بریزیم، بعد از ایجاد تعادل، اختلاف ارتفاع جیوه در دو شاخه چند سانتی‌متر خواهد شد؟ $(\rho_{\text{آب}} = 1\text{ g/cm}^3$ و $\rho_{\text{جیوه}} = 13.6\text{ g/cm}^3$)



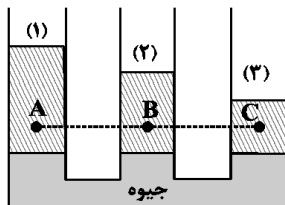
- (۱) ۱/۳۲
 (۲) ۲
 (۳) ۰/۵
 (۴) ۲/۷۲

۱۴۸) در شکل زیر، مایعات درون لوله‌ها در حال تعادل قرار دارند. فشار مخزن گاز ۲ چند برابر فشار مخزن گاز ۱ است؟ $(P_0 = 0.1\text{ MPa}$ و $g = 10\text{ N/kg}$)



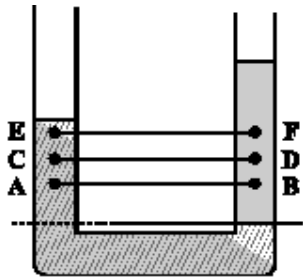
- (۱) ۳/۴
 (۲) ۴
 (۳) ۳/۵
 (۴) ۶/۵

۱۴۹) مطابق شکل زیر، در لوله‌های ظرفی که در آن مقداری جیوه داشته‌ایم، جرم یکسانی از سه مایع با چگالی‌های مختلف را می‌ریزیم. کدام گزینه در مورد مقایسه چگالی سه مایع و فشار در نقاط هم‌تراز A، B و C درست است؟ (مایع‌ها با هم مخلوط نمی‌شوند و سطح مقطع لوله‌های ظرف یکسان است.)



- (۱) $P_A > P_B > P_C$ و $\rho_1 > \rho_2 > \rho_3$
 (۲) $P_C > P_B > P_A$ و $\rho_1 > \rho_2 > \rho_3$
 (۳) $P_A > P_B > P_C$ و $\rho_3 > \rho_2 > \rho_1$
 (۴) $P_C > P_B > P_A$ و $\rho_3 > \rho_2 > \rho_1$

۱۵۰ در لوله U شکل زیر، دو مایع مخلوط نشدنی در حال تعادل قرار دارند. اگر اندازه اختلاف فشار بین دو نقطه هم‌تراز A و B برابر با $6kPa$ باشد، به ترتیب از راست به چپ، اندازه اختلاف فشار بین دو نقطه هم‌تراز C و D و اندازه اختلاف فشار بین دو نقطه هم‌تراز E و F، برحسب پاسکال مطابق با کدام گزینه می‌تواند باشد



- (۱) ۷۰۰۰ و ۸۰۰۰
 (۲) ۷۰۰۰ و ۸۰۰۰
 (۳) ۴۰۰۰ و ۵۰۰۰
 (۴) ۵۰۰۰ و ۴۰۰۰

۱۵۱ مطابق شکل زیر، دو ظرف مشابه را با مقدار یکسان آب به طور کامل پر می‌کنیم و روی یک سطح افقی قرار می‌دهیم. اگر اندازه نیرویی که از طرف آب به کف ظرف‌های A و B وارد می‌شود را به ترتیب F_1 و F_2 و اندازه نیرویی که از طرف این دو ظرف به سطح افقی زیر ظرف‌ها وارد می‌شود را به ترتیب F'_1 و F'_2 بنامیم و همچنین اگر فشاری که از طرف آب به کف ظرف‌های A و B وارد می‌شود را به ترتیب P_1 و P_2 و فشاری که از طرف این دو ظرف به سطح زیر ظرف‌ها وارد می‌شود را به ترتیب P'_1 و P'_2 بنامیم، کدام مقایسه زیر به درستی انجام شده است؟



- (۱) $P'_1 = P'_2$ ، $P_1 = P_2$ ، $F'_1 = F'_2$ ، $F_1 = F_2$
 (۲) $P'_1 > P'_2$ ، $P_1 = P_2$ ، $F'_1 = F'_2$ ، $F_1 > F_2$
 (۳) $P'_1 = P'_2$ ، $P_1 > P_2$ ، $F'_1 < F'_2$ ، $F_1 = F_2$
 (۴) $P'_1 > P'_2$ ، $P_1 = P_2$ ، $F'_1 = F'_2$ ، $F_1 < F_2$

۱۵۲ اگر در یک ظرف استوانه‌ای به جرم‌های مساوی از جیوه (به ارتفاع $10cm$) و مایع A بریزیم، پس از برقراری تعادل فشار کل در کف ظرف $94cmHg$ خواهد شد. اگر در همان محل و در ظرف استوانه‌ای دیگری به جرم‌های مساوی از جیوه (به ارتفاع $20cm$) و مایع B بریزیم، پس از برقراری تعادل، فشار کل در کف این ظرف چند سانتی‌متر جیوه خواهد شد؟ (هیچ‌کدام از مایع‌ها با هم مخلوط نمی‌شوند.)

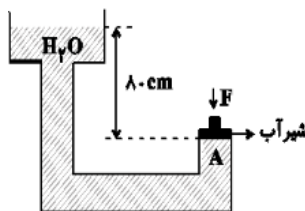
(۴) ۱۳۹

(۳) ۱۰۴

(۲) ۱۱۴

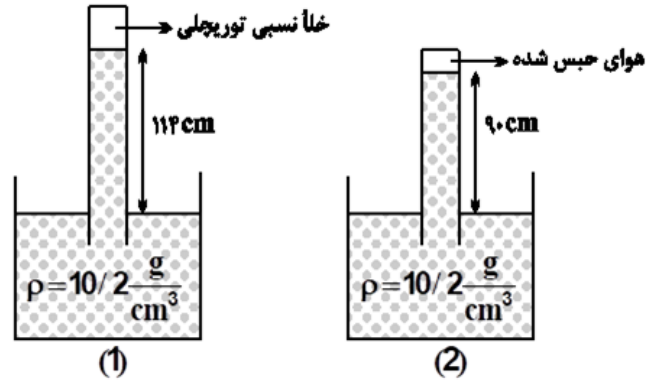
(۱) ۱۷۹

۱۵۳ مطابق شکل زیر، سطح مقطع شیر خروجی آب برابر با $2cm^2$ است. نیرویی که باید با انگشت شست به دهانه شیر وارد کنیم تا مانع خروج آب شود، برابر با چند نیوتون است؟ ($p_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}$ و $P_0 = 10^5 Pa$)



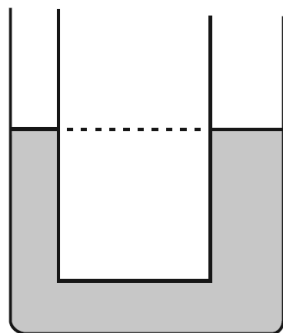
- (۱) ۲۲
 (۲) ۲۱
 (۳) ۲۱/۶
 (۴) ۲۰/۶

۱۵۴) مطابق شکل‌های زیر، در آزمایش توریچلی، از مایعی به چگالی $10/2 \frac{g}{cm^3}$ استفاده کرده‌ایم. فشار هوای حبس شده در آزمایش مربوط به شکل (۲) چند سانتی‌متر جیوه است؟ ($\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 g/cm^3$)



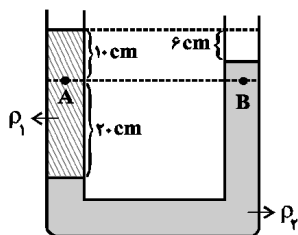
- (۱) ۳۶
- (۲) ۲۴
- (۳) ۱۸
- (۴) صفر

۱۵۵) مطابق شکل زیر، در یک لوله U شکل که مساحت قاعده شاخه‌های سمت چپ و راست آن به ترتیب $4cm^2$ و $10cm^2$ است، مقداری آب در حال تعادل قرار دارد. در لوله سمت چپ چند گرم روغن بریزیم تا بعد از ایجاد تعادل، سطح آب در لوله سمت راست، نسبت به حالت اولیه $4cm$ بالا برود؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$ و چگالی آب و روغن به ترتیب $1 \frac{g}{cm^3}$ و $0/8 \frac{g}{cm^3}$ می‌باشد.)



- (۱) ۶۷/۲
- (۲) ۲۲/۴
- (۳) ۵۶
- (۴) ۱۱/۲

۱۵۶) در شکل زیر، دو مایع مخلوط نشدنی داخل لوله U شکل در حال تعادل قرار دارند. اگر اندازه اختلاف فشار دو نقطه A و B برابر $400Pa$ باشد، چگالی ρ_1 چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

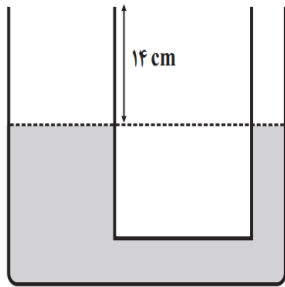


- (۱) ۰/۸
- (۲) ۱
- (۳) ۱/۲
- (۴) ۱/۴

۱۵۷) اگر فشار کل در عمق ۷ متری و ۴ متری از سطح آزاد یک مایع به ترتیب $1/94$ اتمسفر و $1/58$ اتمسفر باشد، فشار کل در عمق ۸ متری از سطح آزاد این مایع چند اتمسفر است؟

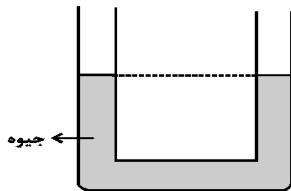
- (۱) ۲/۰۰
- (۲) ۲/۰۶
- (۳) ۲/۱۲
- (۴) ۲/۲۰

۱۵۸) مطابق شکل زیر، در لوله U شکلی که سطح مقطع شاخه سمت چپ آن، سه برابر سطح مقطع شاخه سمت راست آن است، مایع A به چگالی ρ_A در حال تعادل است. اگر در شاخه سمت چپ آن قدر از مایعی به چگالی $\rho_B = \frac{\rho_A}{4}$ بریزیم تا به طور کامل پر شود، سطح مایع در شاخه سمت راست نسبت به حالت اول چند سانتی‌متر بالا می‌آید؟ (دو مایع A و B مخلوط نمی‌شوند).



- ۱۰ (۱)
۲ (۲)
۴ (۳)
۶ (۴)

۱۵۹) در شکل زیر، جیوه درون لوله U شکل در حال تعادل است. چند گرم مایع با چگالی $\frac{3}{4} \frac{g}{cm^3}$ درون یکی از شاخه‌ها بریزیم تا پس از ایجاد تعادل، سطح جیوه در شاخه دیگر نسبت به حالت اول $2/5 cm$ بالا آید؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$, $\rho_{Hg} = 13/6 \frac{g}{cm^3}$ و سطح مقطع لوله در طرفین یکسان و برابر با $5 cm^2$ است.)



- ۲۰ (۱)
۵۰ (۲)
۱۷۰ (۳)
۳۴۰ (۴)

۱۶۰) چه تعداد از عبارتهای زیر درست است؟

(الف) حالت پلاسمای ماده اغلب در دماهای خیلی بالا به وجود می‌آید.

(ب) شیشه یک جامد بی‌شکل (آمورف) است.

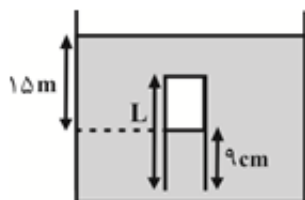
(پ) نظم و تقارن مولکول‌های مایع مانند نظم و تقارن مولکول‌های جامد بلورین است.

(ت) اندازه مولکول‌های گاز خیلی کمتر از فاصله میانگین مولکول‌های آن از یکدیگر است.

- ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۱۶۱) لوله آزمایشی را وارونه کرده و در آب فرو می‌بریم. اگر در عمق ۱۵ متری آب، مقدار آبی که وارد لوله می‌شود $9 cm$ باشد، طول لوله چند سانتی‌متر است؟

(دما ثابت فرض شود و $g = 10 \frac{N}{kg}$ ، $\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{kg}{m^3}$ و $P_0 = 10^5 Pa$ و هنگام فرو کردن لوله در آب، از خارج شدن هوای داخل لوله صرف نظر شود.)



- ۱۲ (۱) ۱۸ (۲)
۲۰ (۳) ۱۵ (۴)

۱۶۱) درون استوانه‌ای به سطح مقطع 10cm^2 تا ارتفاع ۲۰ سانتی‌متری مایعی به چگالی $1/0125 \frac{\text{kg}}{\text{L}}$ ریخته‌ایم. چند سانتی‌متر مکعب از مایعی با چگالی $0/2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ به ظرف اضافه کنیم تا پس از تعادل، فشار کل در ته ظرف دو درصد افزایش یابد؟
 $(\rho_{hg} = 13/5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, P_0 = 75\text{cm.Hg})$

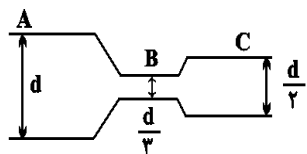
۱۳۰۲/۵۶ (۴)

۱۰۳۲/۷۵ (۳)

۹۱۲/۵ (۲)

۸۷۵ (۱)

۱۶۲) مطابق شکل در لوله‌ای افقی، جریان آرامی از شاخه‌های تراکم‌ناپذیر به صورت لایه‌ای از چپ به راست جریان دارد. اگر فشار و تندی آب در مقطع‌های A, B, C و A, B, C را به ترتیب با P_A, P_B, P_C و v_A, v_B, v_C نشان دهیم، کدام گزینه صحیح است؟



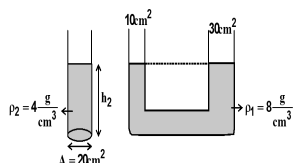
$$\begin{aligned} P_B &> P_C \\ &> P_A \\ v_A &= 0 \\ &/25v_C \end{aligned} \quad (۲)$$

$$\begin{aligned} P_B &< P_C \\ &< P_A \\ v_C &= 2 \\ &= 2v_A \end{aligned} \quad (۴)$$

$$\begin{aligned} P_B &> P_C \\ &> P_A \\ v_B &= 9v_A \end{aligned} \quad (۱)$$

$$\begin{aligned} P_B &< P_C \\ &< P_A \\ v_B &= 2 \\ &/25v_C \end{aligned} \quad (۳)$$

۱۶۴) در ظرفی استوانه‌ای شکل، به سطح مقطع 20cm^2 مایعی به چگالی $\rho_2 = 4 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ریخته‌ایم و فشار کل در کف ظرف برابر 16cm.Hg شده است. اگر مایع این ظرف را به شاخه سمت چپ لوله ل شکل زیر اضافه نماییم، مایع (۱) در شاخه سمت راست لوله ل شکل چند سانتی‌متر بالا می‌رود؟
 $(\rho_{Hg} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, P_0 = 76\text{cm.Hg}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$

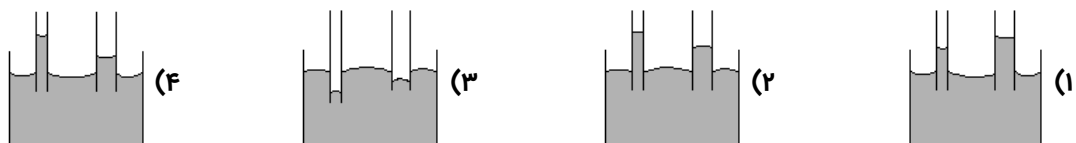


- ۸ (۱)
- ۸/۵ (۲)
- ۴ (۳)
- ۴/۲۵ (۴)

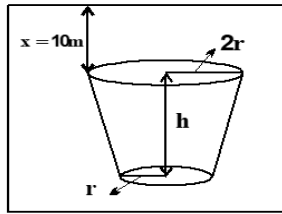
۱۶۵) کدام یک از موارد زیر نادرست است؟

- (۱) وقتی که کامیون در حال حرکت است، پوشش برزنتی آن پف می‌کند.
- (۲) در هنگام اوج گرفتن هواپیما، فشار هوا در زیر بال هواپیما از بالای آن کمتر است.
- (۳) در روزهایی که باد می‌وزد، ارتفاع موج‌های دریا بالاتر از روزهایی است که باد نمی‌وزد.
- (۴) خروج افشانه در بیشتر شیشه‌های عطر به دلیل اصل برنولی است.

۱۶۶) کدام شکل وضعیت آب را در لوله شیشه‌ای مویین تمیز، به درستی نشان می‌دهد؟

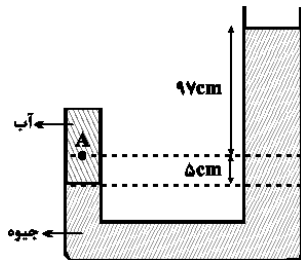


۱۶۷) جسمی مخروطی شکل، مطابق شکل زیر درون مخزنی حاوی مایع، ثابت است. اگر اندازه نیرویی که از طرف مایع به سطح بالایی و پایینی مخروط وارد می‌شود، برابر باشد، ارتفاع مخروط که با h مشخص شده چند متر است؟ (از فشار هوا صرف نظر شود.)



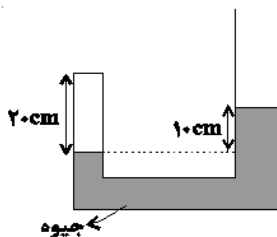
- (۱) ۳۰
- (۲) ۴۰
- (۳) ۱۰
- (۴) ۲۰

۱۶۸) در شکل زیر مجموعه در حال تعادل است. فشار پیمانه‌ای نقطه A چند کیلوپاسکال است؟ $(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}, \rho_{\text{Hg}} = 13 \frac{g}{cm^3}, g = 10 \frac{m}{s^2})$



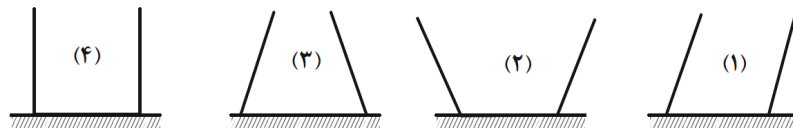
- (۱) ۱۳۸۲۲۰
- (۲) ۱۳۸۷۲۰
- (۳) ۱۳۸/۷۲
- (۴) ۱۳۸/۲۲

۱۶۹) در لوله U شکل زیر مقداری گاز کامل در سمت چپ لوله محبوس شده است و مساحت مقطع لوله در سمت راست دو برابر مساحت مقطع لوله در سمت چپ است. به شاخه سمت راست چند سانتی‌متر جیوه اضافه کنیم تا فشار پیمانه‌ای گاز ۳ برابر شود؟ $(P_0 = 70 \text{ cm.Hg})$ و دما ثابت است.)



- (۱) ۳۰
- (۲) ۲۸
- (۳) ۳۲
- (۴) ۲۶

۱۷۰) در شکل‌های زیر، مساحت مقطع کف طرف‌ها با هم برابر است. در صورتی‌که در تمام آن‌ها جرم یکسانی از یک مایع ریخته شود، فشار حاصل از ستون مایع در کف طرف و اندازه نیرویی که طرف‌ها به سطح افقی وارد می‌کنند، در کدام گزینه به درستی مقایسه شده‌اند؟ (جرم تمامی طرف‌ها یکسان است.)



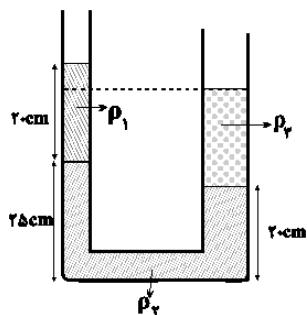
$$\begin{aligned} F_F &> F_1 \\ &= P_F \\ &> P_F \\ &> P_F \\ F_1 & & \text{(۴)} \\ &= F_F \\ &= F_F \\ &= F_F \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} F_F &> P_1 \\ &= P_F \\ &> P_F \\ &> P_F \\ F_F & & \text{(۳)} \\ &> F_1 \\ &= F_F \\ &> F_F \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} F_1 &= P_F \\ &= P_F \\ &> P_F \\ &> P_F \\ F_1 & & \text{(۲)} \\ &= F_F \\ &> F_F \\ &> F_F \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} F_1 &= P_F \\ &= P_F \\ &= P_F \\ &= P_F \\ F_1 & & \text{(۱)} \\ &= F_F \\ &= F_F \\ &= F_F \end{aligned}$$

۱۷) در شکل زیر، سه مایع مخلوط نشدنی به چگالی‌های $\rho_1 = 0/8 \frac{g}{cm^3}$ ، $\rho_2 = 2/4 \frac{g}{cm^3}$ و مایع سوم به جرم $84g$ به حالت تعادل قرار دارند. سطح مقطع لوله چند سانتی‌متر مربع است؟ (سطح مقطع لوله در تمام طول آن یکسان است).



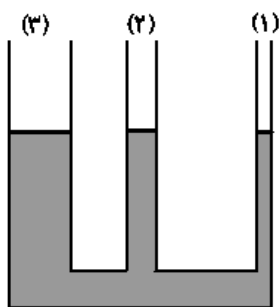
- ۲ (۱)
- ۳ (۲)
- ۴ (۳)
- ۱ (۴)

۱۸) جرم دو مایع به چگالی‌های $\rho_1 = 2/7 \frac{g}{cm^3}$ و $\rho_2 = 2/25 \frac{g}{cm^3}$ به ترتیب برابر با m و $2m$ است. اگر این دو مایع را داخل ظرفی استوانه‌ای بریزیم، بدون مخلوط شدن، مجموع ارتفاع دو مایع $68 cm$ می‌شود. فشار ناشی از دو مایع در کف ظرف چند سانتی‌متر جیوه است؟ ($\rho_{Hg} = 13/5 \frac{g}{cm^3}$)

- ۲۴ (۴)
- ۱۸ (۳)
- ۱۵ (۲)
- ۱۲ (۱)

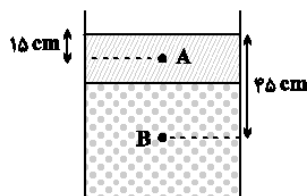
۱۹) در شکل زیر، مساحت سطح مقطع لوله‌های (۱)، (۲) و (۳) به ترتیب A ، $2A$ و $4A$ می‌باشد و آب در آن در حالت تعادل قرار دارد. در صورتی‌که در شاخه (۱)، به ارتفاع $70 cm$ روغن بریزیم، آب در دو شاخه دیگر چند سانتی‌متر بالا می‌رود؟

$$(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}, \rho_{\text{روغن}} = 0/8 \frac{g}{cm^3})$$



- ۶، ۶ (۱)
- ۴، ۴ (۲)
- ۱۲، ۴ (۳)
- ۸، ۸ (۴)

۲۰) در ظرف شکل زیر، مایعی به چگالی ρ در حال تعادل قرار دارد. اگر اندازه اختلاف فشار بین دو نقطه A و B برابر با $7/5 kPa$ باشد، ρ چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

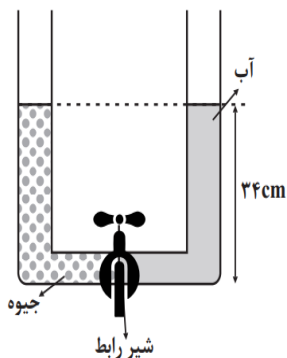


- ۲/۵ (۱)
- ۱/۵ (۳)
- ۳ (۲)
- ۱ (۴)

۲۱) برای جسمی که در سطح یک شاره شناور است، اندازه نیروی شناوری وارد بر جسم اندازه نیروی وزن آن است.

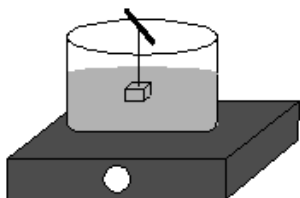
- برابر با (۱)
- بیش‌تر از (۳)
- کم‌تر از (۲)
- بسته به چگالی جسم و شاره، هر سه حالت ممکن است. (۴)

۱۷۶) مطابق شکل زیر، مقداری آب و جیوه در داخل لوله U شکل قرار دارند. شیر را باز می‌کنیم تا مایعات به تعادل برسند. در این حالت، در شاخه سمت چپ تا چه ارتفاعی از روغن با چگالی $\frac{9}{85} \text{ g/cm}^3$ بر حسب سانتی‌متر بریزیم تا سطح آزاد آب و روغن در یک تراز قرار گیرند؟ $\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ، $\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ (مطابق شکل زیر، مقداری آب و جیوه در داخل لوله U شکل قرار دارند. شیر را باز می‌کنیم تا مایعات به تعادل برسند. در این حالت، در شاخه سمت چپ تا چه ارتفاعی از روغن با چگالی $\frac{9}{85} \text{ g/cm}^3$ بر حسب سانتی‌متر بریزیم تا سطح آزاد آب و روغن در یک تراز قرار گیرند؟ $\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ، $\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$)



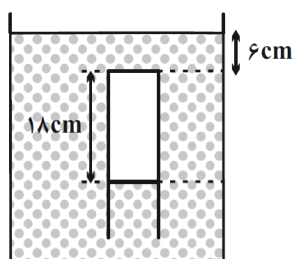
- (۱) ۳۴/۴
- (۲) ۳۳/۶
- (۳) ۳۴
- (۴) ۳۰

۱۷۷) مطابق شکل جسمی مکعبی شکل به نخ متصل شده و در آب داخل ظرف در حال تعادل است و ترازو عدد F را نشان می‌دهد. اگر نخ را پاره کنیم تا جسم به طرف پایین شتاب بگیرد، ترازو بلافاصله بعد از پاره شدن نخ و حرکت جسم عدد F' را نشان می‌دهد. در این صورت کدام گزینه صحیح است؟ (جرم نخ و میله ناچیز است و میله روی ظرف قرار دارد.)



- (۱) $F' = F$
- (۲) $F' > F$
- (۳) $F' < F$
- (۴) $F' = 0$

۱۷۸) در شکل زیر مایع درون ظرف، جیوه و لوله‌ای که در آن گازی محبوس است، به شکل وارونه درون جیوه نگه داشته شده است. اگر فشار هوا 76 cmHg فرض شود، انتهای لوله را در راستای قائم چند سانتی‌متر از سطح آزاد جیوه در ظرف بالاتر ببریم تا فشار گاز درون لوله نصف شود؟ (دما ثابت و طول لوله به اندازه کافی بلند است.)



- (۱) ۳۶
- (۲) ۶۶
- (۳) ۶۲
- (۴) ۴۲

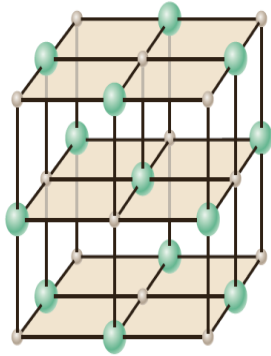
۱۷۹) با توجه به الگوی سه بعدی زیر، چه تعداد از عبارتهای زیر صحیح هستند؟

الف) ذرات این جسم به سبب نیروی الکتریکی که به یکدیگر وارد می‌کنند، کنار هم می‌مانند.

ب) این الگو می‌تواند مربوط به اتمهای شیشه باشد.

پ) فاصله ذرات این جسم حدود یک آنگستروم می‌باشد.

ت) وقتی مایعی را به آهستگی سرد کنیم، می‌تواند این ساختار تشکیل شود.



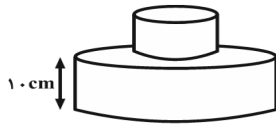
۲ (۲)

۴ (۴)

۱ (۱)

۳ (۳)

۱۸۰) در شکل زیر، سطح مقطع قسمت استوانه‌ای پایین ظرف 200cm^2 و سطح مقطع قسمت استوانه‌ای بالای ظرف 100cm^2 است. اگر ۳ لیتر از مایعی به چگالی $4 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ را در ظرف بریزیم، پس از ایجاد تعادل، اندازه نیروی ناشی از مایع که به کف ظرف وارد می‌شود، چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ و مایع از ظرف بیرون نمی‌ریزد.)



۱۴۰ (۲)

۱۸۰ (۴)

۱۲۰ (۱)

۱۶۰ (۳)

گزینه درست: ۲

سوال ۹۱

گزینه «۲»

عبارتهای «ب» و «ت» درست و «الف» و «پ» نادرست هستند.

بررسی عبارتهای نادرست:

آ) افزایش دما باعث کاهش نیروی هم‌چسبی مولکول‌های یک مایع می‌شود.

پ) اضافه کردن مایع ظرفشویی به آب باعث کاهش کشش سطحی می‌شود.

گزینه درست: ۳

سوال ۹۲

گزینه «۳»

قرار گرفتن گیره فلزی روی سطح آب به خاطر نیروی کشش سطحی آب و نیروی هم‌چسبی می‌باشد و نیروی دگرچسبی در آن نقشی ندارد.

گزینه درست: ۲

سوال ۹۳

گزینه «۲»

ماده درون ستارگان در حالت (فاز) پلاسما است. ماده درون سیاره‌ها درست همانند زمین در حالت جامد، مایع و گاز است.

سوال ۹۴

گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

با سوراخ کردن مخزن سطح مایع در دو سمت با یکدیگر برابر می‌شود.

ابتدا باید اختلاف ارتفاع مایع در دو شاخه را به دست بیاوریم:

$$\rho gh = 7 \times 10^3 \times 10 \times h = 35000 \Rightarrow h = \frac{1}{7} m = 50 \text{ cm}$$

پس مایع ۲۵ سانتی‌متر از سمت راست پایین می‌رود و هم‌چنین ۲۵ سانتی‌متر از سمت دیگر بالا می‌آید.

سوال ۹۵

گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

به بررسی گزینه‌های نادرست می‌پردازیم:

گزینه «۱»: ذرات جسم جامد در مکان‌های معینی نسبت به هم قرار دارند و در اطراف این مکان‌ها، نوسان‌های بسیار کوچکی دارند و ذرات مایع در مکان خود ثابت نیستند.

گزینه «۲»: ماده درون ستارگان و بیشتر فضای بین ستاره‌ای از جنس پلاسما، حالت چهارم ماده است.

گزینه «۴»: مولکول‌های مایع نظم و تقارن جامدهای بلورین را ندارند و به صورت نامنظم و نزدیک به یکدیگر قرار گرفته‌اند.

سوال ۹۶

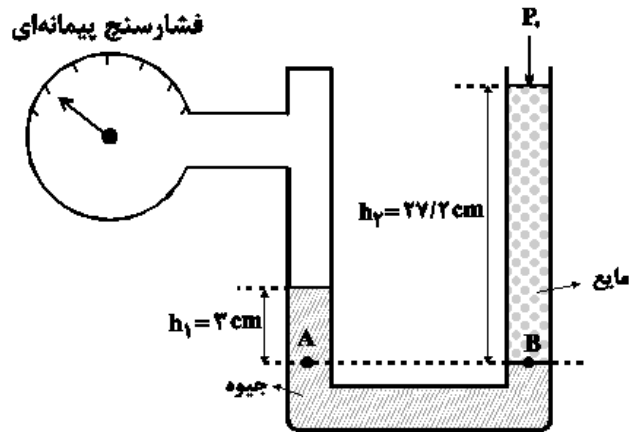
گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

وقتی یک ورق کاغذ را جلوی دهانتان می‌گیرید و در سطح بالای آن می‌دمید، تندی جریان هوا در بالای کاغذ بیشتر از زیر آن می‌شود و با توجه به اصل برنولی، فشار هوا در بالای کاغذ کمتر از زیر آن می‌شود، بنابراین نیروی بالاسوی خالصی به ورق کاغذ وارد می‌شود و کاغذ به طرف بالا حرکت می‌کند.

سایر گزینه‌ها صحیح هستند.

ابتدا باید مشخص کنیم فشار ستونی از مایع به ارتفاع $۲۷/۲\text{cm}$ معادل با فشار چند سانتی‌متر ستون جیوه است. داریم:



$$\rho_{\text{H}_2\text{O}} h_1 = \rho_{\text{Hg}} h_2$$

$$\Rightarrow 13/6 \times h = 12/5 \times 27/2 \Rightarrow h = 5\text{cm}$$

$$\Rightarrow P_{\text{Hg}} = 5\text{cmHg}$$

از طرف دیگر می‌دانیم، فشار پیمانه‌ای برابر با اختلاف فشار گاز و فشار هوا است، یعنی $P_g = P_{\text{pit}} - P_0$ است. بنابراین برای محاسبه فشار پیمانه‌ای، برای نقاط هم‌تراز A و B که هر دو در جیوه قرار دارند، می‌توان نوشت:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_{\text{pit}} + P_{h_1} = P_0 + P_{h_2}$$

$$P_{\text{pit}} + 3 = P_0 + 5 \Rightarrow P_{\text{pit}} - P_0 = 2\text{cmHg} \Rightarrow P_g = 2\text{cmHg}$$

با توجه به شکل صورت سؤال، چون اندازه نیروی شناوری وارد بر جسم A برابر با اندازه نیروی وزن جسم است، در نتیجه نیروی خالص وارد بر آن صفر است و جسم A روی سطح آب شناور می‌ماند.

چون اندازه نیروی شناوری وارد بر جسم B بزرگ‌تر از نیروی وزن آن است، در نتیجه نیروی خالص وارد بر آن به سمت بالا است و جسم B به بالا می‌رود.

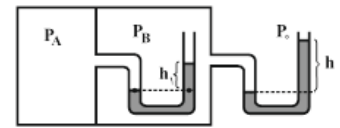
اندازه نیروی وزن جسم C بزرگ‌تر از اندازه نیروی شناوری وارد بر آن است، در نتیجه جسم C در مایع فرو می‌رود.

با توجه به معادله پیوستگی برای شاره‌ای تراکم ناپذیر، داریم:

$$A_1 v_1 = A_2 v_2 \xrightarrow{A = \pi \frac{d^2}{4}} D^2 v_1 = d^2 v_2$$

$$\xrightarrow{d = 0.1 \text{ m}} D^2 \times 3/2 = 0.064 D^2 v_2 \Rightarrow v_2 = 5 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

با توجه به اصل برابری فشار در نقاط هم‌تراز از یک مایع ساکن، برای نقاط هم‌تراز (F, E) و (N, M) می‌توان نوشت:



$$P_E = P_F \quad \text{نقاط } E \text{ و } F :$$

$$\Rightarrow P_A = \rho g h_1 + P_B \Rightarrow 0.15 \times 10^3 = 10^3 \times 10 \times \frac{150}{100} + P_B$$

$$\Rightarrow P_B = 13/2 \times 10^3 \text{ Pa}$$

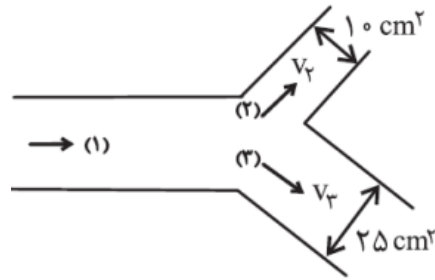
نقاط M و N :

$$P_M = P_N$$

$$\Rightarrow P_B = \rho g h + P_0 \Rightarrow 13/2 \times 10^3 = 10^3 \times 10 h + 10^5$$

$$\Rightarrow h = 3/2 \text{ m} = 32.5 \text{ cm}$$

با توجه به پایا بودن جریان شاره داریم:



آهنگ جریان شاره در لوله (۳) + آهنگ جریان شاره در لوله (۲) = آهنگ جریان شاره در لوله (۱)

$$\Rightarrow A_1 v_1 = A_2 v_2 + A_3 v_3 \quad \begin{matrix} A_1 v_1 = 9 \frac{\text{cm}^2}{\text{s}} = 9 \times 10^3 \frac{\text{cm}^3}{\text{s}} \\ v_2 = 2v_3 \end{matrix}$$

$$9 \times 10^3 = 10v_2 + 25 \times \frac{v_2}{2} \Rightarrow 22/5 v_2 = 9 \times 10^3$$

$$\Rightarrow v_2 = 400 \frac{\text{cm}}{\text{s}} = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

موارد «آ» و «ت» صحیح‌اند.

به بررسی موارد نادرست می‌پردازیم:

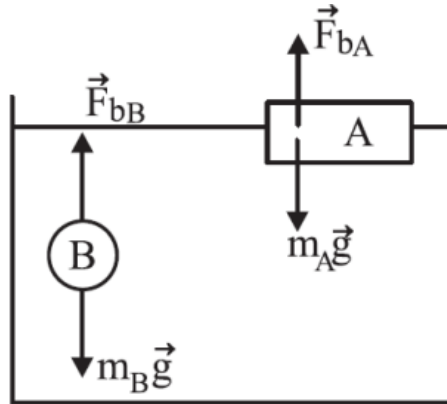
(ب) وقتی مایعی به سرعت سرد می‌شود، جامد بی‌شکل یا آمورف به وجود می‌آید. جامدهای بلورین در اثر سرد کردن آرام مایعات به وجود می‌آیند.

(پ) فاصله ذرات سازنده مایع و جامد تقریباً یکسان و در حدود یک آنگستروم است.

جسم A ، روی سطح مایع شناور و جسم B ، داخل مایع غوطه‌ور و به حال تعادل قرار دارند، لذا نیروی شناوری و نیروی وزن هر یک از اجسام با یکدیگر برابر است:

$$\begin{aligned} F_{bA} &= m_A g & F_{bA} > F_{bB} \\ F_{bB} &= m_B g & \longrightarrow m_A g > m_B g \end{aligned}$$

$$\Rightarrow m_A > m_B \Rightarrow \rho_A V_A > \rho_B V_B$$



چون جسم توپر A روی سطح مایع شناور است، لذا چگالی آن از چگالی مایع کمتر و چون جسم توپر B در داخل مایع غوطه‌ور است، چگالی آن با چگالی مایع برابر است، لذا:

$$\rho_A V_A > \rho_B V_B \xrightarrow{\rho_B > \rho_A} V_A > V_B$$

با توجه به اینکه فشار در شاخه راست و چپ نقطه A یکسان است، داریم:

$$P_{\text{مخزن}} + P_1 = P_2 + P_0 \Rightarrow P_{\text{مخزن}} - P_0 = P_2 - P_1$$

$$P_g = P_2 - P_1 \xrightarrow{P_g = \rho \times h \times g} P_2 - P_1 = \rho \times h \times g \quad (*)$$

اکنون فشار مایع (۱) را برحسب $cmHg$ محاسبه می‌کنیم:

$$P_1 = \frac{\rho_1 h_1}{\rho_{Hg}} = \frac{0.8 \times 40 / 8}{13.6} = 2 / 4 cmHg$$

$$\rightarrow P_2 = 5 / 4 cmHg$$

$$\Rightarrow P_2 = \frac{\rho_2 h_2}{\rho_{Hg}} = 5 / 4 = \frac{\rho_2 \times 40 / 8}{13.6} \Rightarrow \rho_2 = 1 / 8 \frac{g}{cm^3}$$

موارد الف، ب و ت درست‌اند.

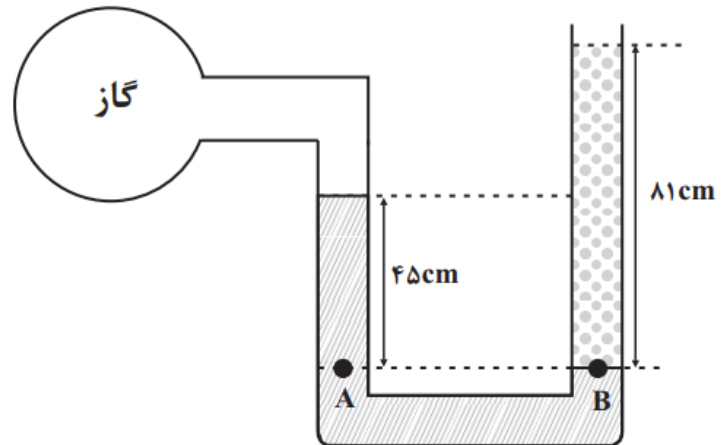
مورد «پ» غلط است؛ زیرا پدیده پخش نشان‌دهنده حرکات نامنظم و کاتوره‌ای ذرات آب است نه نمک.

ابتدا فشار ناشی هر یک از مایعات را بر حسب cmHg محاسبه می‌کنیم، داریم:

$$P_{\text{مایع}} = P_{\text{جوهر}} \Rightarrow \rho_1 h_1 = (\rho \cdot h)_{Hg}$$

$$\Rightarrow 1/2 \times 45 = 13/5 \times h \Rightarrow h = 4 \text{ cm}$$

یعنی فشار ناشی از ۴۵cm مایع با چگالی $1/2 \frac{g}{cm^3}$ برابر با فشار ناشی از ۴cm جیوه است.



$$P_{\text{مایع}} = P_{\text{جوهر}} \Rightarrow \rho_2 h_2 = (\rho \cdot h')_{Hg}$$

$$\Rightarrow 81 \times 1 = 13/5 \times h' \Rightarrow h' = 6 \text{ cm}$$

یعنی فشار ناشی از ۸۱cm مایع ۲ معادل با فشار ناشی از ۶cm جیوه است.

$$P_A = P_B$$

$$(P_{\text{جگ}} + P_1)_{cmHg} = (P_0 + P_2)_{cmHg}$$

$$\Rightarrow P_{\text{جگ}} - P_0 = P_2 - P_1 = 6 - 4 = 2 \text{ cmHg}$$

فشار کل در عمق h از یک مایع برابر است با:

$$P = pgh + P_0$$

$$P_2 = 1/5 P_1 \Rightarrow pgh_2 + P_0 = 1/5(pgh_1 + P_0)$$

$$\frac{h_2 = 0.2m}{h_1 = 0.1m} \rightarrow h_1 = 0.1m \Rightarrow 0.2m \rho \times 10 \times \frac{2}{10} + P_0 = 1$$

$$/5(\rho \times 10 \times \frac{1}{10} + P_0)$$

$$\Rightarrow 2\rho + P_0 = 1/5\rho + 1/5P_0 \Rightarrow 9/5\rho = 4/5P_0 \Rightarrow \rho = P_0 \quad (*)$$

$$P_2 = pgh_2 + P_0 \Rightarrow \rho \times 10 \times \frac{2}{10} + P_0 = 120000$$

$$\stackrel{(*)}{\Rightarrow} 3P_0 + P_0 = 120000 \Rightarrow P_0 = 30000 Pa$$

گزینه درست: ۱

سوال ۱۰۸

گزینه «۱»

اختلاف فشار هوای بیرون و داخل زودپز برابر است با:

$$P = 2 \text{ atm} - 1 \text{ atm} = 1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$$

فشاری که وزن به روزنه خروج بخار وارد می‌کند برابر است با:

$$F = PA = 10^5 \times 4 \times 10^{-6} = 4 \times 10^{-1} \text{ N}$$

$$F = W = mg \Rightarrow 0.4 = m \times 10 \Rightarrow m = 0.04 \text{ kg} = 40 \text{ g}$$

گزینه درست: ۳

سوال ۱۰۹

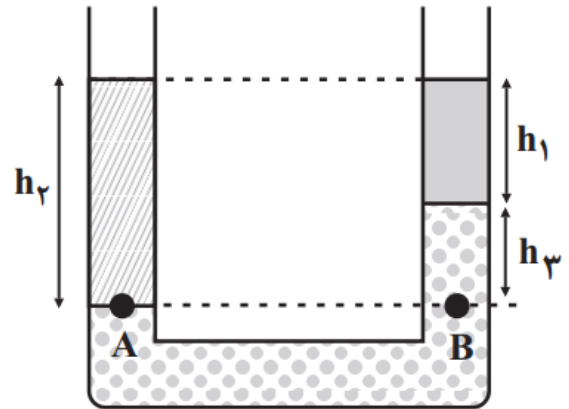
گزینه «۳»

اگر سطح مقطع دهانه ظرف را a و سطح مقطع کف ظرف را A و وزن مایع اضافه شده را F^c فرض کنیم، رابطه زیر برقرار است:

$$F^c = mg = 0.2 \times 10 = 2 \text{ N}$$

$$\Delta F = \frac{A}{a} F^c \Rightarrow \Delta F = \frac{A}{\frac{1}{5}A} \times 2 = 10 \text{ N}$$

ابتدا با توجه به اصل برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، چگالی مایع (۲) را به دست می‌آوریم:



$$P_A = P_B$$

$$P_2 + P_0 = P_1 + P_2 + P_0$$

$$\Rightarrow \rho_2 g h_2 = \rho_1 g h_1 + \rho_3 g h_3$$

$$\Rightarrow \rho_2 h_2 = \rho_1 h_1 + \rho_3 h_3$$

$$(h_1 = 15 \text{ cm}, h_2 = 25 \text{ cm}, h_3 = 10 \text{ cm})$$

$$\Rightarrow \rho_2 = \frac{F_0}{V_0} = 1/6 \frac{g}{\text{cm}^3}$$

$$V_2 = \pi r^2 h_2 \Rightarrow 3 \times 0/5^2 \times 25 = 18/75 \text{ cm}^3$$

$$\Rightarrow m_2 = \rho_2 v_2 = 1/6 \times 18/75 = 30g$$

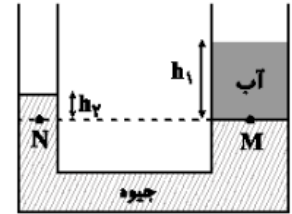
ابتدا حجم آب در شاخه B را به دست می آوریم:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow 1 = \frac{20/4}{V} \Rightarrow V = 20/4 \text{ cm}^3$$

سپس ارتفاع آب در شاخه B را به دست می آوریم:

$$V = Ah \Rightarrow 20/4 = 1/5h \Rightarrow h = 13/6 \text{ cm}$$

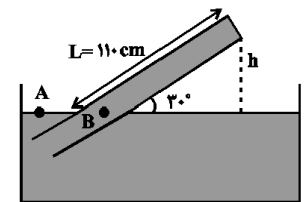
حال می توان اختلاف سطح جیوه در دو شاخه را به دست آورد:



$$P_M = P_N \Rightarrow p_{\text{آب}} h_1 = p_{\text{جیوه}} h_2$$

$$\Rightarrow 1 \times 13/6 = 13/6 \times h_2 \Rightarrow h_2 = 1 \text{ cm}$$

ابتدا ارتفاع قائم جیوه درون لوله را به دست می آوریم:



$$\sin 30^\circ = \frac{h}{L} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{h}{110} \Rightarrow h = 55 \text{ cm}$$

اکنون فشار وارد بر انتهای بسته لوله را می یابیم. چون جیوه در حال تعادل است، فشار در نقطه B برابر با فشار ستون قائم جیوه درون لوله به اضافه فشار انتهای بسته لوله بر جیوه است که با فشار نقطه A برابر می باشد. بنابراین داریم:

$$P_A = P_B \frac{P_B = P_{\text{انتهای بسته لوله}} + P_{\text{جیوه}}}{P_A = P_{\text{انتهای بسته لوله}}} \rightarrow P_{\text{جیوه}} = P_{\text{انتهای بسته لوله}}$$

$$P_{\text{جیوه}} = P_{\text{انتهای بسته لوله}} \Rightarrow 75 = P_{\text{انتهای بسته لوله}} + 55 \Rightarrow P_{\text{انتهای بسته لوله}} = 20 \text{ cmHg}$$

می کنیم:

$$P = \rho gh \xrightarrow{\rho = 13500 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, h = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}} P = 13500 \times 10 \times 0.2 = 27000 \text{ Pa}$$

$$F = PA \xrightarrow{A = 10 \text{ cm}^2 = 10 \times 10^{-4} \text{ m}^2} F = 27000 \times 10^{-3} \Rightarrow F = 27 \text{ N}$$

گزینه درست: ۱

سوال ۱۱۳

گزینه «۱»

با استفاده از رابطه فشار کل در شاردهای ساکن، داریم:

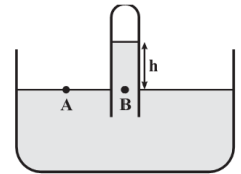
$$P = P_0 + \rho gh \Rightarrow \begin{cases} P_{P_0} = 10^5 + 10^3 \times 10 \times 30 = 4 \times 10^5 Pa \\ P_{P_0} = 10^5 + 10^3 \times 10 \times 10 = 2 \times 10^5 Pa \end{cases}$$

$$\frac{P_{P_0}}{P_{P_0}} = \frac{4 \times 10^5}{2 \times 10^5} = 2 \text{ بنابراین}$$

گزینه درست: ۲

سوال ۱۱۴

گزینه «۲»



با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 = P_{\text{گاز}} + P_{\text{آب}}$$

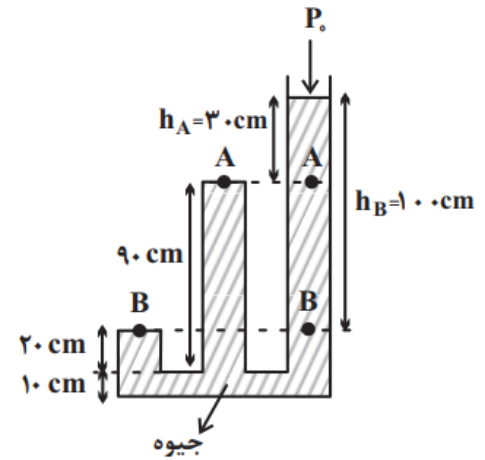
$$\Rightarrow 75 = 72/5 + P_{\text{آب}} \Rightarrow P_{\text{آب}} = 2/5 \text{ cmHg}$$

حال ارتفاع ستون آبی را که فشاری معادل با $2/5 \text{ cmHg}$ ایجاد می‌کند، می‌یابیم. داریم:

$$\rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} = \rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}} \Rightarrow 1 \times h_{\text{آب}} = 13/6 \times 2/5$$

$$\Rightarrow h_{\text{آب}} = 34 \text{ cm}$$

ابتدا نقطه‌های هم‌تراز با نقطه‌های A و B را در شاخه سمت راست پیدا کرده و سپس فاصله این نقطه‌ها را از سطح آزاد جیوه تعیین می‌کنیم.



با توجه به شکل فاصله نقطه A از سطح آزاد جیوه برابر با $h_A = 30\text{cm}$ و فاصله نقطه B از سطح آزاد جیوه برابر با $h_B = 100\text{cm}$ است. با توجه به این که فشار در نقطه‌های A و B برابر $P_A = P_0 + P'_A$ و $P_B = P_0 + P'_B$ است، به صورت زیر فشار هوای محیط (P_0) را می‌یابیم. دقت کنید P'_A و P'_B به ترتیب فشار مایع در نقطه‌های A و B برحسب cmHg است که مطابق شکل، $P'_A = h_A = 30\text{cmHg}$ و $P'_B = h_B = 100\text{cmHg}$ می‌باشد.

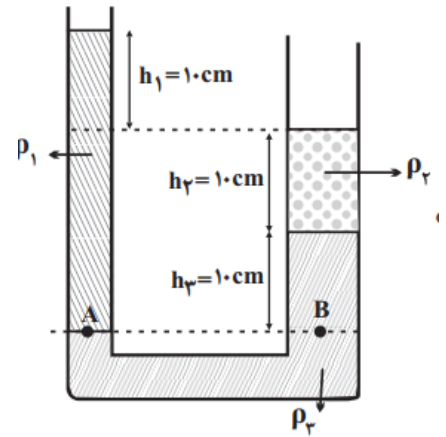
$$P_A = P_0 + P'_A \Rightarrow P_A = P_0 + 30$$

$$P_B = P_0 + P'_B \Rightarrow P_B = P_0 + 100$$

$$P_B = 1/\sqrt{P_A} \Rightarrow P_0 + 100 = 1/\sqrt{P_0 + 30}$$

$$\Rightarrow P_0 + 100 = 1/\sqrt{P_0} + 51 \Rightarrow P_0 = 70\text{cmHg}$$

گزینه «۳»



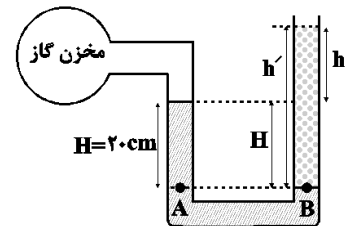
با توجه به برابری فشار در دو نقطه هم‌تراز A و B ، داریم:

$$P_A = P_B \Rightarrow \rho_1 g h_1 + P_0 = \rho_2 g h_2 + \rho_3 g h_3 + P_0$$

$$\Rightarrow \rho_1 \times 30 = \rho_2 \times 10 + \rho_3 \times 10$$

$$\Rightarrow 3\rho_1 = \rho_2 + \rho_3 \Rightarrow \rho_2 = 3\rho_1 - \rho_3$$

گزینه «۲»



با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز از یک مایع ساکن، داریم:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_{\text{گاز}} + (\rho_3 g H)_{\text{جیوه}} = P_0 + (\rho_2 g h')_{\text{مایع}}$$

$$\Rightarrow 10 \times 10^3 + 13600 \times 10 \times 0.2 = 10^5 + 2000 \times 10 \times h'$$

$$\Rightarrow 107200 = 10^5 + 20000h' \Rightarrow h' = 0.36 \text{ m} = 36 \text{ cm}$$

از طرفی مطابق شکل داریم:

$$h' = H + h \Rightarrow 36 = 20 + h \Rightarrow h = 16 \text{ cm}$$

فرض می‌کنیم جرم جسم آلیاژ m و حجم آن v است.

$$m_B = \frac{V\Delta}{100} m = \frac{3}{5} m \Rightarrow m_A = \frac{1}{5} m$$

$$\rho = 3/2 \rho_A \Rightarrow \frac{m}{v} = 3/2 \frac{m_A}{v_A}$$

$$\Rightarrow \frac{m}{m_A} = 3/2 \frac{v}{v_A} \Rightarrow 5 = 3/2 \frac{v}{v_A} \Rightarrow \frac{v}{v_A} = \frac{10}{3} \Rightarrow v_A = 3/10 v$$

$$v_B = v - v_A = v - 3/10 v = 7/10 v \Rightarrow v_B = 70\% v$$

طبق رابطه تعریف فشار داریم:

$$P = \frac{F}{A} = \frac{mg}{A}$$

فشار وارد از طرف استوانه A بر استوانه B را با P_A و فشار وارد از طرف دو استوانه بر سطح زمین را با P_B نشان می‌دهیم:

$$P_A = P_B \Rightarrow \frac{m_A g}{A_A} = \frac{(m_A + m_B) g}{A_B} \xrightarrow{m = \rho V = \rho A h}$$

$$\frac{\rho_A (\pi r^2) h}{\pi r^2} = \frac{\rho_A (\pi r^2) h + \rho_B (\pi (2r)^2) h}{\pi (2r)^2}$$

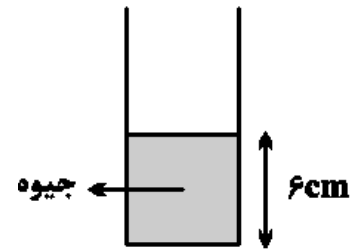
$$\Rightarrow 2 \rho_A = \frac{\rho_A}{2} + \rho_B \Rightarrow \frac{3}{2} \rho_A = \rho_B$$

$$\Rightarrow \frac{\rho_A}{\rho_B} = \frac{2}{3}$$

با نوشتن معادله پیوستگی در شاره تراکم‌ناپذیر (این معادله بیانی از قانون پایستگی جرم است) و جایگذاری تندی‌های ورودی و خروجی در رابطه زیر داریم:

$$A_1 v_1 + A_2 v_2 = A_3 v_3 \Rightarrow A \times 0/2 + 0/4 A \times 0/1 = 0/4 A \times v_3$$

$$\Rightarrow v_3 = 0/6 \frac{m}{s}$$



فشار در کف لوله برابر است با:

$$P_1 = P_{Hg} + P_o = 6 + 14 = 20 \text{ cmHg} (*)$$

با اضافه کردن مایع، فشار در کف لوله برابر است با:

$$P_2 = P_1 + P_{\text{مایع}} \xrightarrow{P_2 = 1/0.75 P_1} 1/0.75 P_1 = P_1 + P_{\text{مایع}}$$

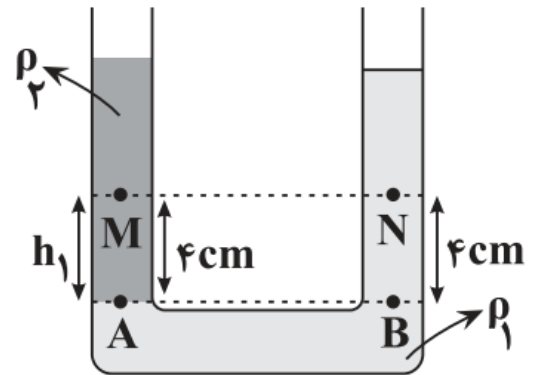
$$\xrightarrow{(*)} P_{\text{مایع}} = 0/0.75 P_1 = 0/0.75 \times 20 = 5 \text{ cmHg}$$

$$P_{\text{مایع}} = \frac{(\rho h)_{\text{مایع}}}{\rho_{Hg}} \xrightarrow{\rho_{\text{مایع}} = \gamma / 0.75 \frac{g}{cm^3}} 5 = \frac{\gamma / 0.75 h}{13.6 / 6} \Rightarrow h = 40 \text{ cm}$$

حجم مایع اضافه شده برابر است با:

$$V = Ah = 4 \times 40 = 160 \text{ cm}^3$$

با توجه به اصل برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:



A و B نقاط هم‌تراز و مربوط به یک مایع ساکن هستند، داریم:

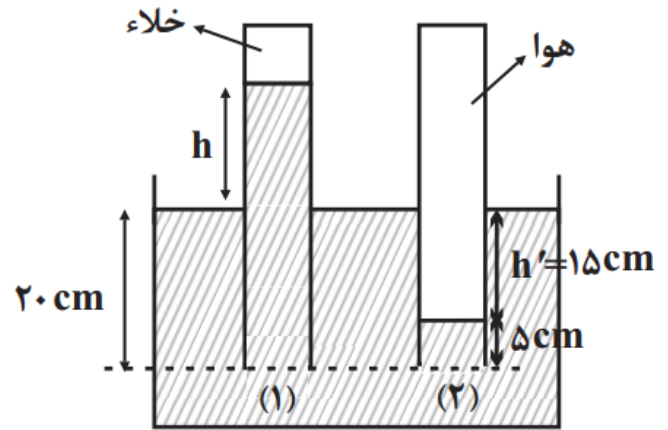
$$P_B = P_A$$

$$\Rightarrow \rho_1 g h_1 + P_N = \rho_2 g h_1 + P_M$$

$$\Rightarrow P_M - P_N = \rho_1 g h_1 - \rho_2 g h_1$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow P_M - P_N &= g h_1 (\rho_1 - \rho_2) = 10 \times 0.4 \times (1000 - 3000) \\ &= 1600 Pa \end{aligned}$$

با استفاده از اصل برابری فشار در نقاط هم تراز داخل یک مایع ساکن در لوله (۱) داریم:



$$P_0 = \rho g h \xrightarrow{h=7.5\text{cm}} P_0 = 13600 \times 10 \times 0.075$$

$$\Rightarrow P_0 = 102000 \text{ Pa}$$

در لوله (۲) داریم:

$$P_{\text{هوای مبحوس}} = \rho g h' + P_0 = 13600 \times 10 \times 0.15 + 102000$$

$$P_{\text{هوای مبحوس}} = 122400 \text{ Pa} = 122/4k \text{ Pa}$$

فرض می‌کنیم در فاصله x از کف ظرف، فشار دو طرف تیغه فلزی با هم برابر می‌شوند. بنابراین:

$$P_A = P_B \Rightarrow \rho_A g h_A + P_0 = \rho_B g h_B + P_0$$

$$\Rightarrow \rho_A h_A = \rho_B h_B$$

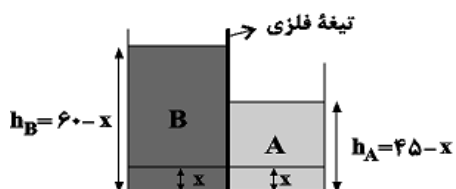
$$\rho_A = 10/2 \frac{g}{\text{cm}^3}, h_A = 45 - x$$

$$\rho_B = 6/1 \frac{g}{\text{cm}^3}, h_B = 60 - x$$

$$\rightarrow 10/2(45 - x) = 6/1(60 - x)$$

$$\Rightarrow 3(45 - x) = 2(60 - x) \Rightarrow 135 - 3x = 120 - 2x$$

$$\Rightarrow x = 15 \text{ cm}$$



گزینه درست: ۱

سوال ۱۳۵

گزینه «۱»

طبق معادله پیوستگی داریم:

$$\frac{V}{t} = A_A v_A = A_B v_B \Rightarrow \frac{V}{t} = \pi R_A^2 v_A = \pi R_B^2 v_B$$

$$\Rightarrow \frac{60 \times 10^{-3}}{1 \times 60} = 3 \times 0/1^2 v_A = 3 \times 0/5^2 v_B$$

$$\Rightarrow v_A = \frac{1}{30} \frac{m}{s} \text{ و } v_B = \frac{4}{30} \frac{m}{s}$$

بنابراین داریم:

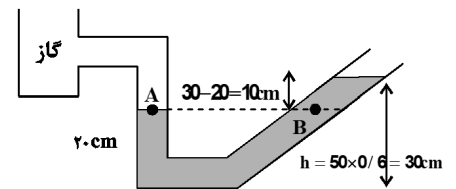
$$v_B - v_A = \frac{4}{30} - \frac{1}{30} = 0/1 \frac{m}{s}$$

گزینه درست: ۱

سوال ۱۳۶

گزینه «۱»

فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن برابر است، بنابراین:



$$P_A = P_B \Rightarrow P_g = \rho g h$$

$$P_g = 2000 \times 10 \times \frac{10}{100} = 2000 Pa$$

گزینه درست: ۴

سوال ۱۳۷

گزینه «۴»

طبق رابطه فشار پیمانهای در ستون سیالات داریم:

گزینه «۴»

طبق رابطه فشار پیمانهای در ستون سیالات داریم:

$$P_g = (\rho g h)_{\text{آب}} = 5 \text{ cm Hg} \Rightarrow (\rho_1 h_1)_{\text{آب}} = (\rho_2 h_2)_{\text{جیوه}}$$

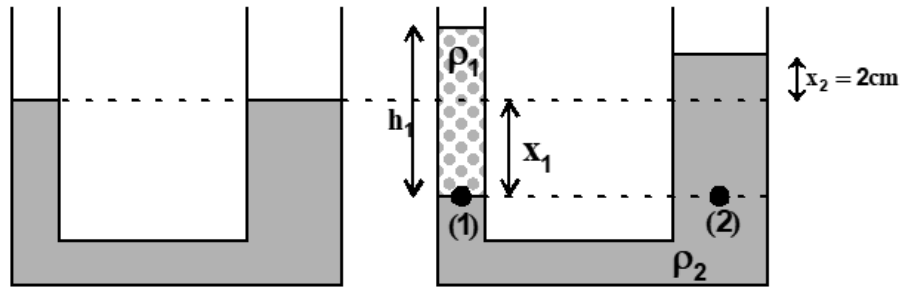
$$\Rightarrow 1 \times h_{\text{آب}} = 13/6 \times 5 \Rightarrow h_1 = 68 \text{ cm}$$

اکنون حجم آب را محاسبه می‌کنیم. داریم:

$$V = ah + AH \Rightarrow V = 10 \times 20 + 20 \times (68 - 20)$$

$$\Rightarrow V = 200 + 960 = 1160 \text{ cm}^3$$

هرگاه مایعی به شاخه سمت چپ اضافه شود، سطح مایع اولیه در این شاخه به اندازه x_1 پایین می‌رود و در شاخه سمت راست، سطح مایع به اندازه $x_2 = 2\text{cm}$ بالا می‌رود. بنابراین طبق صورت سؤال $x_2 = 2\text{cm}$ می‌باشد.



حجم مایع جابه‌جا شده در دو طرف لوله یکسان می‌باشد، داریم:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 x_1 = A_2 x_2$$

$$20 \times x_1 = 40 \times 2 \Rightarrow x_1 = 4\text{cm}$$

در نهایت طبق اصل هم‌فشاری در نقاط (۱) و (۲) داریم:

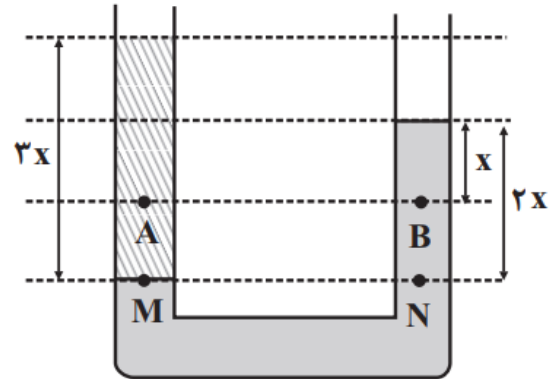
$$P_1 = P_2 \Rightarrow \rho_1 h_1 = \rho_2 (x_1 + x_2)$$

$$\Rightarrow 0.6 h_1 = 1/5 (4 + 2) \Rightarrow h_1 = 15\text{cm}$$

به عبارت دیگر ارتفاع مایع اضافه شده به سمت چپ برابر 15cm می‌باشد. در نتیجه جرم مایع اضافه شده برابر است با:

$$m_1 = \rho_1 V_1 = \rho_1 A_1 h_1 = 0.6 \times 20 \times 15 = 180\text{g}$$

با توجه به اصل برابری فشار در نقاط هم‌تراز M و N ، چگالی مایع مجهول را محاسبه می‌کنیم.



$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_{\text{روغن}} \times 3x = 10^3 \times 2x$$

$$\rho_{\text{روغن}} = \frac{2000}{3} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

با توجه به اندازه فشار در نقطه B ، x را محاسبه می‌کنیم.

$$P_B = P_0 + \rho gh$$

$$130 \times 10^3 = 10^5 + 10^3 \times 10 \times x \Rightarrow 13 = 10 + x \Rightarrow x = 3 \text{ m}$$

فشار در نقطه A برابر است با:

$$P_A = P_0 + \rho_{\text{روغن}} gh_A = 10^5 + \frac{2000}{3} \times 10 \times 6 = 140 \text{ kPa}$$

فشار نقطه A را در دو حالت محاسبه کرده و اختلاف آن را می‌یابیم:

$$(P_A)_1 = \rho gh_A$$

$$(P_A)_2 = \rho gh_A + \frac{mg}{A_{\text{دربوش}}}$$

$$\Rightarrow \Delta P_A = \frac{mg}{A_{\text{دربوش}}} = \frac{9 \times 10}{60} = 1/5 \frac{\text{N}}{\text{cm}^2}$$

برای نقطه B نیز تغییرات فشار مشابه نقطه A است.

چون سطح جیوه در ته لوله از سطح جیوه در مجاورت هوا بالاتر است، داریم:

$$P = P_0 - \rho gh$$

ارتفاع ستون جیوه برابر است با:

$$h = L \sin 37^\circ \Rightarrow h = 0.6 \times 0.6 = 0.36m$$

بنابراین:

$$P = P_0 - \rho gh = \rho_{\text{جیوه}} gh_0 - \rho_{\text{جیوه}} gh = \rho_{\text{جیوه}} g(h_0 - h)$$

$$\Rightarrow P = 13600 \times 10 \times (0.76 - 0.36) = 54400 Pa$$

حال با استفاده از تعریف فشار، نیروی وارد بر انتهای بسته لوله را به دست می‌آوریم:

$$P = \frac{F}{A} \Rightarrow F = PA = 54400 \times 2 \times 10^{-2} = 1088 N$$

ابتدا باید محاسبه کنیم که اگر $0.21L$ از مایع را در ظرف بریزیم، ارتفاع آن چقدر خواهد شد.

$$0.21L \times \frac{10^3 \text{ cm}^3}{1L} = 210 \text{ cm}^3$$

حجم قسمت پایین ظرف برابر است با:

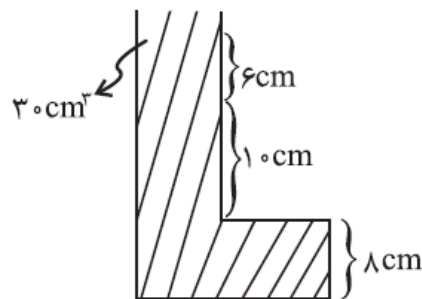
$$V = A_1 h = 20 \times 8 = 160 \text{ cm}^3$$

$$V' = 210 - 160 = 50 \text{ cm}^3 \Rightarrow h' = \frac{V'}{A_2} = \frac{50}{5} = 10 \text{ cm}$$

اگر 30 cm^3 دیگر از همان مایع را به ظرف اضافه کنیم، تغییر ارتفاع برابر است با:

$$\Delta h = \frac{V_2}{A_2} = \frac{30}{5} = 6 \text{ cm}$$

با توجه به نیروی وارد از طرف مایع به کف ظرف داریم:



$$F = PA = \rho ghA \Rightarrow \Delta F = \rho g \Delta h A_1$$

$$\Rightarrow \Delta F = 15000 \times 10 \times 0.06 \times 20 \times 10^{-2} = 180 N$$

گزینه «۱»

در ابتدا تندی جریان را در قسمت پهن‌تر می‌یابیم:

$$\Delta x = v\Delta t \Rightarrow 30 = 2/5t \Rightarrow t = 12s \quad \text{در لوله باریک}$$

در لوله پهن‌تر:

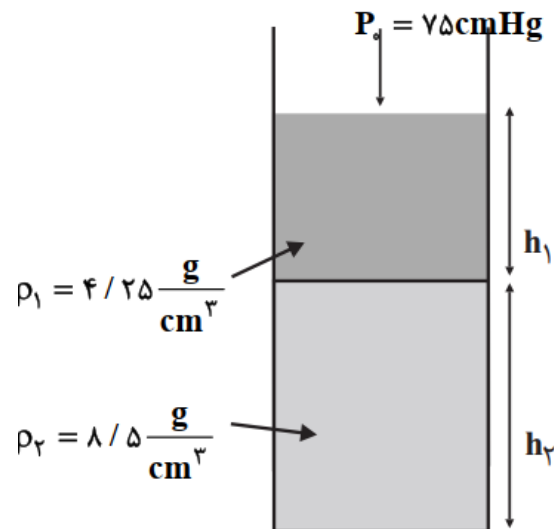
$$50 = v' \times 12 \Rightarrow v' = 4 \frac{cm}{s}$$

در نهایت داریم:

$$\frac{v'}{v} = \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \Rightarrow \frac{4}{2/5} = \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \Rightarrow r' = 5cm$$

گزینه «۴»

در ابتدا فشار ناشی از وزن مایعات را می‌یابیم:



$$P_t = P_0 + P \Rightarrow 90 = 75 + P \Rightarrow P = 15 cmHg$$

حال، فشار را برحسب پاسکال می‌نویسیم:

$$P = P_1 + P_2 \Rightarrow (\rho g h)_{Hg} = (\rho_1 g h_1) + (\rho_2 g h_2)$$

$$\Rightarrow \rho_{Hg} h_{Hg} = \rho_1 h_1 + \rho_2 h_2 \Rightarrow (13/6) \times (15) = 4/25 h_1 + 8/5 h_2$$

$$\Rightarrow 48 = h_1 + 2h_2$$

بنابراین داریم:

$$\begin{cases} h_1 + h_2 = 30 \\ h_1 + 2h_2 = 48 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} h_1 = 12cm \\ h_2 = 18cm \end{cases}$$

ابتدا جرم کل هوای درون این ستون را به دست می آوریم:

$$P = \frac{mg}{A} \Rightarrow 10^5 = \frac{m \times 10}{1} \Rightarrow m = 10^4 \text{ kg}$$

اکنون با توجه به فشار هوا در ارتفاع های 3 km و 9 km ، جرم ستون هوای بالای این ارتفاع ها را حساب می کنیم.

$$3 \text{ km} \text{ در ارتفاع } : 7 \times 10^4 = \frac{m \times 10}{1} \Rightarrow m = 7 \times 10^3 \text{ kg}$$

$$9 \text{ km} \text{ در ارتفاع } : 3 \times 10^4 = \frac{m \times 10}{1} \Rightarrow m = 3 \times 10^3 \text{ kg}$$

حالا می توان جرم هوای موجود در بین ارتفاع های 3 km و 9 km را حساب کرد:

$$7 \times 10^3 - 3 \times 10^3 = 4 \times 10^3 \text{ kg}$$

و در آخر اگر این جرم را به جرم کل تقسیم کنیم، درصد آن محاسبه می شود.

$$\frac{4 \times 10^3}{10^4} \times 100 = 40\%$$

با دمیدن در بالای لوله فشارسنج، طبق اصل برنولی، با افزایش تندی هوا، فشار هوای شاخه سمت چپ لوله U شکل کاهش می یابد.

با توجه به ثابت بودن فشار گاز درون مخزن، مقداری از مایع درون لوله U شکل به شاخه سمت چپ منتقل می شود تا با کاهش ارتفاع h ، کاهش فشار هوا را جبران کند. بنابراین اندازه فشار پیمانه ای گاز مخزن کاهش می یابد.

$$P_0 = \rho gh + P_{3\text{cm}} \Rightarrow P_g = P_{3\text{cm}} - P_0 = -\rho gh$$

$$P_0 = \rho gh + P_{3\text{cm}} \Rightarrow P_g = P_{3\text{cm}} - P_0 = -\rho gh$$

$$P_g = P_{3\text{cm}} - P_0$$

در این سؤال فشار پیمانه ای منفی است و بیانگر این نکته است که فشار گاز از فشار هوا کمتر است.

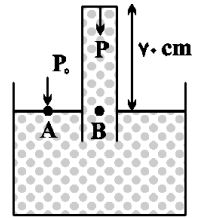
فشار جیوه بر ته بسته لوله را از پاسکال به سانتی‌متر جیوه تبدیل می‌کنیم:

$$P = \rho gh \xrightarrow{P=6750 \text{ Pa}, g=10 \frac{m}{s^2}} 6750 = 13500 \times 10 \times h$$

$$P = 13500 \frac{g}{cm^3} \times h \xrightarrow{P=13500 \frac{g}{cm^3} = 13500 \frac{kg}{m^3}} h = 0.05m = 5cm \Rightarrow P' = 5cmHg$$

$$h = 0.05m = 5cm \Rightarrow P' = 5cmHg$$

چون ارتفاع جیوه‌ای که فشار 6750 Pa را ایجاد می‌کند برابر $5cm$ است، بنابراین فشار وارد بر ته لوله $5cmHg$ است.



مطابق شکل، فشار نقطه A برابر فشار نقطه B است. زیرا هم‌تراز در یک مایع است. از طرف دیگر، فشار نقطه A برابر فشار هوا ($P_0 = P_A$) و فشار نقطه B برابر مجموع فشار ستون جیوه و فشاری که ته بسته لوله بر جیوه وارد می‌کند. بنابراین می‌توان نوشت:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 = P_{\text{ستون جیوه}} + P_{\text{لوله}}$$

$$\xrightarrow{P_{\text{ستون جیوه}} = 7cmHg} P_0 = 7 + 5 \Rightarrow P_0 = 12cmHg$$

$$\xrightarrow{P_{\text{لوله}} = 5cmHg}$$

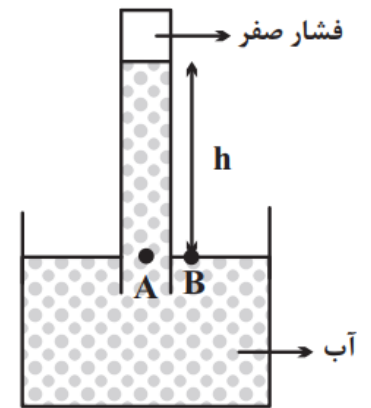
طبق معادله پیوستگی داریم:

$$A_1 v_1 = A_2 v_2$$

$$\xrightarrow{v_2 = 1/25 v_1} A_1 = 1/25 A_2 \Rightarrow \frac{A_2}{A_1} = \frac{1}{1/25} = 25$$

یعنی ۲۵ درصد از سطح مقطع خروجی آب باید بسته شود.

با توجه به نمودار، فشار هوا در شهر اردکان $۸۰kPa$ می‌باشد. در این صورت اگر آزمایش توریچلی را در شهر اردکان با آب انجام دهیم، فضای خالی بالای ستون آب تنها محتوی بخار آب است و فشار آن ناچیز است. داریم:



$$P_B = P_0 = ۸۰kPa$$

$$P_A = (\rho gh)_{JA}$$

از طرفی نقاط A و B نقاط هم‌تراز از یک مایع ساکن‌اند، بنابراین داریم:

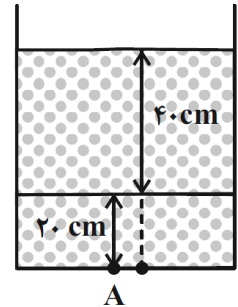
$$P_A = P_B \Rightarrow (\rho gh)_{آب} = ۸۰ \times ۱۰^۳ \Rightarrow ۱۰۰۰ \times ۱۰ \times h = ۸ \times ۱۰^۴$$

$$\Rightarrow h = ۸m$$

ابتدا ارتفاع آب اضافه شده را به دست می‌آوریم:

$$V = Ah \xrightarrow{A=100\text{cm}^2} F \times 10^3 = 100h \Rightarrow h = F \text{cm}$$

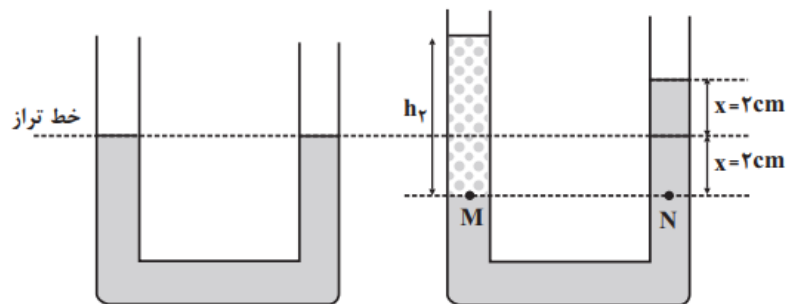
با اضافه کردن آب، عمق نقطه A از سطح آزاد آب، ۳ برابر می‌شود و بنابراین داریم:



$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{\rho g h_2 + P_0}{\rho g h_1 + P_0} = n \xrightarrow{h_2=2h} \frac{2\rho g h_1 + P_0}{\rho g h_1 + P_0} = n$$

$$\Rightarrow 1 + \frac{2\rho g h_1}{\rho g h_1 + P_0} = n \Rightarrow 1 < n < 2$$

با توجه به شکل‌های زیر، سطح مایع اول نسبت به حالت اولیه ۲cm بالا رفته است.



طبق برابری فشار در نقاط هم‌تراز از یک مایع ساکن داریم:

$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_2 h_2 = \rho_1 (2x)$$

$$\xrightarrow{x=2\text{cm}} 0.8 \times h_2 = 1/2 \times (2 \times 2) \Rightarrow h_2 = 6\text{cm}$$

اکنون برای محاسبه جرم مایع دوم داریم:

$$m_2 = \rho_2 V_2 = \rho_2 A h_2$$

$$\Rightarrow m_2 = 0.8 \times 2 \times 6 = 9.6\text{g}$$

در شکل (۲) در هر ارتفاعی سطح مقطع ثابت است. چون جرم و سطح مقطع به یک میزان از استوانه (۲) کم شده است. پس فشار همان ρgh خواهد بود.

$$P_{(۲)} = \frac{F}{A} = \frac{W}{A} = \frac{\downarrow mg}{\downarrow A} = \rho gh$$

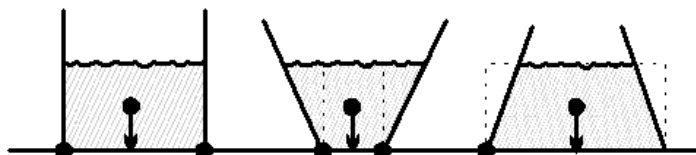
اما در شکل (۱) سطح مقطع تغییر نکرده، بلکه فقط جرم کم شده؛ پس فشار از حالت قبلی (استوانه توپر) کم‌تر می‌شود.

$$P_{(۱)} = \frac{F}{A} = \frac{W}{A} = \frac{\downarrow mg}{A} \Rightarrow P_{(۱)} < \rho gh$$

در نتیجه: $P_{(۱)} < P_{(۲)}$

اندازه نیرویی که طرف‌ها به سطح افقی وارد می‌کنند برابر با مجموع نیروی وزن ظرف و آب است و چون جرم ظرف‌ها و آب درون آن‌ها با هم برابر است، در نتیجه نیروی وزن هر سه ظرف با هم برابر بوده و در نهایت: $F_1 = F_2 = F_3$.

به کمک مقایسه زیر می‌توان نتیجه گرفت که: (وزن مایع W و نیروی وارد بر کف ظرف از طرف مایع F_c)



$$F_c = W \quad F_1 < W \quad F_2 > W$$

$$F_1 > F_c > F_2$$

و در نهایت چون ارتفاع مایع در هر سه ظرف یکسان است، طبق رابطه زیر، فشار مایع در کف هر سه ظرف برابر است:

$$P = \rho gh \Rightarrow P \propto h \xrightarrow{h_1 = h_2 = h_3} P_1 = P_2 = P_3$$

چه دو مایع در هم حل شوند و چه حل نشوند، فشار وارد از طرف هر دوی آن‌ها بر کف ظرف با هم برابر است: $P_A = P_C$

وقتی که دو مایع در هم حل می‌شوند، بسیاری از مولکول‌های مایع پُر چگال‌تر که قبلاً پایین‌تر از نقطه B بود، حالا به سمت بالای نقطه D حرکت

کرده و باعث ایجاد فشار بیشتری بر نقطه D می‌شوند، بنابراین: $P_B < P_D$

ابتدا فشار ناشی از مایع اول را در کف ظرف در حالت اول حساب می‌کنیم.

$$P_1 = \rho gh = 2000 \times 10 \times 0.1 = 2000 Pa$$

بعد از اضافه کردن مایع دوم به ظرف، فشار در کف ظرف برابر با $3P_1$ می‌شود، بنابراین داریم:

$$P_{12} = 3P_1 \Rightarrow P_1 + P_2 = 3P_1$$

$$\Rightarrow P_2 = 2P_1 = 2 \times 2000 = 4000 Pa$$

$$\Rightarrow \rho_{\text{روغن}} gh_{\text{روغن}} = 4000 \Rightarrow 800 \times 10 \times h_{\text{روغن}} = 4000$$

$$\Rightarrow h_{\text{روغن}} = 0.5 m = 50 cm$$

حال حجم روغن را حساب می‌کنیم:

$$V_{\text{روغن}} = Ah_{\text{روغن}} = 50 \times 50 = 2500 cm^3$$

در نهایت به کمک رابطه چگالی، جرم روغن را محاسبه می‌کنیم:

$$m_{\text{روغن}} = \rho_{\text{روغن}} V_{\text{روغن}} = 0.8 \times 2500 = 2000 g$$

با توجه به معادله پیوستگی، مقدار آبی که در هر دقیقه از مقطع A وارد لوله می‌شود، باید در یک دقیقه از مقطع B لوله خارج شود. بنابراین در هر دقیقه ۲۰ لیتر آب از مقطع B خارج می‌شود.

برای محاسبه تندی آب در مقطع B، با استفاده از معادله پیوستگی می‌توان نوشت:

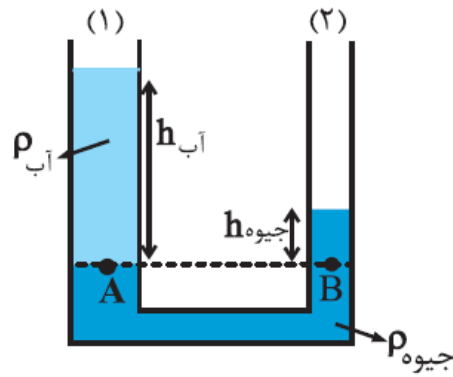
$$A_A v_A = A_B v_B \Rightarrow \pi r_A^2 v_A = \pi r_B^2 v_B$$

$$\frac{r_B = 2r_A}{v_A = 4m/s} \rightarrow r_A^2 \times 4 = 4r_A^2 v_B \Rightarrow v_B = 1 m/s$$

ابتدا حجم آب اضافه شده را حساب می‌کنیم:

$$\rho_{\text{آب}} = \frac{m_{\text{آب}}}{V_{\text{آب}}} \Rightarrow V_{\text{آب}} = \frac{m_{\text{آب}}}{\rho_{\text{آب}}} = \frac{۲۰/۴}{۱} = ۲۰/۴ \text{ cm}^3$$

حال ارتفاع آب در شاخه (۱) را به دست می‌آوریم:



$$V_{\text{آب}} = A_{(1)} h_{\text{آب}}$$

$$\Rightarrow ۲۰/۴ = ۳h_{\text{آب}} \Rightarrow h_{\text{آب}} = ۶/۸ \text{ cm}$$

حال با توجه به اصل برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$P_A = P_B$$

$$\Rightarrow \rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} = \rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}} \Rightarrow ۱ \times ۶/۸ = ۱۳/۶ h_{\text{جیوه}} \Rightarrow h_{\text{جیوه}} = ۰/۵ \text{ cm}$$

ابتدا فشار گاز مخزن ۲ را به دست می‌آوریم:

$$P_2 = P_0 + \rho_1 g h_1 \Rightarrow P_1 = ۱۰^5 + ۸۰۰ \times ۱۰ \times ۲/۵$$

$$= ۱۰^5 + ۲ \times ۱۰^4 = ۱/۲ \times ۱۰^5 \text{ Pa}$$

فشار گاز مخزن ۱ نیز برابر است با:

$$P_2 = P_1 + \rho_2 g h_2 = ۱/۲ \times ۱۰^5 - ۱۶۰۰ \times ۱۰ \times ۱/۵$$

$$\Rightarrow P_1 = ۹/۶ \times ۱۰^4 \text{ Pa}$$

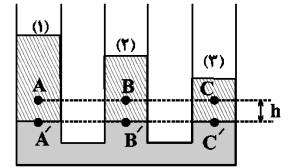
$$\Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{۱/۲ \times ۱۰^5}{۹/۶ \times ۱۰^4} = \frac{۵}{۳}$$

حال نسبت $\frac{P_2}{P_1}$ را می‌یابیم:

با توجه به این که جرم سه مایع یکسان است، مایعی که حجم کمتری دارد، چگالی بیشتری دارد. پس:

$$\rho_3 > \rho_2 > \rho_1$$

طبق شکل زیر در نقاط A' ، B' ، C' فشار برابر است. زیرا این سه نقطه در یک مایع قرار داشته و هم‌ترازند.

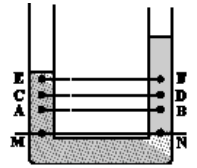


از هر سه نقطه به اندازه h بالا می‌آییم تا به نقاط A ، B و C برسیم. از فشار نقاط A' ، B' ، C' اندازه $\rho_1 gh$ ، $\rho_2 gh$ و $\rho_3 gh$ کم می‌شود تا به نقاط A ، B و C برسیم و چون $\rho_3 > \rho_2 > \rho_1$ پس:

$$\rho_3 > \rho_2 > \rho_1 \Rightarrow \rho_3 gh > \rho_2 gh > \rho_1 gh$$

پس از فشار نقطه C' مقدار بیشتری کم شده، پس P_C از همه کمتر است و داریم:

$$P_A > P_B > P_C$$



مطابق شکل، فشار در نقاط هم‌تراز M و N که در یک مایع ساکن قرار دارند، با یکدیگر برابر است، اما در نقاط هم‌تراز بالاتر از M و N ، مانند A و B ، فشارها برابر نیستند و هرچه از سطح هم‌تراز M و N فاصله بگیریم، اندازه اختلاف فشار دو نقطه هم‌تراز در دو مایع متفاوت بیشتر می‌شود.

$$P_M = P_N \Rightarrow P_A + \rho_1 gh = P_B + \rho_2 gh$$

$$\Rightarrow P_B - P_A = (\rho_1 - \rho_2)gh$$

بنابراین:

$$\Rightarrow \Delta P_{E,F} > \Delta P_{C,D} > \Delta P_{A,B}$$

$$\xrightarrow{(1)} \Delta P_{E,F} > \Delta P_{C,D} > \Delta P_{A,B}$$

چون در هر دو ظرف ρ ، g و h یکسان‌اند، بنا به رابطه‌های $P = \rho gh$ و $P = \frac{F}{A}$ داریم:

$$F = PA \Rightarrow F = \rho ghA \xrightarrow[\substack{\rho = \text{ثابت} \\ h = \text{ثابت}}]{\substack{A_2 > A_1}} \frac{F_2}{F_1} = \frac{A_2}{A_1}$$

$$\xrightarrow{A_2 > A_1} F_2 > F_1$$

برای اندازه نیروی وارد بر سطح زیر ظرفها داریم:

$$\begin{cases} F_1 = W_1 \\ F_2 = W_2 \end{cases} \xrightarrow{W_1 = W_2} F_1 = F_2$$

برای فشار وارد بر کف ظرفها از طرف مایع می‌توان نوشت:

$$P = \rho gh \xrightarrow[\rho_1 = \rho_2]{h_1 = h_2} P_1 = P_2$$

و برای فشار وارد بر سطح زیر ظرفها داریم:

$$P' = \frac{W}{A} \xrightarrow{W_1 = W_2} \frac{P_1}{P_2} = \frac{A_2}{A_1} \xrightarrow{A_2 > A_1} P_1 > P_2$$

در هر ظرف طبق رابطه $P = \frac{mg}{A}$ و با توجه به یکسان بودن جرم مایعها و برابر بودن A ، می‌توان نتیجه گرفت فشار حاصل از هر دو مایعی که در یک ظرف ریخته می‌شوند، با هم برابر است. از طرفی می‌دانیم دربارهٔ جیوه، عدد ارتفاع (برحسب cm) با عدد فشار (برحسب cmHg) برابر است. پس در ظرف اول فشار ناشی از جیوه معادل 10 cmHg بوده و فشار ناشی از مایع A نیز برابر با 10 cmHg خواهد شود. پس می‌توان نوشت

$$P_{\text{کل}} = P_0 + P_{\text{جیوه}} + P_A \Rightarrow 94 = P_0 + 10 + 10$$

$$\Rightarrow P_0 = 74 \text{ cmHg}$$

در حالت دوم نیز به دلیل برابر بودن جرم دو مایع، فشار آنها نیز برابر می‌شود. پس اکنون که فشار ناشی از جیوه 20 cmHg است، فشار ناشی از مایع B نیز برابر با 20 cmHg خواهد شد. در نتیجه:

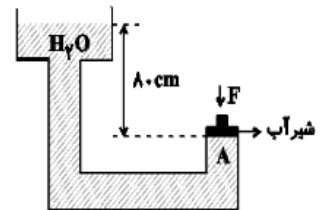
$$P_{\text{کل}} = P_0 + P_{\text{جیوه}} + P_B \Rightarrow P_{\text{کل}} = 74 + 20 + 20 = 114 \text{ cmHg}$$

ابتدا فشار در محل شیر آب را به دست می‌آوریم:

$$P_A = \rho gh + P_0$$

$$P_A = 1000 \times 10 \times \frac{h}{10} + 10^5$$

$$P_A = 10000 + 10^5 = 108000 \text{ Pa}$$

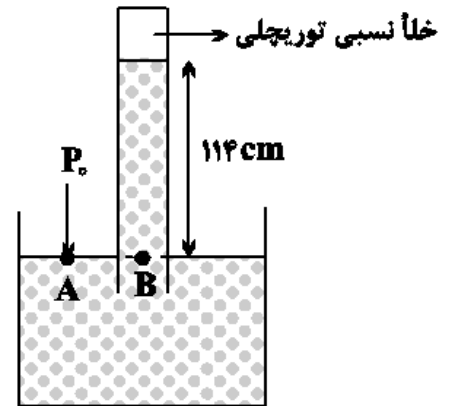


$$F = PA = 108000 \times 2 \times 10^{-6} = 21/6 \text{ N}$$

گزینه «۳»

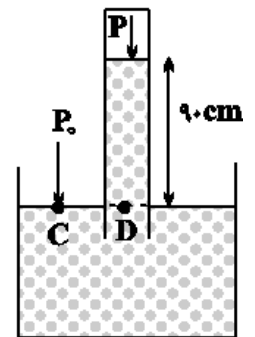
با توجه به این که در نقاط هم‌تراز از یک مایع ساکن، فشار یکسان است، اگر فشار هوای محیط را P_0 در نظر بگیریم، برای شکل‌های (۱) و (۲) می‌توان نوشت:

شکل ۱:



$$P_A = P_B \xrightarrow[\substack{P_A = P_0 \\ P_B = h_{\text{مایع}} = 114 \text{ cm}}]{P_A = P_0} P_0 = h_{\text{مایع}} = 114 \text{ cm} \quad (1)$$

شکل ۲:



$$P_C = P_D \xrightarrow[\substack{P_D = (P_{\text{هوای محبوس}} + 90) \text{ cm} \\ P_C = P_0}]{P_D = (P_{\text{هوای محبوس}} + 90) \text{ cm}} P_0 = P_{\text{هوای محبوس}} + 90 \quad (2)$$

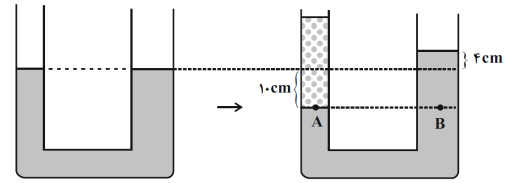
$$\xrightarrow{(1), (2)} 114 = P_{\text{هوای محبوس}} + 90 \Rightarrow P_{\text{هوای محبوس}} = 24 \text{ cm}$$

می‌بینیم فشار هوای محبوس معادل فشار ستونی از مایع به ارتفاع 24 cm است که باید به صورت زیر آن را بر حسب سانتی‌متر جیوه بنویسیم:

$$\rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}} = \rho_{\text{مایع}} h_{\text{مایع}} \xrightarrow[\substack{\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{g}{\text{cm}^3} \\ \rho_{\text{مایع}} = 10/2 \frac{g}{\text{cm}^3}, h_{\text{مایع}} = 24 \text{ cm}}]{\rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}} = \rho_{\text{مایع}} h_{\text{مایع}}} 13/6 \times h_{\text{جیوه}} = 10/2 \times 24 \Rightarrow h_{\text{جیوه}} = 18 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow P_{\text{هوای محبوس}} = 18 \text{ cm.Hg}$$

حجم آب جابه‌جا شده در دو شاخه یکسان است. اگر در سمت راست، سطح آزاد آب F cm بالا رود، سطح آزاد آب در سمت چپ ۱۰ cm پایین می‌آید:



$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 h_1 = A_2 h_2 \Rightarrow F \times h = 10 \times F$$

$$\Rightarrow h = 10 \text{ cm}$$

حال با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن داریم:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 + \frac{mg}{A} = P_0 + \rho gh$$

$$\Rightarrow \frac{m \times 10}{F \times 10^{-4}} = 1000 \times 10 \times [(10 + F) \times 10^{-2}]$$

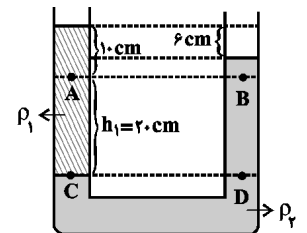
$$\Rightarrow m = 56 \times 10^{-3} \text{ kg} = 56 \text{ g}$$

فشار در دو نقطه هم‌تراز C و D برابر است، بنابراین:

$$P_C = P_D \Rightarrow P_A + \rho_1 gh_1 = P_B + \rho_2 gh_1$$

$$\Rightarrow P_A - P_B = (\rho_2 - \rho_1) gh_1 \Rightarrow 400 = (\rho_2 - \rho_1) \times 10 \times 0.2$$

$$\Rightarrow \rho_2 - \rho_1 = 200 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad (1)$$



از طرفی در نقاط C و D همچنین می‌توان نوشت:

$$P_C = P_D \Rightarrow \rho_1 h'_1 = \rho_2 h'_2 \xrightarrow[h'_2 = 24 \text{ cm}]{h'_1 = 30 \text{ cm}} \rho_1 \times 30 = \rho_2 \times 24$$

$$\Rightarrow \rho_2 = 1/25 \rho_1$$

$$\xrightarrow{(1)} 0/25 \rho_1 = 200 \Rightarrow \rho_1 = 800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 0/8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

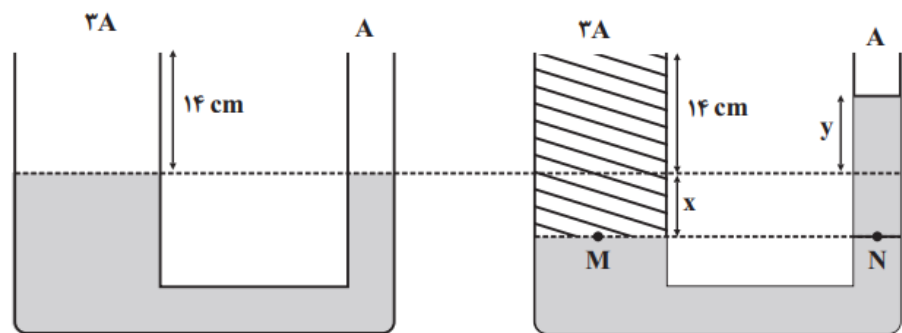
با استفاده از رابطه فشار در شاردها، داریم:

$$P = P_0 + \rho gh \Rightarrow \Delta P = \rho g \Delta h \Rightarrow \frac{\Delta P}{\Delta P} = \frac{\Delta h}{\Delta h}$$

$$\Rightarrow \frac{P_A - P_Y}{P_Y - P_F} = \frac{h_A - h_Y}{h_Y - h_F} \Rightarrow \frac{P_A - 1/9F}{1/9F - 1/5A} = \frac{A - Y}{Y - F}$$

$$\Rightarrow P_A = 2/5 \text{ atm}$$

با ریختن مایع با چگالی $\rho_B = \frac{\rho_A}{3}$ در شاخه سمت چپ، سطح مایع در شاخه سمت راست بالا می‌آید تا دوباره تعادل برقرار شود. با توجه به اینکه حجم مایع جابه‌جا شده یکسان است، داریم:



$$V_{\text{چپ}} = V_{\text{راست}} \Rightarrow x(3A) = yA \Rightarrow y = 3x$$

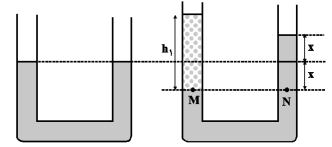
از طرفی با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$P_M = P_N \Rightarrow (14 + x) \frac{\rho_A}{3} = (x + y) \rho_A$$

$$\xrightarrow{y=3x} (14 + x) \frac{\rho_A}{3} = 4x \rho_A \Rightarrow 14 + x = 12x \Rightarrow 7x = 14$$

$$\Rightarrow x = 2 \text{ cm} \Rightarrow y = 3x = 6 \text{ cm}$$

با اضافه کردن مایع در شاخه سمت چپ، حجم جیوه جابه‌جا شده در دو شاخه لوله U شکل برابر است. در این صورت داریم:



$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_1 h_1 = (\rho_2 h_2)_{Hg}$$

$$\Rightarrow \rho_1 h_1 = \rho_2 (2x) \Rightarrow 3/4 \times h_1 = 13/6 \times 2 \times 2/5$$

$$\Rightarrow h_1 = 20 \text{ cm}$$

ارتفاع مایع ریخته شده 20 cm می‌باشد.

$$V_{\text{مایع}} = A \cdot h = 5 \times 20 = 100 \text{ cm}^3$$

$$\Rightarrow m = \rho_{\text{مایع}} V_{\text{مایع}} = 3/4 \times 100 = 34.5 \text{ g}$$

به بررسی عبارت‌ها می‌پردازیم:

(الف) درست: ماده علاوه بر سه حالت جامد، مایع و گاز، حالت چهارمی به نام پلاسما دارد که اغلب در دماهای خیلی بالا به وجود می‌آید.

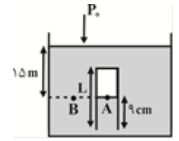
(ب) درست: شیشه جامدی بی‌شکل است، زیرا در هنگام سرد شدن سریع، ذرات آن فرصت کافی ندارند تا در طرحی منظم، مرتب شوند، بنابراین در طرح نامنظمی که در حالت مایع داشتند باقی می‌مانند.

(پ) نادرست: مولکول‌های مایع نظم و تقارن جامدهای بلورین را ندارند و به صورت نامنظم و نزدیک به یکدیگر قرار گرفته‌اند.

(ت) درست: فاصله میانگین مولکول‌های گاز در مقایسه با اندازه آن‌ها، خیلی بیشتر است. مثلاً اندازه مولکول‌های هوا بین ۱ تا ۳ آنگستروم است در حالی که فاصله میانگین آن‌ها در شرایط معمولی در حدود ۳۵ آنگستروم است.

اگر طول لوله را L فرض کنیم، قبل از وارد کردن لوله در آب، حجم هوای درون لوله برابر با $V_1 = LA$ و فشار آن برابر $P_1 = P_0$ است. بعد از وارد کردن لوله در آب، ارتفاع هوای محبوس $h_2 = (L - 0.09)$ متر می‌شود، در نتیجه حجم هوای محبوس در این حالت $V_2 = h_2 A = (L - 0.09)A$ و فشار هوای حبس شده با توجه به شکل زیر، برابر با $P_A = P_B \Rightarrow P_{gas} = P_0 + \rho gh$ است.

بنابراین، با توجه به این که دما ثابت است، به صورت زیر طول لوله را می‌یابیم:



$$\begin{aligned} P_1 V_1 &= P_2 V_2 \Rightarrow P_0 \times LA = (P_0 + \rho gh) \times (L - 0.09) \\ \Rightarrow 10^5 \times L &= (10^5 + 1000 \times 10 \times 15) \times (L - 0.09) \\ \Rightarrow 10^5 \times L &= 2/5 \times 10^5 \times (L - 0.09) \\ \Rightarrow L &= 2/5 L - 0.09 \times 2/5 \Rightarrow 0.09 \times 2/5 = 1/5 L \\ \Rightarrow L &= 0.15 m = 15 cm \end{aligned}$$

اگر فشار کل در کف ظرف (P) دو درصد افزایش یابد به $1.02P$ خواهد رسید.

۲۰ سانتی‌متر مایع فشاری معادل $1/5$ سانتی‌متر جیوه بر کف ظرف وارد می‌کند.

$$\begin{aligned} (\rho_1 h_1) &= (\rho_2 h_2) \Rightarrow (1/0.125)(20) = 13/5 h_2 \\ \Rightarrow h_2 &= 1/5 cm \end{aligned}$$

فشار کل برابر است با فشار حاصل از مایع به علاوه فشار هوا

$$P_1 = P_0 + P^* \Rightarrow P_1 = 75 + 1/5 = 76/5 cmHg$$

$$P_2 = P_1 + P^{**} \xrightarrow{P_2 = 1.02 P_1} 1.02 P_1 = P_1 + P^{**}$$

$$\Rightarrow 0.02 P_1 = P^{**} \xrightarrow{P_1 = 76/5 cmHg}$$

$$P^{**} = (0.02 \times 76/5) cmHg$$

حال برای پیدا کردن ارتفاع حاصل از مایع دوم، داریم:

$$(\rho^{**} h^{**}) = (\rho_2 h_2) \Rightarrow (13/5)(0.02 \times 76/5) = 0.2 h_2$$

$$\Rightarrow h_2 = \frac{(13/5)(0.02)(76/5)}{0.2} = \frac{13/5 \times 76/5}{10} cm$$

$$\Rightarrow V_2 = A h_2 = 10 \times \frac{13/5 \times 76/5}{10} = 1032/75 cm^3$$

گزینه «۳»

با توجه به معادله پیوستگی، در قسمتی که سطح مقطع لوله کم باشد، تندی شاره بیشتر است. پس داریم: $v_B > v_C > v_A$
از طرفی با توجه به اصل برنولی، وقتی تندی شاره افزایش می‌یابد، فشار کاهش می‌یابد.

$$P_B < P_C < P_A$$

پس گزینه‌های «۱» و «۲» نادرست‌اند.

برای گزینه «۳» داریم:

$$A_B v_B = A_C v_C \xrightarrow{A = \pi \frac{d^2}{4}} \frac{d^2}{4} v_B = \frac{d^2}{9} v_C$$

$$\Rightarrow v_B = \frac{4}{9} v_C = 2/25 v_C$$

در گزینه «۴» داریم:

$$A_C v_C = A_A v_A \Rightarrow \frac{d^2}{9} v_C = d^2 v_A \Rightarrow v_C = 9 v_A$$

پس گزینه «۴» هم نادرست است.

فشار کل در کف ظرف استوانه‌ای شکل برابر است با:

فشار کل در کف ظرف استوانه‌ای شکل برابر است با:

$$P_t = P_{\text{مایع}} + P_o \Rightarrow 16 \text{ cmHg} = P_{\text{مایع}} + 76 \text{ cmHg}$$

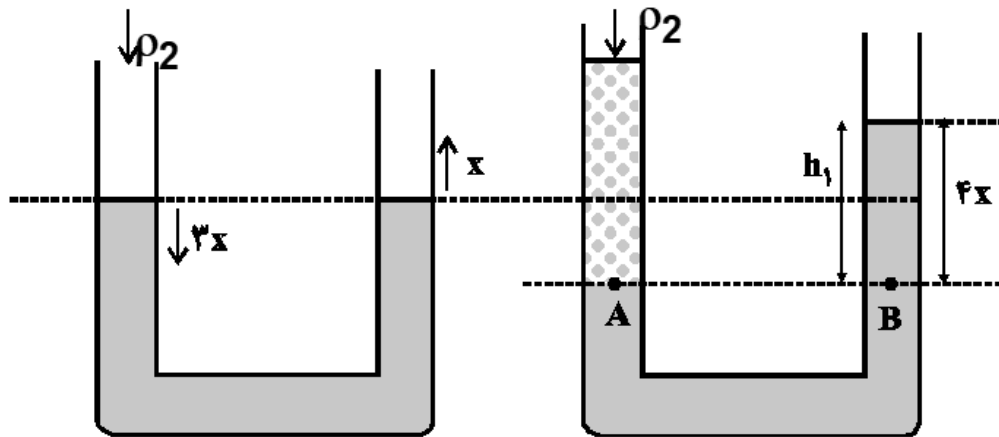
$$P_{\text{مایع}} = 10 \text{ cmHg}$$

مایع ρ_1 را به شاخته سمت چپ لوله U شکل اضافه می‌کنیم و چون سطح مقطع آن نصف سطح مقطع استوانه است، ارتفاع آن دو برابر می‌شود. از آن‌جا که جرم مایع (۲) ثابت است، فشار مایع (۲) برابر می‌شود با:

$$P'_2 = 2P_2 = 2 \times 10 = 20 \text{ cmHg}$$

این فشار را برحسب پاسکال به دست می‌آوریم:

$$P'_2 = 13600 \times 10 \times \frac{20}{100} = 27200 \text{ Pa}$$



$$P_A = P_B \Rightarrow 27200 = 1000 \times 10 \times h_1$$

$$\Rightarrow h_1 = 0.34 \text{ m}$$

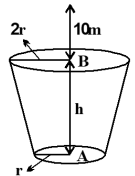
$$h_1 = 4x \Rightarrow x = \frac{0.34}{4} = 0.085 \text{ m} = 8.5 \text{ cm}$$

(۱) تندی هوا باعث کاهش فشار هوای بیرون کامیون می‌شود و برزنت آن پف می‌کند.

(۲) تندی هوا در زیر بال هواپیما کمتر ولی فشار آن بیشتر است.

(۳) با وزش باد تندی هوا بیشتر و فشار هوا کمتر و ارتفاع امواج بیشتر می‌شود.

با توجه به بیشتر بودن نیروی دگرچسبی بین مولکول‌های آب و شیشه نسبت به نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های آب، سطح آب در لوله موئین بالاتر از سطح آب درون ظرف قرار می‌گیرد. از طرفی هر چه سطح مقطع لوله موئین کوچکتر باشد، ارتفاع آب در آن بیشتر خواهد بود. با این توضیحات، گزینه (۴) صحیح است.



$$F_A = F_B \Rightarrow P_A A_A = P_B A_B$$

$$\xrightarrow[r_B = 4r_A]{r_B = 4r_A} P_A A_A = P_B 4A_A \Rightarrow P_A = 4P_B$$

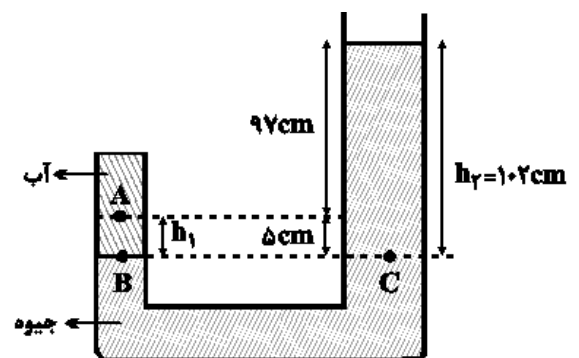
$$A_B = 4A_A$$

$$\Delta P = \rho gh \Rightarrow P_A - P_B = \rho gh$$

$$\xrightarrow{P_A = 4P_B} 3P_B = \rho gh \Rightarrow 3(\rho gh) = \rho gh$$

$$\Rightarrow 3 \times 10 = h \Rightarrow h = 30m$$

با توجه به این‌که در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، فشار یکسان است، با استفاده از هم‌فشاری دو نقطه هم‌تراز B و C، مقدار $P_A - P_0$ را که همان فشار پیمانه‌ای نقطه A است، می‌یابیم:



$$P_B = P_C \Rightarrow P_A + \rho_{\text{آب}} gh_1 = P_0 + \rho_{\text{چبوه}} gh_2$$

$$\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, h_1 = 0.05 \text{m}$$

$$\rho_{\text{چبوه}} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, h_2 = 10.2 \text{m}$$

$$P_A + 1000 \times 10 \times 0.05 = P_0 + 13600 \times 10 \times 10.2$$

$$\Rightarrow P_A - P_0 = 138720 - 500$$

$$\Rightarrow P_g = 138220 Pa = 138/22 kPa$$

در حالت اول فشار پیمانه‌ای گاز ۱۰ سانتی‌متر جیوه است.

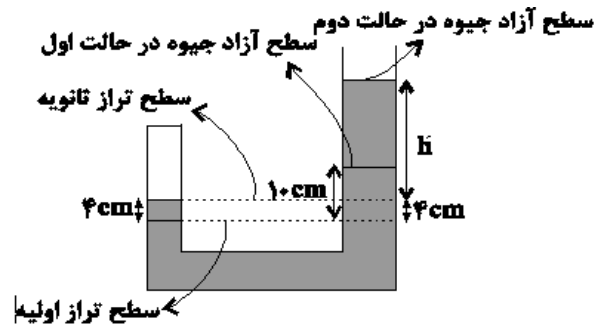
$$P_1 = P_g + P_o \Rightarrow P_1 = 10 \text{ cmHg}$$

$$P_2 = P_g + P_o \xrightarrow{P_g = 3P_o} P_2 = 30 + 70 = 100 \text{ cmHg}$$

اکنون مطابق قانون گازهای کامل درحالتی که دما ثابت است داریم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{T_1 = T_2, V = Ah} \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{P_1 = 10 \text{ cmHg}, P_2 = 100 \text{ cmHg}}$$

$$10 \times h_1 = 100 \times h_2 \xrightarrow{h_1 = 2 \text{ cm}} h_2 = 16 \text{ cm}$$



$$P_2 = P_o + h' \xrightarrow{\substack{P_2 = 100 \text{ cmHg} \\ P_o = 70 \text{ cmHg}}} h' = 30 \text{ cmHg}$$

جیوه در شاخه سمت چپ ۴ cm بالا رفته است، چون سطح مقطع شاخه سمت چپ نصف سطح مقطع شاخه سمت راست است بنابراین جیوه در شاخه سمت راست ۲ cm پایین آمده است. به عبارت دیگر ۴ cm جیوه در شاخه سمت چپ که بالاتر از سطح تراز اولیه قرار دارد، معادل ارتفاع ۲ سانتی‌متر جیوه در شاخه سمت راست است. پس ارتفاع جیوه اضافه شده در شاخه سمت راست برابر است با:

$$h_{\text{اضافه شده}} = (h' + 4) - 10 + 2 = 26 \text{ cm}$$

چون جرم مایع‌ها یکسان است، پس حجم یکسانی خواهند داشت و در حجم یکسان، ارتفاع مایع در ظرف (۳) بیشتر می‌شود و داریم:

$$h_3 > h_1 = h_2 > h_2$$

بنابراین طبق رابطه $P = \rho gh$ ، داریم:

$$P_3 > P_1 = P_2 > P_2$$

نیروی که طرف‌ها به سطح افقی وارد می‌کنند، برابر با مجموع وزن ظرف و وزن مایع درون آن است که برای هر چهار ظرف یکسان است.

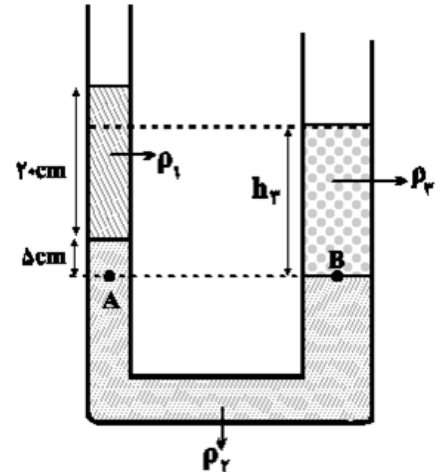
دقت کنید اگر نیرویی که از طرف مایع بر کف ظرف وارد می‌شود، مورد سؤال قرار گیرد با توجه به رابطه $P = \rho ghA$ ، گزینه «۳» پاسخ صحیح است.

در شکل زیر، فشار در نقاط هم‌تراز A و B برابر است. بنابراین داریم:

$$P_A = P_B \Rightarrow \rho_1 h_1 + \rho_2 h_2 = \rho_3 h_3$$

$$\Rightarrow 0.8 \times 20 + 2/4 \times 5 = \rho_3 h_3$$

$$\Rightarrow \rho_3 h_3 = 28 \frac{g}{cm^3}$$



اکنون جرم مایع سوم برابر است با:

$$m_3 = \rho_3 V_3 = \rho_3 A h_3$$

$$\Rightarrow m_3 = (\rho_3 h_3) \cdot A \Rightarrow 28 = 28A \Rightarrow A = 1 \text{ cm}^2$$

با توجه به اینکه $m_2 = 2m$ و $m_1 = m$ است داریم:

$$m_2 = 2m_1 \xrightarrow{m=\rho V} \rho_2 V_2 = 2\rho_1 V_1 \xrightarrow{V=Ah} \rho_2 h_2 = 2\rho_1 h_1 \Rightarrow 2/25 \times h_2 = 2 \times 2/h_1 \Rightarrow h_2 = 4/h_1 \quad (1)$$

از طرفی داریم:

$$h_1 + h_2 = 68 \text{ cm} \xrightarrow{(1)} 3/4 h_1 = 68 \Rightarrow \begin{cases} h_1 = 20 \text{ cm} \\ h_2 = 48 \text{ cm} \end{cases}$$

اکنون فشار ناشی از هر کدام از مایع‌ها را برحسب $cmHg$ محاسبه می‌کنیم.

$$P_{cmHg} = \frac{\rho_{مایع} h_{مایع}}{\rho_{Hg}} \Rightarrow P_1 = \frac{\rho_1 h_1}{\rho_{Hg}} = \frac{2/25 \times 20}{13/5} = 4 \text{ cmHg}$$

$$P_2 = \frac{\rho_2 h_2}{\rho_{Hg}} = \frac{2/25 \times 48}{13/5} = 8 \text{ cmHg}$$

در نتیجه مجموع فشار ناشی از دو مایع در کف ظرف برابر است با:

$$P_1 + P_2 = 12 \text{ cmHg}$$

اولاً قبل از ریختن روغن بر روی سطح آب، سطح آزاد آب در هر سه شاخه در یک ارتفاع قرار دارد و بعد از ریختن روغن، سطح آزاد آب در دو شاخه دیگر در یک ارتفاع قرار می‌گیرد.

ثانیاً باید ببینیم که فشار تولیدی توسط ستون روغن معادل فشار چه ستونی از آب است:

$$(\rho h)_{\text{روغن}} = (\rho h)_{\text{آب}} \Rightarrow 0.8 \times 70 = 1 \times h \Rightarrow h = 56 \text{ cm}$$

پس فرض می‌کنیم ستونی از آب به ارتفاع $h = 56 \text{ cm}$ به لوله سمت راست اضافه می‌کنیم:

این حجم از سیال ($V = Ah$) در سه شاخه تقسیم می‌شود و ارتفاع سطح آب در سه شاخه به اندازه h' بالا می‌برد به طوری که می‌توان گفت:

$$Ah = Ah' + 2Ah' + 4Ah' \Rightarrow h' = \frac{h}{7} = \frac{56}{7} = 8 \text{ cm}$$

با توجه به شکل، فاصله دو نقطه A و B برابر است با:

$$\Delta h = 45 - 15 = 30 \text{ cm}$$

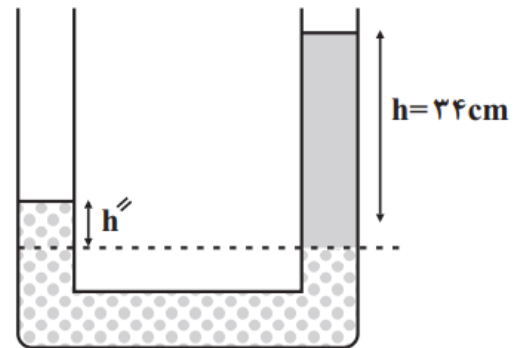
اختلاف فشار دو نقطه A و B برابر است با:

$$\Delta P = \rho g \Delta h \Rightarrow 7/5 \times 10^3 = \rho \times 10 \times 0.3$$

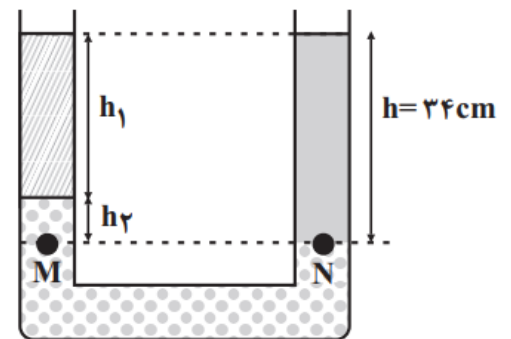
$$\Rightarrow \rho = 7/5 \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \Rightarrow \rho = 7/5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

برای جسمی که در سطح یک شاره شناور است، همواره اندازه نیروی شناوری وارد بر جسم که بالاسو است، با اندازه نیروی وزن وارد بر جسم که به سمت پایین است، برابر می‌باشد.

بعد از باز کردن شیر، آب و جیوه به صورت زیر متعادل می‌شوند.



و بعد از اینکه سطح آزاد آب و روغن در یک تراز قرار گیرند، داریم:



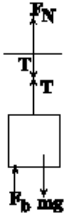
$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_1 h_1 + \rho_2 h_2 = \rho h$$

$$\Rightarrow 0.85 h_1 + 13/6 h_2 = 1 \times 34$$

$$\Rightarrow h_1 + 16 h_2 = 40$$

$$\begin{cases} h_1 + h_2 = 34 \text{ cm} \\ h_1 + 16 h_2 = 40 \text{ cm} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} h_1 = 33/5 \text{ cm} \\ h_2 = 0/5 \text{ cm} \end{cases}$$

گزینه «۳»



ترازو عددی را نشان می‌دهد که از طرف ظرف به آن وارد می‌شود، به ظرف سه نیرو وارد می‌شود:

(۱) نیروی مایع

(۲) نیروی میله

(۳) نیروی وزن ظرف

(۱) نیرویی که از طرف مایع به ظرف وارد می‌شود شامل مجموع وزن مایع و نیروی شناوری است. در هر دو حالت قبل از پاره‌شدن نخ و پس از آن مقدار یکسانی است.

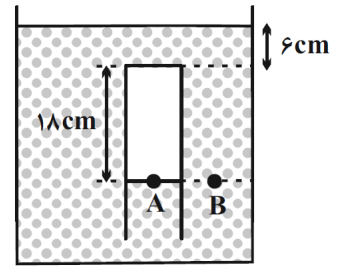
(۲) نیرویی که از طرف میله به ظرف وارد می‌شود (عکس‌العمل F_N) برابر است با:

$$F_N = T \xrightarrow{T=mg-F_b} F_N = mg - F_b$$

پس از پاره‌شدن نخ این نیرو صفر می‌شود.

(۳) نیروی وزن ظرف در هر دو حالت یکسان است. بنابراین پس از پاره‌شدن نخ عددی که ترازو نشان می‌دهد کمتر می‌شود.

در حالت اول با توجه به آن که فشار دو نقطه A و B برابر است، فشار گاز در حالت اولیه را محاسبه می‌کنیم:

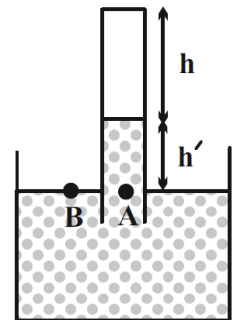


$$P_A = P_B \Rightarrow (P_g)_1 = P_{Hg} + P_0 \Rightarrow (P_g)_1 = (18 + 6) + 76$$

$$\Rightarrow (P_g)_1 = 100 \text{ cmHg}$$

در حالت دوم فشار گاز باید نصف شود و داریم:

$$\text{فشار ثانویه گاز} : (P_g)_2 = \frac{1}{2} (P_g)_1 = 50 \text{ cmHg}$$



با توجه به قانون گازهای آرمانی داریم:

$$(P_g)_1 V_1 = (P_g)_2 V_2 \xrightarrow{V=Ah} 100 \times 18 \times A = 50 \times h \times A$$

$$\Rightarrow h = 36 \text{ cm}$$

با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن داریم:

$$P'_A = P'_B \xrightarrow{\text{حسب cmHg}} h' + (P_g)_2 = P_0$$

$$\Rightarrow h' + 50 = 76 \Rightarrow h' = 26 \text{ cm}$$

بنابراین انتهای لوله به اندازه $h + h' = 36 + 26 = 62 \text{ cm}$ باید از سطح آزاد جیوه بیرون آورده شود.

این الگو مربوط به یک جامد بلورین مانند نمک می‌باشد که از طرح منظمی تشکیل شده است.

موارد «الف»، «پ» و «ت» صحیح هستند.

مورد «ب» غلط است چون شیشه جامد بی شکل است.

حجم قسمت پایین ظرف برابر است با:

$$V_1 = A_1 h_1 = 200 \times 10 \Rightarrow V_1 = 2000 \text{ cm}^3 = 2L$$

با توجه به این که $3L$ مایع در ظرف ریخته‌ایم، بنابراین حجم مایع در قسمت بالایی ظرف برابر با $1L$ خواهد بود و در نتیجه ارتفاع مایع در قسمت بالایی ظرف برابر است با:

$$V_2 = A_2 h_2 \Rightarrow 1000 = 100 h_2 \Rightarrow h_2 = 10 \text{ cm}$$

بنابراین ارتفاع کل مایع در ظرف برابر است با:

$$h = h_1 + h_2 = 10 + 10 = 20 \text{ cm}$$

و در نتیجه اندازه نیرویی که از جانب مایع به کف ظرف وارد می‌شود، برابر است با:

$$F = PA_1 = \rho g h A_1 = 1000 \times 10 \times 20 \times 10^{-2} \times 200 \times 10^{-4}$$

$$\Rightarrow F = 160 \text{ N}$$